

~~F 7109~~

OF 1100

87

2217

ANALELE

Universității „C. I. Parhon” București



SERIA ȘTIINTELOR NATURII



11

1956

EDITURA TEHNICĂ

7

1967

1972

8897

ANALELE

Universității „C. I. Parhon” București



SERIA ȘTIINȚELOR NATURII

(CONTINUAREA REVISTEI UNIVERSITĂȚII C. I. PARHON)

11

1 9 5 6

EDITURA TEHNICĂ

1989

F
7189

COMITETUL DE REDACȚIE

Redactor responsabil: prof. univ. **Eugen Angelescu**, membru corespondent al Academiei R. P. R.

Redactor responsabil adj.: prof. univ. **M. Filipescu**, membru corespondent al Academiei R. P. R.

Conf. **A. Ghelberg**

M E M B R I

Acad. prof. **S. Stoilov**; acad. prof. **S. Țițeica**; prof. univ. **N. Sălăgeanu**, membru corespondent al Academiei R. P. R.; prof. univ. **Petre Spacu**; conf. **C. Herbst**; conf. **Gertrude Molescu**; conf. **A. Halanay**



R E D A C Ț I A
UNIVERSITATEA C. I. PARHON

B-dul 6 martie nr. 64

telefon 5.29.46

București



S U M A R

M A T E M A T I C Ǻ

	Pag.
GH. VRÎNCEANU: Asupra invariantilor intrinseci ai spațiilor neolonome.	9
A. SAICHIN: Asupra problemei asimptotelor unei curbe plane	25
ST. I. GHEORGHITĂ: Asupra influenței pereților solizi în problemele de percursi- une plană	29
R. THEODORESCU: Asupra unei ecuații întinlinită în teoria proceselor stochastice .	39
M. STOKA: Asupra măsurii mulțimii conicelor din plan	
P. CONSTANTINESCU: Asupra reducerii numărului de contacte prin introducerea circuitelor în punte	45

F I Z I C Ǻ

S. KLARSFELD: Asupra liniilor de forțe magnetice	71
I. LEMENY și M. SOMEȘAN: O nouă variantă a metodei de determinare a masei și parcursului unei particule ionizante prin numărare de granule în plăcile nucle- are.	77

A S T R O N O M I E

C. POPOVICI și I. SORU: Observații solare: rotațiile 1363 — 1368, 28 iulie 1955 — 7 ianuarie 1956.	81
---	----

C H I M I E

GH. SPACU și EL. ANTONESCU: O nouă metodă gravimetrică pentru dozarea argin- tului	105
GH. SPACU și CORNELIA IANCU: O nouă metodă volumetrică pentru dozarea plumbului	109
E. ANGELESCU și C. HOLSKY: Contribuții la cunoașterea combinațiilor aminelor aromatice cu acidul acetic	113
P. SPACU și M. GAFÎTEANU: Metoda gravimetrică pentru dozarea argintului . . .	123
GEORGE VASILIU, LIVIA GERTLER, Dr. MUREȘAN și Dr. SIMIONOVICI: Sinteze de noi amine glicidice cu acțiune fiziologică	127
P. SPACU și EL. ANTONESCU: O metodă gravimetrică pentru dozarea cuprului . .	131

B I O L O G I E

N. SĂLĂGEANU și I. SILEANU: Acțiunea unor substanțe chimice asupra creșterii rădăcinilor de fasole	135
N. SĂLĂGEANU și D. A. POPESCU: Despre influența bioxidului de carbon asupra metabolismului fructelor în timpul păstrării	143
N. SĂLĂGEANU și V. PETREA: Despre influența unor săruri asupra germinației și respirației citorva soiuri de grâu	153
M. A. IONESCU și N. ROMAN: Contribuții noi la studiul zoocecidiilor din R.P.R. . .	161
EMILIA ILIESCU: Noi contribuții asupra tratamentului termic la porumb	175
EUGENIA SÎRBU: Unele cercetări asupra proceselor fiziologice la tomate în condiții de irigare	183

	Pag.
G. ȚUNESCU : Unele date referitoare la stadiul de lumină al sfeclei roșii	191
G. ȚUNESCU : Despre intensitatea respirației în decursul iarovizării semințelor sfeclei de zahăr	195
D. A. POPESCU : Păstrarea merelor „crețești” în condiții diferite de temperatură	201
OCT. BOLDOR : Experiența pentru grăbirea coacerii piersicilor și prunelor cu etilen și stiren	207

G E O L O G I E — G E O G R A F I E

GR. RĂILEANU, A. BĂDĂLUTĂ și M. PELIN : Studiul faunei cu aptychus din calcarele Jurasice superioare din zona Svinița-Svinecea Mare	223
GR. CIOFLICĂ : Studiul geologic și petrografic al formațiunilor eruptive din regiunea Băița (Baia-Mare).	233
M. FILIPESCU și I. PANĂ : Vîrsta argilelor roșii de pe versantul [estic al Ceahlăului și poziția tectonică a acestor depozite	253
I. RĂDULESCU și AL. ROȘU : Observații geomorfologice în Bazinul Predovei din Raionul Reșița	261
V. TRUFAȘ : Observații morfologice pe valea Sebeșului	269
LILA BADEA : Ramuri industriale noi și caracteristice raionului Găești	277
I. POPOVICI : Probleme de geografie economică în orașul Hirșova	287
A. COSTĂCHEL : Calculul coordonatelor geografice ale punctelor triangulației geodezice	295

СОДЕРЖАНИЕ

МАТЕМАТИКА

	Стр.
ГХ. ВРАНЧЕАНУ: О внутренних инвариантах неголономного пространства . . .	9
А. САЙКИН: Об асимптотах плоских кривых	25
СТ. И. ГЕОРГИЦА: К влиянию твердых стенок в задачах плоского удара . . .	29
Р. ТЕОДОРЕСКУ: Об одном уравнении встречающимся в теории случайных процессов	39
М. СТОКА: О мере множеств коническом на плоскости	41
П. КОНСТАНТИНЕСКУ: Об уменьшении числа контактов используя мостиковые цепи	45

ФИЗИКА

С. КЛАРСФЕЛД: О магнитных силовых линиях	71
И. ЛЕМЕНИ и М. СОМЕШАН: Новая варианта метода определения массы и пробега ионизирующей частицы при помощи подсчета зерен в фотографических эмульсиях	77

АСТРОНОМИЯ

К. ПОПОВИЧ и И. СОРУ: Солнечные наблюдения	81
--	----

Х И М И Я

ГХ. СПАКУ и ЕЛ. АНТОНЕСКУ: Новый весовой метод для определения серебра	105
ГХ. СПАКУ и КОРНЕЛИЯ ЯАНКУ: Новый объемный метод для определения свинца	109
Е. АНГЕЛЕСКУ и К. ХОЛСЭКИ: Вклад в науку о соединениях ароматических аминов с уксусной кислотой	113
П. СПАКУ и М. ГАФИЦЯНУ: Весовой метод определения серебра	123
Г. ВАСИЛИУ, ЛИВИЯ ГЕРТЛЕР, Др. МУРЕШАН, Др. СИМИОНОВИЧ: Синтезы новых глицидных амидов с физиологическим действием	127
П. СПАКУ и ЕЛ. АНТОНЕСКУ: Весовой метод определения меди	131

БИОЛОГИЯ

Н. СЭЛЭЖЕАНУ и И. СИЛЕАНУ: Действие некоторых химических веществ на рост корней фасоли	135
Н. СЭЛЭЖЕАНУ и Д. А. ПОПЕСКУ: К вопросу о влиянии углекислоты на обменные процессы плодов во время хранения	143
Н. СЭЛЭЖЕАНУ и В. ПЕТРЯ: К вопросу о влиянии некоторых солей на прорастание и дыхание некоторых сортов пшеницы	153

	Стр.
М. А. ИОНЕСКУ и Н. РОМАН: К изучению зооцелидах Румынской Народной Республики	161
ЕМИЛИЯ ИЛИЕСКУ: Новые данные к вопросу о тепловой обработке зерна кукурузы	175
ЕУГЕНИЯ СЫРБУ: Исследование физиологических процессов у томатов в условиях орошения	183
Г. ЦУНЕСКУ: Некоторые данные относительно световой стадии красной свеклы	191
Г. ЦУНЕСКУ: Об интенсивности дыхания в течение яровизации клубочек сахарной свеклы	195
Д. А. ПОПЕСКУ: Сохранение яблок „Крещети“ в разных условиях температуры	201
О. БОЛДОР: Опыт по ускорению созревания персика и сливы при помощи этилена и стирала	207

ГЕОЛОГИЯ-ГЕОГРАФИЯ

ГР. РЭИЛЯНУ, А. БЭДЭЛУЦЭ и М. ПЕЛИН: К вопросу об изучении наличия фауны <i>Aptychus</i> в верхнеюрских известняках зоны Свиница-Свинечед Маре (Банат)	223
ГР. ЧОФЛИКА: Геологические и петрографические исследования магматических формаций Бэицкой области (Бая-Маре)	233
М. ФИЛИПЕСКУ и И. ПАНА: Возраст красных глин восточного склона горы Чахлэт и тектоническое положение этих отложений	
И. РЭДУЛЕСКУ и АЛ. РОШУ: Геоморфологические наблюдения над бассейном предовой района Решица	261
В. ТРУФАШ: Долина Себеша—морфологические данные	269
ЛИЛА БАДЯ: Новые промышленные и характерные отрасли в области Гэешти	277
И. ПОПОВИЧ: Некоторые вопросы экономической географии города Хыршова	287
А. КОСТАКЕЛ: Вычисление географических координат точек геодезической сетки	295

S O M M A I R E

M A T H E M A T I Q U E

	Pag.
GH. VRÎNCEANU : Sur les invariants intrinsèques d'un espace non holonome	9
A. ȘAICHIN : Sur les asymptotes d'une courbe plane	25
ST. I. GHEORGHÎȚA : Sur l'influence des murs solides dans les problèmes de percur- sion plane	29
R. THEODORESCU : Sur une équation reconstruite dans la théorie des processus sto- chastiques	39
M. STOKA : Sur la mesure de l'ensemble des coniques du plan	41
P. CONSTANTINESCU : Sur le décroissement du nombre des contacts en utilisant circu- ites en pont	45

P H I S I Q U E

S. KLARSFELD : Sur les lignes de force magnétiques	71
I. LEMENY et M. SOMEȘAN : Une nouvelle variante de la méthode de la densité des granules dans les émulsions nucléaires, employée pour le calcul des masses et des parcours des particules ionisantes	77

A S T R O N O M I E

C. POPOVICI et I. SORU : Observations solaires : les rotations 1363—1368, 28 juillet 1955 — 7 janvier 1956	81
---	----

C H I M I E

GH. SPACU et EL. ANTONESCU : Une nouvelle méthode gravimétrique pour le dosage de l'argent	105
GH. SPACU et CORNELIA IANCU : Une nouvelle méthode volumétrique pour le dosage du plomb	109
E. ANGELESCU et C. HOLSZKY : Contributions à la connaissance des combinaisons des amines aromatiques avec l'acide acétique	113
P. SPACU et M. GAFITEANU : Méthode gravimétrique pour le dosage de l'argent	123
G. VASILIU, LIVIA GERTLER, dr. MUREȘAN et dr. SIMIONOVICI : Synthèses d'amides glycidiques avec action physiologique	127
P. SPACU et EL. ANTONESCU : Une méthode gravimétrique pour le dosage du cuivre	131

B I O L O G I E

N. SĂLĂGEANU et I. SILEANU : L'action de quelques substances chimiques sur la croissance des racines de l'haricot	135
N. SĂLĂGEANU et D. A. POPESCU : De l'influence du bioxyde de carbone sur le méta- bolisme des fruits pendant leur conservation	143
S. SĂLĂGEANU et V. PETREA : De l'influence de certains sels sur la germination et la respiration de quelques sortes de blé	153
M. A. IONESCU et N. ROMAN : Contributions à l'étude des zoocécidies de la République Populaire Roumaine	161
EMILIA ILIESCU : Nouvelles contributions sur le traitement termique du maïs	175

	Pag.
EUGENIA SÎRBU: Quelques recherches sur les processus phisologiques des tomates dans des conditions d'irigation	183
G. ȚUNESCU: Quelques dates qui concernent le stade de lumière de la betterave rouge	191
G. ȚUNESCU: Sur l'intensité de la respiration des glomerules de la betterave sucrière pendant la vernalisation	195
D. A. POPESCU: La conservation de pommes „crețești” en différentes conditions de température	201
O. BOLDOR: Experiences pour trater la maturation des peches et des prunes avec de l'ethylene et de stirène	207

G E O L O G I E — G E O G R A F I E

GR. RAILEANU, A. BADALUTA et M. PELIN: L'étude de la faune d'aptychus des calcaires du jurassique supérieur de la zone de Svinița Svinecea Mare (Banat)	223
GR. CIOFLICA: L'etude géologique et pétrografique de formation eruptive dans la region Băița (Baia Mare)	233
M. FILIPESCU et I. PANA: L'ège des argiles rouge sur le versant de l'Est du Ceahlău et la position tectonique de ces dépôts	253
I. RĂDULESCU et AL. ROȘU: Observations géomorfologiques dans le bassin de Predova, rayon Reșița	261
V. TRUFAS: Observations morfologiques sur la vallée de Sebeș	269
LILA BADEA: Les nouvelles branches industrielles du rayon Găești	277
I. POPOVICI: Problèmes de geographie économique dans la ville de Hîrșova	287
A. COSTĂCHEL: Calcul des coordonnées géographiques des points d'une triangulatio géodésique	295

MATEMATICĂ

Analele Univ. C. I. Parhon nr. 11—1956
Seria Științelor Naturii

ASUPRA INVARIANTILOR INTRINSECI AI SPAȚIILOR NEOLONOME

G. VRÂNCEANU

Am arătat în [1, 1932] și în [2, 1934] că în studiul spațiilor neolome V_n^m se pot distinge trei categorii de proprietăți: intrinseci, semiintrinseci și rigide.

În [7, 1936] am arătat că pentru o suprafață neolomă se poate întotdeauna reduce studiul proprietăților intrinseci la studiul proprietăților rigide.

M. Haimovici în [3, 1946] a arătat că în cazul cînd sistemul lui Pfaff S care definește spațiul V_n^m nu are sistem derivat S' și sistemul S este rang maximum, atunci putem reduce studiul proprietăților intrinseci ale spațiului V_n^m la studiul proprietăților rigide, deci la studiul invariantilor unui grup ortogonal de transformări de forme Pfaff.

În capitolul I al acestui memoriu se arată cum se poate da o nouă demonstrație a rezultatului dat de M. Haimovici utilizînd teorema pe care am demonstrat-o în 1942 pentru spațiile Riemann singulare [5].

În capitolul II demonstrez o teoremă generală asupra reducerii grupului intrinsec al unui spațiu V_n^m la un grup cvasi-ortogonal care conservă un număr de sisteme invariante formate cu ajutorul sistemelor deviate ale sistemului de neolonomie. Arăt în continuare că dacă sistemul S nu admite combinații integrabile și dacă sistemele invariante sînt de rang maximum, se poate reduce grupul intrinsec la un grup ortogonal.

CAP. I

1. Invariantii intrinseci ai unui spațiu neolonom V_n^m sînt invariantii grupului.

$$\begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha \quad (h, k, l = 1, \dots, m) \\ \bar{ds}^h &= c_\beta^\alpha ds^\beta \quad (\alpha, \beta, \gamma = m+1, \dots, n) \end{aligned} \quad (1)$$

unde $ds^a = \lambda_i^a dx^i$ ($a = 1, \dots, n$) sînt n forme Pfaff independente, adică determinantul $|\lambda_i^a|$ ale funcțiilor λ_i^a de variabilele $x^1, \dots, x^n$ este diferit de zero. Să presupune de asemenea că $c_k^h, c_\alpha^h, c_\beta^\alpha$ sînt funcțiuni de $x^1, \dots, x^n$ că determinantul $|c_\beta^\alpha|$ este definit de zero și c_k^h satisface la condițiile de ortogonalitate

$$c_k^h c_l^h = \delta_c^k \quad \begin{pmatrix} = 0 & k = l \\ = 1 & k \neq l \end{pmatrix} \quad (2)$$

Rezultă că avem doi invarianti intrinseci fundamentali: sistemul lui Pfaff

$$ds^\alpha = 0 \quad (\alpha = m + 1, \dots, n) \quad (3)$$

și metrica

$$(ds^1)^2 + \dots + (ds^m)^2 \pmod{ds^\alpha} \quad (4)$$

Invariantii semi-intrinseci sînt invariantii grupului (1) pentru care $c_\alpha^h = 0$, deci sistemul

$$ds^h = 0 \quad (h = 1, \dots, m) \quad (5)$$

este de asemenea un invariant al problemei și se spune că acest sistem definește un spațiu normal V_n^{n-m} la V_n^m . Avem deci trei invarianti semi-intrinseci fundamentali: sistemele Pfaff (3) și (5) și metrica

$$\varphi = (ds^1)^2 + \dots + (ds^m)^2$$

În memoriul (2) am arătat cum se poate studia invariantii semi-intrinseci și interpretarea lor geometrică.

În ce privește invariantii rigizi ai spațiului V_n^m ei sînt invariantii grupului (1), (2) cu $c_\alpha^h = 0$ și cu c_β^α satisfăcînd condițiile de ortogonalitate.

$$c_\beta^\alpha c_\gamma^\alpha = \delta_\gamma^\beta \quad (6)$$

Rezultă deci că metrica

$$\psi = (ds^{m+1})^2 + \dots + (ds^n)^2 \quad (6')$$

este de asemenea un invariant al problemei. Invariantii rigizi ai lui V_n^m sînt deci în același timp invariantii spațiului Riemann V_n avînd metrica

$$ds^2 = \varphi + \psi = (ds^1)^2 + \dots + (ds^n)^2$$

Invariantii rigizi ai unui spațiu neolonom V_n^m formează deci un sistem complet, căci la invariantii spațiului V_n care formează deja un sistem complet, se asociază un număr nou de invarianti. Rezultă în particular că grupul de transformări în el însuși al spațiului V_n^m rigid este totdeauna un grup continuu finit avînd cel mult $n + (n-m)(n-m+1)/2 + m(m-1)/2$ parametri.

În cazul semi-intrinsec se poate de asemenea forma un sistem complet de invarianti dacă sistemul (3) nu admite combinații integrabile. Aceasta este o problemă care intră în teorema generală pe care am obținut-o [5] asupra grupurilor separabile, adică a grupului de forme Pfaff care conservă două sisteme a lui Pfaff cum sînt (3) și (5). Această teoremă afirmă că putem asocia grupului o conexiune afină completă dacă sistemul (3) nu admite combinațiuni integrabile. Condițiunea de a nu admite combinațiuni integrabile este naturală, căci dacă unul din sisteme conține o combinație integrabilă $df = 0$ deci $f = c$, putem pentru orice valoare a lui c reduce numărul de dimensiuni al spațiului cu o unitate.

Pe de altă parte, observăm că atît în cazul intrinsec cît și în cazul semi-intrinsec spațiul V_n^m poate să nu admită un sistem complet de invarianti, dacă sistemul (3) este complet integrabil. Pentru aceasta

este suficient să arătăm că grupul de transformări în el însuși al spațiului poate conține funcțiuni arbitrare. Presupunem spre exemplu că sîntem în cazul unui V_n^m semi-intrinsec a cărei metrică φ depinde numai de m variabile, $x^1, \dots, x^m$ și că sistemul (3) este complet integrabil fiind dat de ecuațiile $dx^2 = 0$. În acest caz grupul de transformări în el însuși al spațiului V_n^m este dat printr-un grup continuu finit în variabilele $x^1, \dots, x^m$ care este grupul de mișcări al metricii φ și de către grupul punctual al variabilelor $x^{m+1}, \dots, x^n$, care conține deci $n - m$ funcțiuni arbitrare.

2. Relativ la invarianții intrinseci ai spațiului neolonom V_n^m nu se știe pînă în prezent decît foarte puține lucruri, afară de cazul cînd în anume condițiuni se poate reduce studiul acestor invarianți la studiul invarianților semi-intrinseci sau rigizi. Intre-adevăr, scriind convarianții bilineari ai formelor ds^a sub forma

$$\Delta s^a = \delta ds^a - d\delta s^a = w_{bc}^a ds^b ds^c \quad (\delta dx^i = d\delta x^i)$$

cantitățile w_{kl}^α ($\alpha > m$, $k, l \leq m$) ne dau componentele tensorului de integrabilitate a sistemului (3), tensor a căruia lege de transformare față de grupul (1) se scrie

$$\bar{w}_{rs}^\alpha c_k^r c_l^s = w_{kl}^\beta c_\beta^a \quad (7)$$

și problema constă în a vedea dacă este posibilă utilizarea acestor relații și a ecuațiilor (2) pentru a reduce grupul intrinsec la un grup semi-intrinsec sau rigid. Aceasta este totdeauna posibilă în cazul unei hipersuprafețe. Intr-adevăr dacă sistemul (3) se compune dintr-o singură ecuație $ds^n = 0$ se poate printr-o transformare ortogonală a formelor $ds^1, \dots, ds^{n-1}$ reduce convariantul bilinear Δs^n (mod ds^n) la forma economică

$$\Delta s^n = a_1 [ds^1 ds^2] + \dots + a_p [ds^{2p-1} ds^{2p}] \pmod{ds^n}$$

unde $[ds^a ds^b] = ds^a ds^b - ds^b ds^a$ și unde $0 < 2p \leq n-1$. Dacă $2p = n-1$, deci dacă Δs^n este de rang maximum determinantul

$$D = |w_{kl}^n| = a_1 a_2 \dots a_p$$

nu este nul și printr-o transformare a grupului intrinsec el se înmulțește prin $(c_n^n)^{-1}$. Se poate deci alege c_n^n în așa fel ca acest determinant să fie egal cu 1. Subgrupul grupului intrinsec care conservă această situație este atunci dat de formulele

$$\begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_n^h ds^n & (h, k = 1, \dots, n-1) \\ \bar{ds}^n &= ds^n \end{aligned} \quad (6'')$$

c_k^h satisfăcînd la condițiile de ortogonalitate și la condițiunile impuse de către forma canonică a lui Δs^n .

Ultima formulă (6'') ne spune că ds^n este o formă inavariantă, deci Δs^n este de asemenea, un invariant al problemei. Utilizînd funcțiunile c_n^h se poate anula în Δs^n coeficienții w_{nn}^n și subgrupul grupului (6'') care conservă acești coeficienți nuli este dat de subgrupul grupului ortogonal

$$\bar{ds}^h = c_k^h ds^k, \quad ds^n = ds^n$$

deci proprietățile intrinseci ale lui V_n^{n-1} sînt reduse la proprietăți rigide.

Dacă $2p < n - 1$, deci dacă Δs^n nu este de rang maximum se poate reduce, cu ajutorul lui c_n^n , a_1 la unitate și grupul care conservă această situație este dat de

$$\begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_n^h ds^n & (h, k = 1, 2, \dots, 2p) \\ \bar{ds}^\alpha &= c_\beta^\alpha ds^\beta + c_n^\alpha ds^n, \quad \bar{ds}^n = ds^n \quad (\alpha, \beta = 2p + 1, \dots, n - 1) \end{aligned} \quad (6''')$$

Cum Δs^n este un invariant, se poate cu ajutorul funcțiunilor c_n^h reduce w_{hn}^n la zero, și grupul care conservă această situație, conservă sistemele :

$$\bar{ds}^h = 0, \quad \bar{ds}^\alpha = \bar{ds}^n = 0$$

Al doilea sistem este de rang maximum deoarece Δs^n (mod ds^α, ds^n) este de rang $2p$. Înțelegînd prin $D^\alpha = |w_{ki}^\alpha|$ determinantul convarian-tului Δs^α avem printr-o transformare a grupului (6'')

$$\bar{D}^\alpha = c_\beta^\alpha D^\beta + c_n^\alpha D^n \quad (\alpha = 2p + 1, \dots, n - 1)$$

unde D^n este egal cu $a_1 \dots a_p$. Se poate alege deci c_n^α în așa fel ca $\bar{D}^\alpha = 0$ și grupul (6'') care conservă această situație trebuie să aibă c_n^α nuli, deci grupul intrinsec al spațiului V_n^{n-1} a fost redus în acest caz de asemenea la un subgrup al grupului ortogonal. Avem deci teorema ([9] :

Studiul invariabililor intrinseci ale unei suprafețe neolonomă poate fi întotdeauna redus la studiul invariantilor rigizi.

Rezultă în particular că o hipersuprafață neolonomă intrinsecă posedă întodeauna un sistem complet de invariinți și că grupul de transformări în ea însăși a suprafeței este un grup continuu finit posedînd cel mult $n + M$ parametri unde $M \equiv (n - 1)(n - 2)/2$. Numărul maxim poate fi atins pentru $n > 3$ numai dacă Δs^n este de rang maximum deci n este un număr impar $2p + 1$ și toți invariantii $a_1 \dots a_p$ sînt egali cu aceiaș constantă. În acest caz ds^h suferă o transformare ortogonală și simplctică, adică o transformare care conservă forma simplctică

$$[ds^1 ds^2] + \dots + [ds^{2p-1} ds^{2p}].$$

Se știe pe de altă parte că grupul ortogonal și simplctic în $2p$ variabile are p^2 parametri. Deci grupul maxim a unei V_n^{n-1} are cel mult $n + p^2$ ($2p = n - 1$) parametri. Acest maximum este atins pentru $n = 2p + 1$ de către hipersuprafața V_{2p+1}^{2p} a cărei metrică este metrica euclidiană în variabilele $x^1, \dots, x^{2p}$ și a cărei ecuație a lui Pfaff este

$$dx^{2p+1} + x^1 dx^2 - x^2 dx^1 + \dots + x^{2p-1} dx^{2p} - x^{2p} dx^{2p-1} = 0$$

Cît despre grupul de transformări în ea însăși al hipersuprafeței, el este produsul unei transformări simplctice în variabilele $x^1, \dots, x^{2p}$, a unei translații în variabilele $x^1, \dots, x^{2p}$ și a unei transformări lineare a variabilei $2p + 1$.

3. Vom trece acum la condițiile date de Haimovici pentru ca unui V_n^m intrinsec $m < n - 1$ să-i putem asocia un grup ortogonal. Pentru

aceasta se observă că dacă ținem cont de formele (7) și de condițiile de ortogonalitate (2) putem forma tensorul patrat

$$K^{\alpha\beta} = w_{kl}^{\alpha} w_{kl}^{\beta}$$

a cărui lege de transformare față de grupul (1) se scrie

$$\bar{K}^{\lambda\mu} = K^{\alpha\beta} c_{\alpha}^{\lambda} c_{\beta}^{\mu} \quad (7')$$

Acest tensor nu este degenerat dacă sistemul (3) nu are sistem derivat și în acest caz îl putem reduce la forma canonică δ_{β}^{α} și grupul (1), (2) care conservă această situație este grupul (1), (2), (6) cciace constituie prima parte a rezultatului obținut de Haimovici.

A doua parte constă în arăta că în anume condiții ne putem aranja în așa fel ca $c_{\alpha}^h = 0$ deci în așa fel încît grupul (1), (2), (6) să se reducă la un grup rigid. Această parte comportă un calcul foarte complicat. Pentru al evita pornim de la observația că grupul (1), (2), (6) este un subgrup al grupului (1), (6) care este grupul unui spațiu Riemann singular avînd metrica (6'). Or pentru aceste spații avem un invariant important dat de către geodezicele spațiului. Aceste geodezice introduc tensorul de componente [5]

$$w_{kl}^{\alpha}, v_{\alpha\beta k} = w_{\beta k}^{\alpha} + w_{\alpha k}^{\beta} \quad (7'')$$

legea lui de transformare fiind dată de către formulele (7) și de formulele

$$\bar{v}_{\lambda\mu k} c_{\alpha}^{\lambda} c_{\beta}^{\mu} c_h^k + \bar{w}_{rs}^{\lambda} c_{\beta}^r c_{\alpha}^{\lambda} c_h^s + \bar{w}_{rs}^{\lambda} c_{\beta}^{\lambda} c_{\alpha}^r c_h^s = v_{\alpha\beta h} \quad (8)$$

Se ajunge la aceste formule derivînd în raport cu s^h condițiile de ortogonalitate (6) și ținînd seama de formulele

$$\frac{\partial c_{\beta}^{\alpha}}{\partial s^h} = \bar{w}_{\lambda k}^{\alpha} c_{\beta}^{\lambda} c_h^k + \bar{w}_{\lambda k}^{\alpha} c_{\beta}^{\lambda} c_h^k - w_{\beta h}^{\lambda} c_{\alpha}^{\lambda}$$

care sînt date de către formulele fundamentale [6, p 6].

Dacă punem $c_{\beta}^r = c_i^r \varepsilon_{\beta}^i$ și ținem seama de formulele (7) putem scrie formulele (8) sub forma

$$\bar{v}_{\lambda\mu k} c_{\alpha}^{\lambda} c_{\beta}^{\mu} c_h^k + w_{\lambda h}^{\alpha} \varepsilon_{\beta}^{\lambda} + w_{\lambda h}^{\beta} \varepsilon_{\alpha}^{\lambda} = v_{\alpha\beta h} \quad (9)$$

Presupunem acum că sistemul este de rang maximum. În acest caz m trebuie să fie un număr par $2p$ și trebuie să existe o formă să zicem ds^n a cărei covariant bilinear $\Delta s^n \pmod{ds^{\alpha}}$ să fie de rang $2p$.]

Pe de altă parte înțelegînd prin D^{α} determinanții $|w_{kl}^{\alpha}|$ ai covarianților biliniari Δs^{α} , avem printr-o transformare (1), (6) formulele $\bar{D}^{\alpha} = c_{\beta}^{\alpha} D^{\beta} \Delta^{\alpha}$ unde Δ este determinantul $|c_k^h|$. D^{α} constituiesc componentele unui vector contravariant. Cum acest vector nu poate fi nul în cazul cînd (3) este de rang maximum îl putem reduce la forma canonică $D^{\alpha} = 0$ ($\alpha < n$).

Altfel spus, ne putem aranja în așa fel încît covarianții biliniari $\Delta s^{m-1}, \dots, \Delta s^{n-1} \pmod{ds^{\alpha}}$ să fie de rang inferior lui $2p$ și grupul (1), (6) care conservă această situație trebuie să aibă $c_n^{\lambda} = c_{\lambda}^n = \delta_{\lambda}^n$.

În acest caz ecuațiile (9) devin pentru $n = n$

$$\bar{v}_{n\mu k} c_{\beta}^{\mu} c_h^k + w_{ih}^n \varepsilon_{\beta}^i + w_{ih}^{\beta} \varepsilon_n^i = v_{n\beta h}$$

Dar este ușor de văzut că putem folosi pe ε_n^i pentru a anula cantitățile $\bar{v}_{n\mu h}$ și pe urmă ε_{β}^i ($\beta = m + 1, \dots, n - 1$) pentru a anula cantitățile $v_{n\beta h}$, și grupul care conservă $V_{n\lambda h}$ nuli este un subgrup al grupului ortogonal. Putem scrie acest subgrup sub forma

$$\bar{ds}^h = c_k^h ds^k, \bar{ds}^{\alpha} = c_{\beta}^{\alpha} ds^{\beta}, \bar{ds}^n = ds^n \quad (9')$$

unde $h, k = 1, 2 \dots 2p$ și $\alpha, \beta = 2p + 1, \dots, n - 1$.

Rezultă deci că un spațiu V_n^m intrinsec a cărui sistem Pfaff este de rang maxim și nu are sistem derivat se reduce la un V_n^m rigid avînd o formă Pfaff invariantă.

În ce privește demonstrația lui Haimovici ea revine la considerarea cantităților

$$B_{\alpha k} = v_{\alpha\beta h} w_{kh}^{\beta}$$

Ținînd seama de condițiile de ortogonalitate aceste cantități se transformă după formulele

$$\bar{B}_{\lambda r} C_{\alpha}^{\lambda} C_k^r + (w_{ih}^{\alpha} \varepsilon_{\beta}^i + w_{ih}^{\beta} \varepsilon_{\alpha}^i) w_{hk}^{\beta} = B_{\alpha k} \quad (10)$$

și problema constă în a arăta că aceste ecuații permit alegerea cantităților ε_{β}^i pentru a anula pe $\bar{B}_{\lambda r}$.

Remarcăm că demonstrația lui Haimovici utilizează condițiile de ortogonalitate (2) pe cînd demonstrația noastră nu le utilizează. Faptul acesta ne va fi util mai tîrziu.

CAP. II.

Să presupunem acum că sistemul derivat al sistemului (3) nu este nul. Fie $ds^{\rho} = 0$ ($\rho = q + 1, \dots, n$) ecuațiile sistemului derivat. Vom avea evident $\Delta s^{\rho} = 0 \pmod{ds^{m+1}, \dots, ds^n}$ deci

$$w_{kl}^{\rho} = 0 \quad (\rho > q)$$

În ce privește ultimele formule a grupului (1) ele se împart în două părți:

$$\bar{ds}^{\alpha} = c_{\beta}^{\alpha} ds^{\beta} + c_{\rho}^{\alpha} ds^{\rho} \quad (\alpha, \beta = m + 1, \dots, q)$$

$$\bar{ds}^{\rho} = c_{\lambda}^{\rho} ds^{\lambda} \quad (\rho, \lambda, \sigma = q + 1, \dots, n)$$

deoarece sistemul derivat $ds^{\rho} = 0$ este un sistem invariant.

Tensorul (7') permite în acest caz de a impune cantităților c_{β}^{α} condițiile de ortogonalitate, α, β variînd numai de la $m + 1$ la q .

Pe de altă parte convarianții bilineari Δs^ρ (mod ds^λ) ai sistemului derivat au ținând seama de (10), coeficienții $w_{k\alpha}^\rho$, $w_{\alpha\beta}^\rho$ nenuli și vom avea printr-o transformare a grupului.

$$\begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha + c_\rho^h ds^\rho \\ \bar{ds}^\alpha &= c_\beta^\alpha ds^\beta + c_\rho^\alpha ds^\rho \\ \bar{ds}^\rho &= c_\lambda^\rho ds^\lambda \end{aligned} \quad (11')$$

formulele

$$\begin{aligned} \bar{w}_{s\beta}^\rho c_k^s c_\alpha^\beta &= w_{k\alpha}^\lambda c_\lambda^\rho \\ \bar{w}_{\gamma\delta}^\rho c_\alpha^\gamma c_\beta^\delta + \bar{w}_{k\delta}^\rho c_\alpha^k c_\beta^\delta &= w_{\alpha\beta}^\lambda c_\lambda^\rho \end{aligned}$$

aceste formule ne arată că

$$p^{\rho\lambda} = w_{k\alpha}^\rho w_{k\alpha}^\lambda$$

constituiesc, dacă ținem seama de condițiile de ortogonalitate ale lui c_k^h și c_β^α , componentele unui tensor și avem $\bar{p}^{\rho\lambda} = p^{\sigma\mu} c_\rho^\sigma c_\lambda^\mu$. Deci dacă acest tensor, nu este degenerat îl putem folosi pentru a impune cantităților c_λ^ρ condițiile de ortogonalitate și sîntem deci în cazul unui grup al unui spațiu Reimann singular cu metrica $(ds^{q+1})^2 + \dots + (ds^n)^2$.

Rezultă că dacă sistemul derivat $ds^\rho = 0$ este de rang maxim putem anula în grupul (11') pe c_ρ^h și c_ρ^α , grupul (11) devenind un grup separabil

$$\bar{ds}^h = c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha, \bar{ds}^\alpha = c_\beta^\alpha ds^\beta, \bar{ds}^\rho = c_\lambda^\rho ds^\lambda, \bar{ds}^n = ds^n$$

unde $h, k \leq m < \alpha, \beta \leq q < \rho, \lambda \leq n - 1$.

Dacă sistemul lui Pfaff (3) el însuși este de rang maximum atunci putem anula de asemenea c_α^h și grupul (11') se reduce la un subgrup al grupului ortogonal care conservă forma ds^n și o altă formă ds^a să zicem ds^a .

Pentru ca tensorul $p^{\rho\lambda}$ să fie degenerat trebuie ca să ne putem aranja în așa fel ca pentru unele valori ρ , $w_{k\alpha}^\rho$ să fie toate nule. Or ținând seama de identitățile fundamentale din calculul diferențial al congruențelor [6, pag. 57]

$$\frac{\partial w_{bc}^a}{\partial s^d} + \frac{\partial w_{cd}^a}{\partial s^b} + \frac{\partial w_{db}^a}{\partial s^c} + w_{b|f}^a w_{cd}^f + w_{c|f}^a w_{db}^f + w_{d|f}^a w_{bc}^f = 0 \quad (12)$$

avem pentru $a = \rho$, $b = k$, $c = l$, $d = \alpha$

$$w_{\alpha\beta}^\rho w_{kl}^\beta = 0$$

care ne spun că $w_{\alpha\beta}^\rho$ sînt de asemenea nuli deoarece determinantul $|w_{kl}^\beta|$ este diferit de zero, deci $\Delta s^\rho = 0$ (mod $ds^{q+1}, \dots, ds^n$), deci ds^ρ face parte din al doilea sistem derivat al sistemului (3).

Avem teorema:

Dacă sistemul lui Pfaff (3) are un singur sistem derivat și dacă sistemul (3) și sistemul său derivat sînt de rang maximum, se poate reduce problema

găsirii proprietăților intrinseci ale lui V_n^m la cercetarea proprietăților rigide a grupului ortogonal.

$$\bar{ds}^h = c_k^h ds^k, \bar{ds}^\alpha = c_\beta^\alpha ds^\beta, \bar{ds}^\rho = c_\lambda^\rho ds^\lambda, \bar{ds}^q = ds^q, ds^* = ds^n$$

unde $h, k \leq m < \alpha, \beta < q < \rho, \lambda < n$.

Presupunem acum că sistemul (3) admite două sisteme derivate și fie cel de al doilea sistem derivat.

$$\bar{ds}^u = 0 \quad (u = r + 1, \dots, n) \quad (12')$$

În acest caz (11') ne permite, reducînd $p^{\rho\lambda}$ ($\rho, \lambda = q + 1, \dots, r$) la forma canonică să presupunem că c_λ^ρ ($\rho, \lambda = q + 1, \dots, r$) satisfac la condițiunile de ortogonalitate. Putem deci scrie grupul spațiului sub forma

$$\begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha + c_\rho^h ds^\rho + c_u^h ds^u \\ \bar{ds}^\alpha &= c_\beta^\alpha ds^\beta + c_\rho^\alpha ds^\rho + c_u^\alpha ds^u \\ \bar{ds}^\rho &= c_\lambda^\rho ds^\lambda + c_u^\rho ds^u \\ \bar{ds}^u &= c_v^u ds^v \end{aligned} \quad (13)$$

unde $c_k^h, c_\beta^\alpha, c_\lambda^\rho$ satisfac la condiții de ortogonalitate. Cum avem :

$$w_{kl}^u = w_{k\alpha}^u = w_{\rho\lambda}^u = 0$$

componentele tensorului de integralitate al sistemului (12) ne nule sînt $w_{k\lambda}^u, w_{\alpha\lambda}^u, w_{\rho\lambda}^u$ deci primele două se transformă după formulele :

$$\begin{aligned} \bar{w}_{h\rho}^u c_k^h c_\lambda^\rho &= w_{k\lambda}^v c_v^u \\ \bar{w}_{\beta\rho}^u c_\alpha^\beta c_\lambda^\rho + \bar{w}_{k\rho}^u c_\alpha^k c_\lambda^\rho &= w_{\alpha\lambda}^v c_v^u \end{aligned} \quad (14)$$

și formulele analoage pentru $w_{s\lambda}^u$ unde figurează de asemenea $w_{kl}^u, w_{\alpha\rho}^u$. Aceste formule ne spun că fiecare grupă de cantități $w_{k\lambda}^u, w_{\alpha\lambda}^u, w_{\rho\lambda}^u$ constituiesc un tensor dacă ele sînt asociate cantităților precedente.

Considerînd în acest caz cantitățile $p^{uv} = w_{k\lambda}^u w_{k\lambda}^v$ avem ținînd seama că c_k^h, c_λ^ρ satisfac condițiilor de ortogonalitate $\bar{p}^{st} = p^{uv} c_u^s c_v^t$. Se poate deci reduce acest tensor, dacă nu este degenerat, la forma canonică δ_v^u , deci se pot impune cantităților c_v^u condițiile de ortogonalitate. Dacă tensorul p^{uv} este degenerat, există forme ds^u cu $w_{k\lambda}^u$ nuli și acele forme care au această proprietate formează un sistem invariant, fie el $ds^{\alpha'} = 0$ ($\alpha' = s + 1, \dots, n$). Putem utiliza tensorul $p^{\alpha'\beta'} = w_{\beta\rho}^{\alpha'} w_{\beta\rho}^{\beta'}$ pentru a impune cantităților $c_{\beta'}^{\alpha'}$ condițiile de ortogonalitate. Acest tensor nu poate fi degenerat dacă sistemul (3) nu posedă un al treilea sistem derivat. Într-adevăr dacă am avea $w_{\beta\rho}^a = 0$ pentru anume valori ale lui α' identitățile fundamentale (12) ne dă pentru $a = \alpha', b = \rho$ și c, d variînd de la 1 la q

$$w_{\rho\lambda}^{\alpha'} w_{\alpha\lambda}^{\lambda} = 0$$

și cum covarianții biliniari Δs^λ , (mod $ds^{a+k}, \dots, ds^u$) sînt independenți, rezultă că $w_{\rho\lambda}^\alpha$ sînt nuli, deci $ds^\alpha = 0$ aparține celui de al treilea sistem derivat al sistemului (3).

Vedem deci că fiind dat un sistem Pfaff S ($ds^\alpha = 0$) care are sistemele derivate S' și S'' , putem considera în S'' un sistem invariant S_1 , ($ds^\alpha = 0$) ale cărui ecuații nu aparțin sistemului derivat S''' .

Ecuațiile sistemului S_1 sînt caracterizate prin faptul că, covarianții biliniari Δs^α (mod S'') nu sînt nuli dar ei nu conțin termeni în ds^h . Că această eventualitate se poate prezenta ne arată sistemul $\sum (ds^3 = \dots = ds^7 = 0)$ de cinci ecuații în șapte variabile care are structura:

$$\Delta s^3 = [ds^1 ds^2], \quad \Delta s^4 = [ds^3 ds^1], \quad \Delta s^5 = [ds^3 ds^2]$$

$$\Delta s^6 = [ds^2 ds^5], \quad \Delta s^7 = [ds^3 ds^5] + [ds^1 ds^6]$$

Este ușor de văzut că putem satisface această structură punind

$$ds^1 = dx^1 \quad ds^2 = dx^2 \quad ds^3 = dx^3 + x^2 dx^1$$

$$ds^4 = dx^4 - x^3 dx^1 \quad ds^5 = dx^5 + x^2 dx^3 + \frac{(x^2)^2}{2} dx^1$$

$$ds^6 = dx^6 - \frac{(x^2)^3}{6} dx^1 - \frac{(x^2)^2}{2} dx^3 - x^2 dx^5$$

$$ds^7 = dx^7 + x^5 dx^3 - x^1 dx^6$$

Sistemul derivat Σ' este dat de către ecuațiile $ds^4 = ds^5 = ds^6 = ds^7 = 0$ și sistemul Σ'' de ecuațiile $ds^6 = ds^7 = 0$. Sistemul Σ nu are un al treilea sistem derivat Σ''' și în covariantul bilinar Δs^7 (mod ds^6, ds^7) lipsesc termenii în ds^1, ds^2 . Deci sistemul Σ'' are ecuația invariantă $ds^7 = 0$.

Se vede deci că dacă sistemul (3) nu are un al treilea sistem derivat, putem reduce grupul intrinsec al spațiului V_n^m la un grup de forma (13) unde $c_k^h, c_\beta^\alpha, c_\lambda^c, c_v^\mu$ satisfac condițiilor de ortogonalitate sau, la un grup unde în locul ultimilor relații (13) avem:

$$\bar{ds}^u = c_v^u ds^v + c_{\alpha'}^u ds^{\alpha'} \quad (u, v = \gamma + 1, \dots, s)$$

$$\bar{ds}^{\alpha'} = c_{\beta'}^{\alpha'} ds^{\beta'} \quad (\alpha', \beta' = s + 1, \dots, n) \quad (15)$$

unde c_v^u și $c_{\beta'}^{\alpha'}$ satisfac condițiilor de ortogonalitate.

Este ușor de văzut că dacă nu avem sisteme S_1 și dacă sistemul (3) are un al treilea sistem derivat, să zicem $ds^a = 0$ ($a = t + 1, \dots, n$) unde $s < t$ componentele nule ale tensorului de integrabilitate sînt

$$w_{kl}^a = w_{k\alpha}^a = w_{\alpha\beta}^a = w_{k\lambda}^a = w_{\alpha\lambda}^a = w_{\lambda\mu}^a = 0$$

iar cele care pot să nu fie nule sînt $w_{ku}^a, w_{\alpha u}^a, w_{\lambda u}^a, w_{uv}^a$ unde $w_{ku}^a, w_{\alpha u}^a$ se transformă după formule analoage formulilor (14) și $w_{\alpha u}^a$ printr-o formulă care conține de asemenea $w_{ku}^a, w_{\alpha u}^a$. Se poate arăta în acest caz de asemenea că dacă pentru anumite valori ale lui a avem $w_{ku}^a, w_{\alpha u}^a, w_{\lambda u}^a$ nule, sînt nule și w_{uv}^a , deci ds^a aparțin celui de al patrulea sistem derivat al lui (3).

Rezultă că dacă nu avem sistem inserat S_1 între S' și S'' se poate insera între sistemele derivate S'' și S''' cel mult două sisteme invariante S_2 și S_3 după cum coeficienții w_{ku}^a sînt nuli fără ca $w_{\alpha u}^a$ să fie nule w_{ku}^a , $w_{\alpha u}^a$ sînt nuli fără ca $w_{\lambda u}^a$ să fie nuli.

Dacă există sistemul S_1 atunci între S'' și S''' se poate insera cel mult trei sisteme invariante și în general putem asocia sistemului S ca sisteme invariante sistemele derivate și sistemele înserate, numărul sistemelor înserate dintre sistemele derivate S^σ și $S^{\sigma+1}$ fiind cel mult egal cu $1 + 2 + \dots + \sigma - 1$.

Avem deci următoarea teoremă :

Se poate asocia unui spațiu neolonom intrinsec un grup de forma (13) avînd proprietatea de a conserva sistemul (3), sistemele derivate și sistemele înserate, altfel zis, la un grup a cărei matrice se scrie :

$$\left\| \begin{array}{cccccc} M_{11} & M_{12} & \dots & M_{1n} \\ O & M_{22} & \dots & M_{2n} \\ & & & \\ & & & \\ O & & \dots & M_{nn} \end{array} \right\|$$

unde $M_{11}, \dots, M_{l-1, l-1}$, sînt matrici patrte ortogonale. Dacă sistemul (3) nu are combinații integrabile, matricea M_n poate fi de asemenea considerată ca o matrice ortogonală. Vom spune, în acest caz, că grupul spațiului V_n^m este cvasi-ortogonal.

În cazul cînd sistemul (3) are combinații integrabile ultima matrice M_n este oarecare, și ea va da o transformare punctuală oarecare între combinațiile integrabile ale sistemului (3).

Dacă sistemul (3) nu are condiții integrabile deci dacă grupul spațiului este cvasi ortogonal vom avea un ultim sistem invariant ale cărei ecuații suferă o transformare ortogonală dată de către matricea M_n . Se poate deci întotdeauna asocia spațiului V_n^m intrinsec un spațiu Riemann singular. Dacă ultimul sistem este de rang maximum îi putem asocia un sistem complementar, adică se poate reduce matricile $M_{11}, M_{21}, \dots, M_{l-1, 1}$ la zero și se poate pune în evidență o formă invariantă, spre exemplu ds^n . Dacă penultimul sistem al seriei de sisteme invariante asociate lui V_n^m este de asemenea de rang maximum îi putem asocia un sistem complementar și o formă invariantă, și așa mai departe.

Avem deci teorema :

Fiind dat un spațiu neolonom intrinsec V_n^m a cărui sistem (3) nu posedă combinații integrabile, se poate reduce grupul intrinsec la studiul unui grup ortogonal, dacă sistemele invariante asociate sistemului (3) sînt de rang maximum.

Cît despre grupul ortogonal pe care-l putem asocia spațiului V_n^m , el conservă fiecare sistem (3) precum și cîteva sub-sisteme ale sistemelor sale derivate, cel puțin unul din aceste sisteme fiind format dintr-o singură ecuație.

Cele două condiții pe care le-am folosit în această teoremă adică absența combinațiilor integrabile și faptul că sistemele invariante sînt de rang maximum sînt condiții suficiente, pentru ca să putem trece de la grupul intrinsec la grupul ortogonal. Am văzut că în cazul unei suprafețe

neolonomie V_n^{n-1} condițiunea de rang maximum poate să nu fie verificată, aci este suficient ca ecuația $\bar{ds}^n = 0$ să nu fie complet integrabilă. Dar chiar în cazul cînd ea este integrabilă poate fi posibilă asocierea unui grup ortogonal grupului intrinsec, dacă putem dispune de alți invarianti. Presupunem că avem un spațiu V_3^2 a cărei ecuație $ds^3 = dx^3 = 0$ este complet integrabilă. Pentru fiecare valoare constantă a lui x^3 avem o metrică cu două dimensiuni care posedă o curbura a lui Gauss K .

Deci K este o funcțiune de x^1, x^2, x^3 invariantă în așa fel că avem, dacă K nu este o constantă

$$dK = k_1 ds^1 + k_2 ds^2 + k_3 ds^3 = \bar{k}_1, \bar{ds}^1 + \bar{k}_2 \bar{ds}^2 + \bar{k}_3 \bar{ds}^3$$

$$\left(k_i = \frac{\partial K}{\partial s^i} \right)$$

Or printr-o transformare a grupului intrinsec a spațiului V_3^2 , grup care poate fi scris:

$$\begin{aligned} \bar{ds}^1 &= \cos \theta ds^1 - \sin \theta ds^2 + c_3^1 ds^3 \\ \bar{ds}^2 &= \sin \theta ds^1 + \cos \theta ds^2 + c_3^2 ds^3 \\ \bar{ds}^3 &= c_3^3 ds^3 \end{aligned}$$

unde $\theta, c_3^1, c_3^2, c_3^3$ sînt funcțiuni oarecare de variabilele x^1, x^2, x^3 avem formulele

$$k_1 = \bar{k}_1 \cos \theta + \bar{k}_2 \sin \theta, k_2 = -\bar{k}_1 \sin \theta + \bar{k}_2 \cos \theta$$

$$k_3 = c_3^3 \bar{k}_3 + \bar{k}_1 c_3^1 + \bar{k}_2 c_3^2$$

Dacă cantitățile k_1 și k_2 nu sînt amîndouă nule ceea ce are semnificația că curbura K depinde de x^1, x^2 putem alege θ în așa fel încît $\bar{k}_2 = 0$ pe urmă c_3^1 în așa fel încît $\bar{K}_3 = 0$ deci în așa fel ca să avem $dK = k_1 ds^1$ și grupul care conservă această situație este dat de formulele

$$\bar{ds}^1 = ds^1, \bar{ds}^2 = ds^2 + a_2 ds^3, \bar{ds}^3 = b ds^3 \quad (16')$$

Cum forma $ds^1 = K/k_1$ este un invariant și pe de altă parte avem

$$\Delta s^1 = A[ds^1 ds^2] + B[ds^1 ds^3]$$

căci ecuația $ds^1 = dK = 0$ este complet integrabilă putem alege a în așa fel încît să anulăm pe B și $A \neq 0$ fiind un invariant al transformărilor (16'). Dacă acest invariant depinde de x^3 avem

$$dA = A_1 ds^1 + A_2 ds^2 + A_3 ds^3$$

cu $A_3 \neq 0$ și se poate alege b în așa fel încît A_3 să fie egal cu unitatea. Grupul care conservă, această situație este grupul identitate

$$\bar{ds}^1 = ds^1, \bar{ds}^2 = ds^2, \bar{ds}^3 = ds^3$$

Am redus deci grupul intrinsec al spațiului constituit de către o familie de suprafețe $x^3 = c^3$ la grupul identitate care este evident un grup ortogonal. Se știe că în acest caz invariantii spațiului sînt după o teoremă

a lui Elie Cartan, coeficienții w_{bc}^a al covarianților bilineari ale acestor forme invariante și derivatele lor în raport cu aceste forme.

6. Considerăm acum un alt exemplu acela a unui spațiu V_5^3 definit printr-un sistem de două ecuații Pfaff

$$ds^4 = ds^5 = 0 \quad (17)$$

în cinci variabile. Studiul invariantelor acestor spații a fost făcut de Elie Cartan [8] și constituie o problemă foarte dificilă. Problema se simplifică în cazul nostru cînd presupunem sistemul scufundat într-un spațiu a lui Riemann a cărui metrică

$$ds^2 = (ds^1)^2 + (ds^2)^2 + (ds^3)^2 \pmod{ds^4, ds^5}$$

este determinată abstracție făcînd de termeni care se anulează cu sistemul.

Considerăm covarianții biliniari ai sistemului (17). Avem

$$\Delta s^4 = A [ds^1 ds^2] + B [ds^2 ds^3] + C [ds^1 ds^3] \pmod{ds^4 ds^5}$$

$$\Delta s^5 = A' [ds^1 ds^2] + B' [ds^2 ds^3] + C' [ds^1 ds^3]$$

Dacă sistemul este de clasă cinci, ceea ce noi presupunem, A, B, C nu sînt proporționale cu A', B', C' . Printr-o transformare ortogonală a formelor ds^1, ds^2, ds^3 se poate presupune $A = B = 0$ și printr-o transformare

$$\bar{ds}^4 = \lambda ds^4 \bar{ds}^5 = ds^5 + \mu ds^4$$

se poate presupune $A = 1$ și $C' = 0$, deci avem

$$\Delta s^4 = [ds^1 ds^3], \Delta s^5 = A' [ds^1 ds^3] + B' [ds^2 ds^3] \pmod{ds^4 ds^5}$$

În sfîrșit printr-o transformare ortogonală a formelor ds^1, ds^3 și prin multiplicarea lui ds^5 printr-un factor, avem formulele

$$\Delta s^4 = [ds^1 ds^3], \Delta s^5 = [ds^2 ds^3] \pmod{ds^4 ds^5} \quad (20)$$

Se vede deci că se regăsește în cazul unui V_5^3 forma canonică dată de Elie Cartan pentru covarianții biliniari a unui sistem de două ecuații de clasă cinci în cazul general, unde nu se presupune că sistemul este scufundat într-un spațiu a lui Riemann. Forma canonică (20) ne arată că sistemul

$$ds^3 = ds^4 = ds^5 \quad (21)$$

este un sistem invariant asociat sistemului (17) și este ușor de văzut că grupul care conservă forma canonică (20) este dat de către formulele

$$\begin{aligned} \bar{ds}^1 &= \cos \theta ds^1 - \sin \theta ds^2 + c_4^1 ds^4 + c_5^1 ds^5 \\ \bar{ds}^2 &= \sin \theta ds^1 + \cos \theta ds^2 + c_4^2 ds^4 + c_5^2 ds^5 \\ \bar{ds}^3 &= ds^3 + c_4^3 ds^4 + c_5^3 ds^5 \\ \bar{ds}^4 &= \cos \theta ds^4 - \sin \theta ds^5 \\ \bar{ds}^5 &= \sin \theta ds^4 + \cos \theta ds^5 \end{aligned} \quad (22)$$

și conține 7 funcțiuni arbitrare $\theta, c_4^1, c_4^2, c_4^3, c_5^1, c_5^2, c_5^3$. Pentru a merge mai departe vom observa că sistemul (21) este sau complet integrabil, sau avem

$$\Delta s^3 = a[ds^1 ds^2] \pmod{ds^3, ds^4, ds^5} \quad (22')$$

unde $a \neq 0$. Se știe că atunci cînd $a \neq 0$ este cazul general, în timp ce cazul $a = 0$ ne spune că sistemul (17) poate fi scris sub forma canonică

$$ds^4 = dx^4 - x^1 dx^3 = 0, \quad ds^5 = dx^5 - x^2 dx^3 = 0 \quad (23)$$

Se vede că sistemul este în acest caz de speță (3) (conține trei diferențiale). În cazul general sistemul este de speță patru. Vrem să demonstrăm teorema:

Dacă sistemul (17) este de speță patru putem reduce grupul spațiului V_5^3 la un grup ortogonal.

Ținînd seama de a treia formulă (22) rezultă că

$$\Delta s^3 = a[ds^1 ds^2] + b[ds^1 ds^3] + c[ds^2 ds^3] \pmod{ds^4 ds^5}$$

este de asemenea un invariant și avem printr-o transformare (22)

$$\bar{b} \cos \theta + c \sin \theta = b + c_4^3$$

$$-\bar{b} \sin \theta + c \cos \theta = c + c_5^3$$

Luînd $c_4^3 = -b, c_5^3 = -c$ avem $\bar{b} = \bar{c} = 0$ și subgrupul grupului (22) care conservă această situație trebuie să aibă $c_4^3 = c_5^3 = 0$, deci se poate asocia problemei o formă Pfaff invariantă ds^3 și avem

$$\Delta s^3 = a[ds^1 ds^2] + a_4[ds^1 ds^4] + b_1[ds^1 ds^5] + d[ds^4 ds^5] + a_2[ds^2 ds^4] + \\ + b_2[ds^2 ds^5]$$

Presupunem acum că invariantul a nu este nul. Este ușor de văzut că în acest caz putem alege coeficienții $c_4^1, c_5^1, c_4^2, c_5^2$ în așa fel încît să anulăm a_1, b_1, a_2, b_2 și grupul (22) care păstrează această situație este grupul pentru care $c_4^1, c_5^1, c_4^2, c_5^2, c_4^3, c_5^3$ sînt nuli, ce constituie un subgrup al grupului ortogonal și teorema este demonstrată.

Catedra de Geometrie
Facultatea de Matematică și Fizică
București

BIBLIOGRAFIE

- [1]. G. Vrănceanu : *Sur quelques points de la théorie des espaces non holonomes*, Bul. Fac. de Științe din Cernăuți, 5, 1932 177—205.
- [2]. G. Vrănceanu : *Etude des espaces non holonomes*, Journal de Math. t. XIII, 1934, p. 113—174.
- [3]. M. Haimovici : *La géométrie des variétés riemanniennes non holonomes* Journal de, Math. pures et appl. 25, 1946, 291—305.
- [4]. Gr. Moisil : *Sur les géodésiques des espaces de Riemann singuliers*, Bull. Math. de la Soc. Roumaine des Sc. 42, 1940, 33—52.
- [5]. G. Vrănceanu : *Sur les invariants des espaces de Riemann singuliers*, Disquisitiones Math. et Phys. 2, 1942, 253—281.
- [6]. G. Vrănceanu : *Lecons de géométrie différentielle*, vol. I, Bucarest, 1947, p. 142—147.

- [7] G. Vrănceanu : *Sur une théorie unitaire non holonome des champs physiques*, Journal de Physique et de Radium, 7, 1936, p. 514—526.
 [8] Elie Cartan : *Les systèmes de Pfaff à cinq variables et les équations aux dérivées partielles du second ordre*, Ann. de l'Éc. Norm. Sup. 27, 1910, p-109-192.
 [9] G. Vrănceanu : *La théorie de champs et les hypersurfaces non holonomes* ", C.R.t.200, 1936, p. 2056—2058.

О ВНУТРЕННИХ ИНВАРИАНТАХ НЕГОЛОНОМНОГО ПРОСТРАНСТВА

Внутренние инварианты неголономного пространства V_n^m являются инвариантами группы преобразований праффовых форм вида

$$(1) \quad \begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha \quad ch, k = 1, \dots, m \\ \bar{ds}^\alpha &= c_\beta^\alpha ds^\beta \quad (\alpha, \beta = m+1, \dots, n) \end{aligned}$$

где $|c_k^h|$ ортогональный определитель. Хаймович [3] показал, что в случае, когда праффовая система

$$(2) \quad ds^\alpha = 0 \quad (\alpha = m+1, \dots, n)$$

пространства V_n^m не имеет производной системы можно использовать тензор интегрируемости системы (2) для того, чтобы определитель $|c_\beta^\alpha|$ стал также ортогональным. В настоящей работе показывается что в случае, когда система (2) имеет производные системы можно добиться того, чтобы матрица группы (1) имела вид

$$(3) \quad \left\| \begin{array}{cccc} M_{11} & M_{12} & \dots & M_{1l} \\ 0 & M_{22} & \dots & M_{2l} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & M_{ll} \end{array} \right\|$$

где M_{11} — матрица $\|C_k^h\|$ и $M_{22} \dots M_{l-1, l-1}$ квадратные ортогональные матрицы а M_{ll} квадратная матрица преобразующая интегрируемые комбинации системы.

Для того, чтобы найти каноническую форму (3) используются производные системы (2) и некоторые добавочные системы. Отсюда следует, что в случае, когда система (2) не имеет интегрируемых комбинаций все квадратные матрицы на главной диагонали являются ортогональными. В этом случае, если та праффовая система которая преобразуется матрицей M_{ll} имеет максимальный ранг, можно добиться того, чтобы матрицы $M_{11} \dots M_{l-1, l-1}$ обращались в нуль. Если система которая преобразуется матрицей $M_{l-1, l-1}$ также имеет максимальный ранг, можно добиться того, чтобы матрицы $M_{11}, M_{22} \dots M_{l-2, l-2}$ обращались в нуль. Продолжая таким же образом получается достаточное условие сведения группы (1) к ортогональной группе.

SUR LES INVARIANTS INTRINSÈQUES D'UN ESPACE NON HOLONOME

Résumé

Les invariants intrinsèques d'un espace non holonome V_n^m sont les invariants d'un groupe de transformations de formes de Pfaff de la forme

$$(1) \quad \begin{aligned} \bar{ds}^h &= c_k^h ds^k + c_\alpha^h ds^\alpha \quad (h, k = 1, \dots, m) \\ \bar{ds}^\alpha &= c_\beta^\alpha ds^\beta \quad (\alpha, \beta = m+1, \dots, n) \end{aligned}$$

où $|c_k^h|$ est un déterminant orthogonal. Haimovici [3] a montré que dans le cas où le système de Pfaff

$$(2) \quad ds^\alpha = 0 \quad (\alpha = m+1, \dots, n)$$

de l'espace V_n^m n'a pas de système dérivé, on peut utiliser le tenseur d'intégrabilité du système (2), de façon que le déterminant $|c_{\beta}^{\alpha}|$ soit aussi orthogonal. Dans ce travail on montre que dans la cas où le système (2) a des système dérivés on peut s'arranger de façon que la matrice du groupe (1) soit de la forme

$$(3) \quad \left\| \begin{array}{cccccc} M_{11} & M_{12} & \dots & M_{1l} \\ 0 & M_{22} & \dots & M_{2l} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & M_{ll} \end{array} \right\|$$

où M_{11} est la matrice $\|c_k^h\|$ et $M_{22} \dots M_{l-1, l-1}$ sont aussi des matrices carrées orthogonales et M_{ll} est la matrice carrée qui transforme les combinaisons intégrables du système.

Pour arriver à la forme canonique (3) on utilise les systèmes dérivés de (2) et certains systèmes insérés parmi ces systèmes. Il en résulte que dans le cas où le système (2) n'a pas des combinaisons intégrables toutes les matrices carrées de la diagonale principale sont orthogonales. En ce cas si le système de Pfaff transformé par M_{ll} est de rang maximum, on peut réduire à zéro les matrices $M_{1l}, \dots, M_{l-1, l}$. Si le système transformé par $M_{l-1, l-1}$ est aussi de rang maximum on peut réduire à zéro $M_{1, l-1}, \dots, M_{l-2, l-1}$ et ainsi de suite ce qui nous donne une condition suffisante pour pouvoir réduire le groupe (1) à un groupe orthogonal.

ASUPRA PROBLEMEI ASIMPTOTELOR UNEI CURBE PLANE

A. ȘAICHIN

În diverse manuale și cursuri de geometrie analitică sau de analiză se întâlnesc două definiții ale asimptotei.

Definiția I. Se numește asimptotă a unei curbe plane, o dreaptă în așa fel încît distanța dela un punct al curbei la acea dreaptă să tindă către zero, dacă ne depărtăm spre infinit.

Definiția II. Se numește asimptotă a unei curbe plane tangenta în punctul de la infinit.

În fine, în unele manuale nu se face distincția între aceste două definiții posibile, dîndu-se de obicei prima, și considerînd că a doua nu este decît o variantă a primeia (curba „atinge” asimptota la „infinit”).

Vom numi prima definiție *definiția D* (prin distanță), iar asimptota astfel definită, *asimptotă D*, iar a doua definiție, *definiția T* (prin tangentă), respectiva *asimptotă T*.

După părerea noastră, atîta timp cît tratăm problemele în coordonate cartesiene, definiția T este formală, și credem că ar fi mai potrivit să fie înlocuită prin următoarea :

Definiția T'. Se numește asimptotă a unei curbe plane limita către care tinde tangenta, cînd punctul de contact se depărtează spre infinit. Ne propunem să stabilim legătura existentă între aceste două moduri de a defini asimptota. Avem :

Teorema 1. Dacă o curbă are asimptotă T' , această asimptotă este și asimptotă D . Reciproca nu este adevărată.

Teorema 2. În cazul curbelor algebrice, asimptotele T' și D coincid.

Vom trata cazul asimptotelor oblice, celelalte reducîndu-se la acesta printr-o simplă rotație de axe.

După cum se știe, ecuația unei asimptote D este

$$y = mx + n$$

unde

$$m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{y}{x} \quad n = \lim_{x \rightarrow \infty} (y - mx).$$

Ecuația unei asimptote T se obține prin trecere la limită din ecuația tangentei :

$$y - y_0 = y'(X - x_0).$$

Așadar, ecuația unei asimptote T este :

$$y = m'x + n'$$

unde

$$m' = \lim_{x \rightarrow \infty} y' \quad n' = \lim_{x \rightarrow \infty} (y - xy')$$

Demonstrația teoremei 1. Prin ipoteză, există $\lim_{x \rightarrow \infty} y'$ și $\lim_{x \rightarrow \infty} (y - xy')$, și valorile sînt m' și n' .

Trebue să arătăm că în acest caz există $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{y}{x} = m$ și $\lim_{x \rightarrow \infty} (y - mx) = n$ și că $m = m'$, $n = n'$.

Regula lui Hôpital pentru $x \rightarrow \infty$, aplicată fracției $\frac{y}{x}$, ne spune că :
 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{y}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{y'}{x'}$, dacă a doua ecuație există, de aici însă rezultă tocmai că dacă m' există, există și m și că $m = m'$.

Fie acum ipoteza

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (y - xy') = n'$$

Expresia $y - xy'$ se mai poate scrie :

$$\frac{\frac{y - yx'}{x^2}}{\frac{1}{x^2}} = \frac{\left(\frac{y}{x}\right)'}{\left(\frac{1}{x}\right)'} = \frac{\left(\frac{y}{x} - m\right)'}{\left(\frac{1}{x}\right)'}$$

Așadar :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (y - xy') = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{y}{x} - m\right)'}{\left(\frac{1}{x}\right)'} = n'$$

Însă ambele expresii $\frac{y}{x} - m$ și $\frac{1}{x}$ tind către zero, și întrucît există limita raportului derivatelor, există și limita raportului funcțiilor, și cele două limite sînt egale ; așadar

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{y}{x} - m}{\frac{1}{x}} = n'; \text{ adică } \lim_{x \rightarrow \infty} (y - mx) = n', \text{ ceea ce trebuia arătat.}$$

Reciproca teoremei 1 nu este adevărată, după cum rezultă lesne din exemplul funcției

$$y = x + \frac{1}{x} \sin x^2$$

care admite bisectoarea întîia drept asimptotă D , însă nu admite asimptotă T' , întrucît

$$y' = 1 + 2 \cos x^2 - \frac{1}{x^2} \sin x^2$$

și y' nu are limită dacă $x \rightarrow \infty$

Observație Dacă vreuna din limitele m' sau n' este infinită, același lucru rezultă și pentru limita m' și n respectivă. Putem spune că dacă o ramură este parabolică în sens T' , este parabolică și în sens D .

Demonstrația teoremei 2. În cazul funcțiilor algebrice intervine faptul că o funcție algebrică nu poate avea o infinitate de zeruri și nici de discontinuități, și întrucât derivata unei funcții algebrice este tot o funcție algebrică, rezultă de aici că dându-se o funcție algebrică oarecare, se poate găsi un număr N , așa fel încît dacă $x < N$, funcția să fie monotonă.

În consecință, orice funcție algebrică (mai bine zis, o anumită determinare a ei, adică o anumită ramură a curbei de a cărei asimptotă ne preocupăm) admite o limită pentru $x \rightarrow \infty$.

Fie acum o curbă algebrică ce admite o asimptotă D . Formăm expresiile y' și $y - xy'$; ele au cîte o limită pentru $x \rightarrow \infty$. Dacă ambele limite sînt finite, curba are o asimptotă T' ; după teorema 1, asimptota D va coincide cu aceasta.

Dacă vreuna este infinită, ramura respectivă este parabolică în sens T' , deci și în sens D .

Catedra de matematici superioare
Facultatea de Matematică și Fizică
București

ОБ АСИМПТОТАХ ПЛОСКИХ КРИВЫХ

В работе доказывается что две обыкновенные определения асимптоты плоской кривой не равносильны; одна из них более общая.

Исследуется случай когда эти определения равносильны.

SUR LES ASYMPTOTES D'UNE COURBE PLANE

Résumé

On montre que les deux définitions habituelles de l'asymptotes ne sont pas équivalentes, l'une étant plus générale, et on étudie un cas d'équivalence.

ASUPRA INFLUENȚEI PEREȚILOR SOLIZI ÎN PROBLEMELE DE PERCUSIUNE PLANĂ

ȘT. I. GHEORGHÎĂ

1. Numărul problemelor de percusiune plană în care fluidul este limitat de pereți solizi este foarte mic. Cap. IV a cărții lui L. I. Sedov menționează următoarele probleme [1]: percusiunea verticală a unei plăci plane la suprafața unui lichid de adâncime constantă, percusiunea verticală, tot a unei plăci plane, simetric așezată pe suprafața liberă a unui lichid ce umple un canal cu secțiunea un semicerc, și percusiunea verticală a unei plăci la suprafața unui lichid ce se găsește într-un vas de secțiune dreptunghiulară. În legătură cu influența pereților solizi în problemele de percusiune plană, se afirmă, pe baza cazurilor studiate, că prezența unor pereți mărește impulsul presiunii instantanee ce acționează asupra plăcii, deoarece mișcarea fluidului este stinjenită de prezența pereților. Ar prezenta interes însă atât mărirea numărului exemplelor, cât, mai ales, evidențierea rolului pereților, plecând de la cazuri ce se pot rezolva exact, prin variația lungimii pereților. În lucrarea de față ne vom ocupa de câteva cazuri noi de percusiune plană, pe baza cărora vom cerceta influența lungimii pereților solizi, în special asupra impulsului total al forțelor instantanee, cât și asupra regiunii de desprindere; ultima problemă nu a fost nici măcar pusă în literatură.

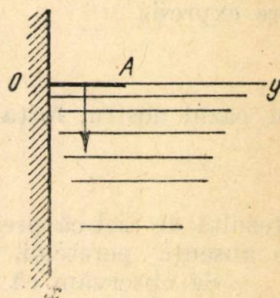


Fig. 1.

2. Vom începe cu un exemplu foarte simplu, acela al unei plăci de lungime infinită și lățime a ce se află la suprafața unui lichid în repaus, lichidul fiind mărginit de un perete vertical și o muchie a plăcii venind în contact cu peretele. Luând un sistem de referință trirectangular cu una din axe de-a lungul muchiei ce vine în contact cu peretele, cu axa Oy de-a lungul suprafeței libere, iar cu axa Ox îndreptată spre fluid și presupunând că la un moment dat placa începe să se miște cu viteza V_0 , problema ce o avem de rezolvat se reduce la următoarea:

Să se determine o funcție analitică $f(z) = \varphi + i\psi$, definită în domeniul $x > 0, y > 0$, știind că ea este regulată peste tot, inclusiv punctul de la ∞ , și că:

$$\left. \begin{aligned} \varphi &= 0 && \text{pentru } x = 0, y \in (a, \infty) \\ \Psi &= V_0 y && \text{,, } x = 0, y \in (0, a) \\ \Psi &= 0 && \text{,, } x > 0, y = 0 \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Prima condiție rezultă din faptul că impulsul presiunii este nul pe suprafața liberă, a doua din condiția ca viteza normală pe placă să fie V_0 , iar ultima din condiția ca viteza normală pe perete să fie nulă.

Prelungind analitic potențialul complex al mișcării în domeniul $x > 0, y < 0$, astfel încât în puncte simetrice față de Ox funcția ψ să ia valori egale în mărime absolută, dar de semne contrarii, iar φ să ia valori egale, sîntem conduși la următoarea problemă mixă de tip Volterra-Signorini :

Să se determine o funcție analitică $f(z)$, definită în semiplanul $x > 0$, știind că ea este regulată peste tot, inclusiv punctul de la ∞ , și cunoscînd că :

$$\left. \begin{aligned} \varphi &= 0 \text{ pentru } x = 0, y \in (-\infty, -a) \text{ și } y \in (a, \infty) \\ \psi &= V_0 y \text{ ,, } x = 0, y \in (-a, a) \end{aligned} \right\} \quad (1')$$

Soluția acestei probleme este binecunoscută [2], [3]. Astfel, forța impulsivă exercitată supra unității de lungime a plăcii are valoarea $\rho \frac{V_0 a^2}{2}$ placa fiind de lățime $2a$; urmează de aici că forța impulsivă exercitată asupra unei plăci de lățime a așezată la suprafața lichidului în absența peretelui are expresia

$$P_0 = \rho \frac{V_0 a^2}{8};$$

în cazul nostru, forța impulsivă este

$$P = \rho \frac{V_0 a^2}{4} \quad (2)$$

Rezultă de aici că prezența peretelui are ca efect, față de cazul mișcării în absența peretelui, dublarea forței impulsive aplicată asupra plăcii.

Să observăm că în loc de a rezolva problema mixtă (1') pentru a afla potențialul complex $f(z)$, precum și toate caracteristicile mișcării ce decurg din ele, ne putem reduce la o problemă Dirichlet pentru un semiplan. Intr-adevăr, dacă facem prelungirea lui $f(z)$ din $x > 0, y > 0$ în $x < 0, y > 0$ sîntem conduși la următoarea problemă :

Să se determine o funcție analitică $f(z)$, definită în semi-planul $y > 0$, prevăzut cu tăietura OA ($z_A = ia$), știind că ea este regulată peste tot, inclusiv punctul de la ∞ , și că

$$\left. \begin{aligned} \psi &= 0 \text{ pe } y = 0 \\ \psi &= V_0 y \text{ pe } y \in (0, a) \end{aligned} \right\} \quad (3)$$

Efectuînd reprezentarea conformă a domeniului mișcării din planul z pe semiplanul $\eta > 0$ din planul $\zeta = \xi + i\eta$, prin

$$z = \sqrt{\zeta^2 - a^2}, \quad (4)$$

determinația radicalului fiind cea aritmetică pentru $Re \zeta > a$, sîntem conduși la următoarea problemă Dirichlet pentru semiplanul $\eta > 0$:

Să se determine o funcție analitică $f(\zeta)$, definită în semiplanul $\eta > 0$, știind că pe axa reală avem

$$\left. \begin{aligned} \psi &= 0 \text{ pe } (-\infty, a) \text{ și } (a, \infty) \\ \psi &= V_0 \sqrt{a^2 - \xi^2} \text{ pe } (-a, a) \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

Atunci $f(\xi)$ rezultă imediat :

$$f(\xi) = \frac{V_0}{\pi} \int_{-a}^a \sqrt{a^2 - s^2} \frac{ds}{\xi - s} = V_0 (\sqrt{\xi^2 - a^2} - \xi) \quad (6)$$

sau, revenind la planul z ,

$$f(z) = V_0(z - \sqrt{z^2 + a^2}). \quad (7)$$

Același procedeu de a determina pe $f(z)$ va fi folosit și în § 4.

3. Să considerăm acum percursiunea verticală a unei plăci tot de lățime a , așezată lângă un perete drept vertical de lățime b , o muchie a plăcii venind în contact cu peretele. Cu axele alese ca în figură, și presupunind că placa începe să se miște cu viteza V_0 normală pe suprafața liberă a fluidului, avem de rezolvat problema :



Fig. 2.

Să se determine o funcție analitică $f(z)$, definită în semiplanul $y > 0$ prevăzut cu tăietura ABC ($z_A = -0, z_C = +0, z_B = ib$), știind că ea este regulată peste tot, inclusiv punctul de la ∞ , și că pe frontiera domeniului său de definiție avem :

$$\left. \begin{aligned} \varphi &= 0 \quad \text{pe razele } (-\infty, 0) \text{ și } (a, \infty) \\ \psi &= 0 \quad \text{pe tăietura } ABC \\ \psi &= V_0 x \quad \text{pe segmentul } (0, a) \end{aligned} \right\} \quad (8)$$

Cu aceeași transformare conformă (4), unde a , se înlocuiește prin b problema se reduce la următoarea :

Să se determine o funcție analitică $f(\zeta)$, definită în semiplanul $\eta > 0$, regulată peste tot, inclusiv punctul de la ∞ , știind că pe axa reală avem :

$$\left. \begin{aligned} \varphi &= 0 \quad \text{pe razele } (-\infty, -b) \text{ și } (\sqrt{b^2 + a^2}, \infty) \\ \Psi &= 0 \quad \text{pe segmentul } (-b, b) \\ \Psi &= -V_0 \sqrt{\xi^2 - b^2} \quad \text{pe segmentul } (b, \sqrt{b^2 + a^2}) \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

Notînd

$$\sqrt{b^2 + a^2} = B^*, \quad (10)$$

și luînd funcția auxiliară $g(\zeta) = \sqrt{(\zeta + b)(\zeta - B^*)}$, cu determinația pozitivă pentru $\xi > B^*$, soluția acestei probleme mixte Volterra-Signorini va fi dată de

$$f(\zeta) = \frac{V_0}{\pi} g(\zeta) \int_b^{B^*} \frac{\sqrt{s^2 - b^2}}{(s+b)(B^*-s)} \cdot \frac{ds}{s - \xi},$$

și efectuând toate calculele găsim că

$$f(\zeta) = -V_0 i [\sqrt{\zeta^2 - b^2} - \sqrt{(\zeta + b)(\zeta - B^*)}], \quad (11)$$

ce verifică toate condițiile problemei.

Pe suprafața liberă, viteza va fi paralelă cu axa Oy ; astfel, pe raza (a, ∞) , viteza are expresia

$$v_y = -\frac{\partial \psi}{\partial x} = -\frac{\partial \psi}{\partial \xi} \cdot \frac{d\xi}{dx} = V_0 \left[1 - \frac{\sqrt{\xi - b}(b - B^* + 2\xi)}{2\xi \sqrt{\xi - B^*}} \right], \quad \xi \in (B^*, \infty) \quad (12)$$

și se observă că ea este totdeauna negativă, deoarece

$$\sqrt{\xi - b}(b - B^* + 2\xi) > 2\xi \sqrt{\xi - B^*};$$

de asemenea, viteza continuă să tindă către infinit cînd ne apropiem de placă.

Pe raza $(-\infty, A)$, viteza are expresia

$$v_y = V_0 \left[1 + \frac{\sqrt{b - \xi}(B^* - b - 2\xi)}{2\xi \sqrt{B^* - \xi}} \right], \quad \xi \in (-\infty, b) \quad (13)$$

și ea este tot negativă. În particular, pentru $\xi = -b$,

$$(v_y)_A = V_0 \left[1 - \frac{\sqrt{B^* + b}}{\sqrt{2b}} \right], \quad (14)$$

deci viteza pe suprafața liberă cînd ne apropiem de perete, dinspre partea contrară plăcii, nu mai tinde către infinit. Dacă $b \rightarrow 0$, adică peretele își micșorează lungimea, tinzînd către O , atunci $(v_y)_A \rightarrow -\infty$, ceea ce era de așteptat: în acest caz limită trebuie să regăsim rezultatele cunoscute de la percursiunea aceleiași plăci, în absența peretelui. Cînd $b \rightarrow \infty$, deci cînd lungimea peretelui se mărește nelimitat, $(v_y)_A \rightarrow 0$, ceea ce este iarăși în concordanță cu intuiția fizică.

Presiunea impulsivă are expresia

$$P_t = \rho V_0 \sqrt{(\xi + b)(B^* - \xi)}, \quad (15)$$

de unde urmează că impulsul total aplicat fluidului este

$$P_t = \rho V_0 \int_0^a \sqrt{(\sqrt{x^2 + b^2} + b)(\sqrt{a^2 + b^2} - \sqrt{x^2 + b^2})} dx. \quad (16)$$

Vom arăta că atunci cînd b crește, P_t crește. Să dăm lui b o creștere mică ε , astfel încît să putem neglija puterile lui ε superioare puterii întîia, integrandul I din (16) va deveni atunci

$$I = [(\sqrt{x^2 + b^2} + 2b\varepsilon + b + \varepsilon)(\sqrt{a^2 + b^2 + 2b\varepsilon} - \sqrt{x^2 + b^2 + 2b\varepsilon})]^{1/2},$$

sau

$$I = \left[\left(\sqrt{x^2 + b^2} + \frac{b\varepsilon}{\sqrt{x^2 + b^2}} + b + \varepsilon \right) \left(\sqrt{a^2 + b^2} - \sqrt{x^2 + b^2} + \frac{b\varepsilon}{\sqrt{a^2 + b^2}} - \frac{b}{\sqrt{x^2 + b^2}} \right) \right]^{1/2},$$

de unde

$$I_{\varepsilon}^2 = I^2 + b\varepsilon \left(\sqrt{\frac{a^2 + b^2}{x^2 + b^2}} + \sqrt{\frac{x^2 + b^2}{a^2 + b^2}} - 2 \right) + \varepsilon \left(\sqrt{a^2 + b^2} - \sqrt{x^2 + b^2} + \frac{b^2}{\sqrt{a^2 + b^2}} - \frac{b^2}{\sqrt{x^2 + b^2}} \right); \quad (17)$$

se arată ușor că parantezele sînt pozitive, deci

$$I_{\varepsilon} > I,$$

adică P_t , considerat ca o funcție de b , este monoton crescătoare :

$$P_t(b + \varepsilon) > P_t(b) \quad (\varepsilon > 0). \quad (19)$$

În felul acesta s-a stabilit, fără a calcula integrala ce intervine în (16), că alungirea peretelui provoacă mărirea impulsului total aplicat fluidului de către placă.

4. Să considerăm acum o problemă de rotații impulsive, schematizată în figura alăturată. Configurația geometrică a problemei este identică cu cea de la § 2, cu diferența că acum mișcarea plăcii este o mișcare de rotație cu viteza unghiulară ω în jurul muchiei ce este în contact cu peretele de lungime și lățime infinite. Prelungind potențialul complex $f(z)$ în domeniul $x < 0, y > 0$, și efectuînd reprezentarea conformă (4), sîntem conduși la următoarea problemă Dirichlet în planul ξ :



Fig. 3.

Se se determine o funcție analitică $f(\xi)$, definită în semiplanul $\eta > 0$, unde ea este regulată, inclusiv punctul de la infinit, știind că pe axa reală avem :

$$\left. \begin{aligned} \psi &= 0 \text{ pe razele } (-\infty, -a) \text{ și } (a, \infty) \\ \psi &= \frac{\omega}{2} (a^2 - \xi^2) \text{ pe segmentul } (-a, a) \end{aligned} \right\} \quad (20)$$

Avem atunci

$$f(\zeta) = -\frac{\omega}{2\pi} \int_{-a}^a (a^2 - s^2) \frac{ds}{\zeta - s},$$

adică

$$f(\zeta) = \frac{\rho\omega}{2\pi} \left[(a^2 - \zeta^2) \pi i + (a^2 - \zeta^2) \ln \frac{a - \zeta}{a + \zeta} - 2a\zeta \right], \quad (21)$$

luîndu-se aceea determinație a logaritmului care se anulează pentru $\zeta = 0$.

Din (21) ne interesează în primul rînd presiunea impulsivă pe placă, ce are expresia

$$p_t = \rho \frac{\omega}{2\pi} \left[(\xi^2 - a^2) \ln \frac{a - \xi}{a + \xi} + 2a\xi \right], \quad \xi \in (0, a); \quad (22)$$

se observă că $p_t > 0$ pe placă, așa cum trebuia. Revenind la planul z ,

$$p_t = \frac{\rho\omega}{2\pi} \left[-y^2 \ln \frac{a - \sqrt{a^2 - y^2}}{a + \sqrt{a^2 - y^2}} + 2a \sqrt{a^2 - y^2} \right], \quad y \in (0, a) \quad (23)$$

ceea ce se poate transcrie

$$p_t = \frac{\rho\omega a^2}{\pi} \left[\frac{y^2}{a^2} \operatorname{arth} \sqrt{1 - \left(\frac{y}{a}\right)^2} + \sqrt{1 - \left(\frac{y}{a}\right)^2} \right], \quad y \in (0, a). \quad (23')$$

De aici rezultă că p_t se anulează pe muchia din dreapta a plăcii ($y = a$), iar pe muchia în jurul căreia se produce rotirea avem

$$(p_t)_0 = \rho \frac{\omega a^2}{\pi}.$$

În absența peretelui avem din [5]:

$$\left. \begin{aligned} p_t &= \frac{\rho\omega}{2} \left(y + \frac{a}{2} \right) \sqrt{y(a-y)} \\ y_{p_{t\max}} &= a \frac{1 + \sqrt{3}}{4} = 0,683 a \\ p_{t\max} &= 0,277 \rho\omega a^2 \\ P_t &= \frac{\rho\omega\pi a^3}{16} \end{aligned} \right\} \quad (24)$$

În prezența peretelui,

$$\left. \begin{aligned} y_{p_{t\max}} &= 0,5507 a \\ p_{t\max} &= 0,381 \rho\omega a^2, \end{aligned} \right\} \quad (25)$$

$y_{p_{t\max}}$ aflându-se în urma rezolvării ecuației transcendente

$$n = \operatorname{arth} \frac{1}{n}, \quad n = \sqrt{1 - \left(\frac{y}{a}\right)^2},$$

ce rezultă din condiția de maxim,

$$\frac{dp_t}{dy} = 0,$$

și p_t în punctul unde avem $p_{t\max}$ în absența peretelui, definit de (24), este

$$p'_t = 0,355 \rho\omega a^2, \quad (26)$$

deci presiunea impulsivă în punctul corespunzător presiunii impulsive maxime din cazul absenței peretelui, este mai mare decât aceasta din urmă.

Impulsul total aplicat asupra fluidului este dat de

$$p_t = \frac{\rho\omega a^3}{\pi} \int_0^1 (s^2 \operatorname{arth} \sqrt{1-s^2} + \sqrt{1-s^2}) ds, \quad (27)$$

și calculînd integrala, găsim

$$P_t = \frac{\rho \omega a^3}{3}, \quad (28)$$

deci P_t este aproximativ odată și jumătate mai mare decît forța impulsivă din absența peretelui.

Influența peretelui solid asupra forței impulsive este mai puțin pronunțată în cazul rotației impulsive decît în cazul parcursiunii verticale; după cum am văzut la § 2, acolo P_t în prezența peretelui era dublul valorii lui P_t în absența peretelui.

5. Vom studia acum pe un caz simplu influența pereților solizi asupra desprinderii. Am ales o problemă de rotație impulsivă, a cărei configurație geometrică este schematizată în figura alăturată, axa peretelui cilindric coincidînd cu axa în jurul căreia se produce rotația. În aceste condițiuni, problema se reduce la următoarea:

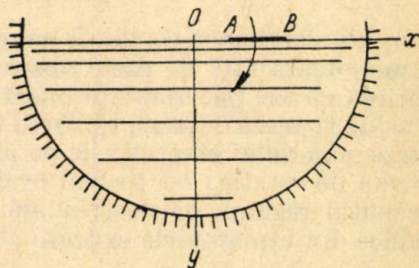


Fig. 4.

Să se determine o funcție analitică regulată $f(z)$, definită în semicercul $|z| < R$, $y > 0$, știind că

$$\left. \begin{aligned} \varphi &= 0 \text{ pe segmentele } (-R, a) \text{ și } (b, R) \\ \psi &= 0 \text{ pe } |z| = R, y > 0 \\ \psi &= -\frac{\omega x^2}{2} + C \text{ pe segmentul } (a, b) \end{aligned} \right\}, \quad (29)$$

C fiind o constantă ce se va determina impunînd condiția ca $f(z)$ să fie uniformă.

Această problemă este identică cu o problemă de mișcare fluidă rotatorie studiată anterior [4]; ne vom referi deci la lucrarea indicată, scriind expresia presiunii impulsive, determinată, pînă la termeni în R^{-4} , în ipoteza că raza cilindrului, din care face parte peretele, este foarte mare, astfel încît termenii ce conțin pe R^{-2n} cu $n \geq 2$ să poată fi neglijați în prezența termenilor ce conțin pe R^0 și R^2 :

$$p_t = \frac{\rho \omega}{2} \sqrt{(x-a)(b-x)} \left(x + \frac{a+b}{2} + \frac{(b-a)^2(b+a)}{8R^2} \right) \quad (30)$$

Observăm și aici că prezența peretelui are ca efect mărirea presiunii impulsive pe placă. Ca și în lucrarea precedentă de rotații impulsive [4], deoarece, pentru $b > 0$, cea mai mică valoare pe care o ia x este a , urmează că punctul de desprindere va fi definit de condiția:

$$x + \frac{a+b}{2} + \frac{(b-a)^2(b+a)}{8R^2} = 0, \quad (31)$$

sau

$$3a + b + \frac{(b-a)^2(b+a)}{4R^2} = 0 \quad (31')$$

Deoarece $R \gg b - a$, și $R \gg b$ ($b > 0$), urmează că ultimul termen din (31') trebuie privit ca o perturbație mică față de ceilalți doi termeni. Conform procedurii obișnuit, vom introduce în ultimul termen valoarea $a = \frac{b}{3}$, adică valoarea lui a în absența termenului cu R^{-2} ; obținem astfel, cu aproximația unor termeni în R^{-4} :

$$a \approx -\frac{b}{3} \left(1 + \frac{8b^2}{27 R^2} \right) \quad (32)$$

De aici tragem concluzia că regiunea de desprindere ce poate apărea, se micșorează față de cazul absenței peretelui. Acest fapt se explică prin mărirea vitezei pe suprafața liberă, ceea ce face ca, pe porțiunea din placă ce se depărtează de fluid, egalarea vitezei fluidului normală pe placă sau cu viteza punctului respectiv de pe placă să aibă loc la o depărtare mai mare de axa de rotație; ori tocmai egalarea acestor două viteze caracterizează începutul regiunii de desprindere. Mărirea vitezei pe suprafața liberă se deduce din următoarele expresii ale lui v , deduse din [4] și [5]:

$$\left. \begin{aligned} V &= V_0 - \omega \frac{(b-a)^2(b+a)}{32 R^2} \cdot \frac{2x-b-a}{\sqrt{(x-a)(x-b)}}, \quad x \in (b, R) \\ V &= V_0 + \omega \frac{(b-a)^2(b+a)}{32 R^2} \cdot \frac{2x-b-a}{\sqrt{(x-a)(x-b)}}, \quad x \in (-R, a) \end{aligned} \right\} \quad (33)$$

unde

$$\left. \begin{aligned} V_0 &= \omega \left\{ x - \frac{x - \frac{a+b}{2} \quad x - \frac{(a-b)^2}{8}}{\sqrt{(x-a)(x-b)}} \right\}, \quad x \in (b, R) \\ V_0 &= \omega \left\{ x + \frac{x^2 - \frac{a+b}{2} \quad x - \frac{(a-b)^2}{8}}{\sqrt{(x-a)(x-b)}} \right\}, \quad x \in (-R, a) \end{aligned} \right\} \quad (34)$$

Urmînd aceeași cale ca la § 3, se poate stabili că dacă R crește, p scade, iar regiunea de desprindere se mărește*.

Manuscris primit la 15 III 1956

*) Se mai pot da și alte exemple de influență a pereților solizi, folosind rezultatele din [6]. În această lucrare s-au strecurat unele erori, așa cum s-a atras atenția în [5]. Dăm formula (16) corectată:

$$z = a(\sqrt{\zeta^2 - 1} + \zeta)^2 \left[\frac{\zeta - b}{\zeta + b} \cdot \frac{-(1 + b\zeta) + \sqrt{(b^2 - 1)(\zeta^2 - 1)}}{-1 + b\zeta + \sqrt{(b^2 - 1)(\zeta^2 - 1)}} \right]^{1 - \frac{\alpha}{2\pi}} e^{i \frac{\alpha}{2}}, \quad (16)$$

unde $b = \frac{2\pi}{\sqrt{\alpha(4\pi - \alpha)}}$. În cazul unui singur sector, rezolvarea problemei mixte întâlnite

($\varphi = 0$ pe razele $(-\infty, -1)$ și $(1, \infty)$, și $\Psi = -\frac{\omega}{2} z \bar{z}$ pe segmentul $(-1, 1)$, z fiind dat de formula de mai sus) se reduce la problema lui Dirichlet pentru semiplan folosind funcția $\sqrt{z^2 - 1}$.

BIBLIOGRAFIE

- [1] L. I. Sedov : *Ploskie zadaci ghidrodinamiki i aerodinamiki*, Moscova 1950, p. 196.
- [2] H. Vergne : *Sur quelques points d'hydrodynamique*, Bull. des Sci. Math., Seria II, tom LIV, 1920, pp. 249, 257.
- [3] M. A. Lavrentiev, B. V. Šabat : *Metodi teorii funcții complecsnovo peremennogo*, Moscova 1951, p. 285.
- [4] Caius Iacob : *Recherches sur les mouvements fluides engendrés par la rotation de plusieurs corps solides*, Disq. Math. et Phys., t. III, fasc. 3—4, p. 207, 1943.
- [5] Șt. I. Gheorghită : *Rolații impulsive*, Com. Acad. R.P.R., tom VI, nr. 4, p. 215.
- [6] Șt. I. Gheorghită : *Asupra mișcărilor fluide rotatorii*, Bul. Șt. Secția Șt. Mat. și Fizice tom. VII, Nr. 2, 1955, p. 333.

К ВЛИЯНИЮ ТВЕРДЫХ СТЕНОК В ЗАДАЧАХ ПЛОСКОГО УДАРА

В §§ 2 и 3 исследуется вертикальный удар прямой пластинки шириной a , лежащей во первых около бесконечной стенки (рис. 1), затем около стенки конечной шириной b (рис. 2); в втором случае показывается что импульс прикладываемый жидкости является монотонную функцию от b .

В § 4 исследуется импульсивное вращение пластинки, сравнивая удары в присутствии и в отсутствии стенки.

В § 5, опираясь на двух предыдущих работах [4], [5], показывается что присутствие твердой стенки, в задаче схематизированной рис. 4, уменьшает область отрыва, если она существует, по отношению к жидкости занимающей полуплоскость $y \geq 0$.

SUR L'INFLUENCE DES MURS SOLIDES DANS LES PROBLÈMES DE PERCUSSION PLANE

Résumé

On étudie dans §§ 2 et 3 la percussio n verticale d'une plaque droite de largeur a , placée premièrement près d'un mur infini (fig. 1), et puis près d'un mur fini de largeur b (fig. 2); dans la second cas on démontre que l'impulsion appliquée au fluide est une fonction monotone croissante par rapport à b .

En § 4 on étudie la rotation impulsive d'une plaque, comparant les impulsions dans la présence et dans l'absence du mur.

Dans § 5, s'appuyant sur deux travaux antérieurs [4], [5], on démontre que la présence du mur solide, dans le problème schématisé dans la fig. 4, diminue la région de détachement, si cela existe, par rapport au cas du fluide qui occupe le semiplan entier $y \geq 0$.

ASUPRA UNEI ECUAȚII ÎNȚILNITĂ ÎN TEORIA PROCESELOR STOCHASTICE

RADU THEODORESCU

1. În această notă vom considera un câmp de probabilitate complet aditiv $\{E, \mathcal{H}, P\}$, unde E este o mulțime arbitrară de stări. În studiul proceselor stochastice continue cu legături complete întâlnim sistemul

$$\left. \begin{aligned} \frac{dP(t, X)}{dt} &= \int_E P(t, dz) Q(t, z, X | P(t, Y)), s < t, \\ P(s, X) &= \delta(x, X), * \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

unde $Q(t, z, X | P(t, Y))$ este 1) o funcțională în raport cu $P(t, Y)$ (t fix), 2) continuă în raport cu $t, s \leq t$, 3) integrabilă în raport cu z , 4) complet aditivă în raport cu X ,

- 5) $Q(t, z, X | P(t, Y)) \geq 0$ pentru $z \in X$,
 6) $Q(t, z, E | P(t, Y)) = 0$ pentru orice z .

2. Presupunând că există o soluție $P_0(t, X) = P_0(s, x; t, X)$ a sistemului (1) și folosind o metodă dată de O. Onicescu în [1], se arată că

$$P_0(s, x; t, X) \geq 0,$$

$$P_0(s, x; t, E) = 1.$$

3. Vom construi acum prin aproximări succesive soluția sistemului (1), care este echivalentă cu soluția ecuației

$$P(t, X) = \delta(x, X) + \int_s^t du \int_E P(u, dz) Q(u, z, X | P(u, Y)). \quad (2)$$

Fie

$$P_1(t, X) = \delta(x, X),$$

$$P_n(t, X) = \delta(x, X) + \int_s^t du \int_E P_{n-1}(u, dz) Q(u, z, X | P_{n-1}(u, Y)).$$

Presupunând că pe lângă condițiile 1) — 6) avem încă

$$|Q(u, z, X | P(u, Y))| \leq M, \quad (C),$$

*) $\delta(x, X) = \begin{cases} 1 & \text{pentru } x \in X, \\ 0 & \text{pentru } x \notin X \end{cases}$

$$\int_E |P(u, dz) Q(u, z, X | P(u, Y)) - P'(u, dz) Q(u, z, X | P'(u, Y))| \leqslant \\ \leqslant A |P(u, Y) - P'(u, Y)|$$

pentru orice $P(u, Y)$ și $P'(u, Y)$, $\lim_{n \rightarrow \infty} P_n(t, X) = P(t, X)$ există, este continuă în raport cu t și complet aditivă în raport cu X . De asemenea, soluția $P(t, X)$ astfel construită verifică ecuația (2) și este unică.

Catedra de Calculul Probabilităților
Facultatea de Matematică și Fizică
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] O. Onicescu : *Procese aleatoare în lanț continuu cu legături complete*, Rev. Univ. C. I. Parhon și a Polit. Buc., (seria științelor naturii) nr. 4-5, 1954.

ОБ ОДНОМ УРАВНЕНИИ ВСТРЕЧАЮЩИМСЯ В ТЕОРИИ СЛУЧАЙНЫХ ПРОЦЕССОВ

В этой заметке автор доказывает что если функции $Q(t, z, x | P(t, Y))$ удовлетворяют условиям 1) — 6) и (C), решение системы (1) (встречающейся в теории непрерывных случайных процессов с полными связями) существует, единственно и является вероятностью.

SUR UN ÉQUATION RECONTRÉE DANS LA THÉORIE DES PROCESSUS STOCHASTIQUES

Résumé

Dans cette note l'auteur montre que si les fonctions $Q(t, z, X | P(t, Y))$ vérifient les conditions 1) — 6) et (C) la solution du système (1) (rencontré dans la théorie des processus stochastiques continus à liaisons complètes) existe, est unique et représente une probabilité

ASUPRA MĂSURII MULȚIMII CONICELOR DIN PLAN

MARIUS I. STOKA

Intr-o lucrare anterioară [1]¹⁾ am introdus noțiunea de măsură a unei mulțimi de varietăți cu p dimensiuni dintr-un spațiu euclidian R_n . Calculînd efectiv măsura mulțimii conicelor din plan am găsit teorema [1]²⁾;

Scriind mulțimea conicilor din plan sub forma

$$a_{11} x^2 + 2a_{12} xy + a_{22} y^2 + 2a_{13} x + 2a_{23} y + 1 = 0$$

măsura unei mulțimi A de conice este

$$\mu(A) = \int \dots \int_{A^*} \frac{da_{11} da_{12} da_{22} da_{13} da_{23}}{\Delta^2}$$

unde A^ este mulțimea de puncte care corespunde mulțimii A în spațiul parametrilor, iar Δ este discriminantul conicei.*

De asemenea, am generalizat noțiunea de măsură cinematică a lui Poincaré, definind măsura — G_r , în felul următor:

Fie un spațiu euclidian R_n , o varietate cu p dimensiuni V_p în acest spațiu și un grup G_r tranzitiv. Am numit varietăți G_r — echivalente, varietățile care se obțin din varietatea V_p printr-o transformare a grupului de transformări G_r a spațiului R_n în el însuși. Notînd cu V mulțimea tuturor varietăților G_r — echivalente cu varietatea V_p , am numit măsură — G_r măsura mulțimii de varietăți V .

Am demonstrat de asemenea teorema:

Orice grup de transformări G_r , din spațiul R_n , admite o măsură- G_r ,

$$M_{G_r}(A) = \int \dots \int_{A_\alpha} F(\alpha^1, \dots, \alpha^r) d\alpha^1 \dots d\alpha^r,$$

unde $F(\alpha^1, \dots, \alpha^r)$ este funcția invariantă integral a grupului π_r al parametrilor grupului G_r , iar A_α este mulțimea de puncte care corespunde mulțimii A de varietăți în spațiul parametrilor.

În lucrarea de față vom arăta cum se poate obține măsura mulțimii conicelor din plan ca măsură — G_r a unui grup de transformări din plan³⁾.

¹⁾ pag. 913

²⁾ pag. 919

³⁾ Într-o altă lucrare [2] am demonstrat o proprietate analoagă pentru mulțimea cercurilor din plan.

Vom demonstra astfel următoarea teoremă :
Măsura mulțimii conicelor din plan, scrise sub formă

$$(a_1 x + a_2 y + a_3)^2 + (a_4 y + a_5)^2 = 1 \quad (1)$$

este egală cu măsura — G_r a grupului

$$\begin{cases} x' = a_1 x + a_2 y + a_3 \\ y' = a_4 y + a_5 \end{cases} \quad (2)$$

Vom considera deci în planul (x, y) grupul de transformări triunghiulare (2), care este un subgrup cu cinci parametri al grupului proiectiv.

Pentru a obține grupul parametrilor acestui grup considerăm transformarea

$$\begin{cases} x'' = a'_1 x + a'_2 y + a'_3 \\ y'' = a'_4 y + a'_5 \end{cases}$$

Înlocuind aici expresiile x' și y' din (2) obținem :

$$\begin{cases} x'' = a'_1 a_1 x + (a'_1 b_1 + b'_1 b_2) y + a'_1 c_1 + b'_1 c_2 + c'_1 \\ y'' = b'_2 b_2 y + b'_2 c_2 + c'_2 \end{cases}$$

Deci, grupul parametrilor grupului (2) este

$$\begin{cases} a''_1 = a_1 a'_1 \\ a''_2 = b_1 a'_1 + b_2 b'_2 \\ a''_3 = c_1 a'_1 + c_2 b'_1 + c'_1 \\ a''_4 = b_2 b'_2 \\ a''_5 = c_2 b'_2 + c'_2 \end{cases}$$

Coefficienții transformatorilor infinitezimale ale acestui grup sînt :

$\xi_1^1 = a'_1$	$\xi_2^1 = 0$	$\xi_3^1 = 0$	$\xi_4^1 = 0$	$\xi_5^1 = 0$
$\xi_1^2 = 0$	$\xi_2^2 = a'_1$	$\xi_3^2 = 0$	$\xi_4^2 = b'_1$	$\xi_5^2 = 0$
$\xi_1^3 = 0$	$\xi_2^3 = 0$	$\xi_3^3 = a'_1$	$\xi_4^3 = 0$	$\xi_5^3 = b'_1$
$\xi_1^4 = 0$	$\xi_2^4 = 0$	$\xi_3^4 = 0$	$\xi_4^4 = b'_1$	$\xi_5^4 = 0$
$\xi_1^5 = 0$	$\xi_2^5 = 0$	$\xi_3^5 = 0$	$\xi_4^5 = 0$	$\xi_5^5 = b'_1$

Înlocuind aceste valori în sistemul lui Deltheil [3]¹⁾ obținem sistemul

$$\begin{cases} \frac{\partial \text{Log } F}{\partial a'_1} = -\frac{1}{a'_1} \\ \frac{\partial \text{Log } F}{\partial a'_4} = -\frac{2}{a'_4} \\ \frac{\partial F}{\partial a'_2} = \frac{\partial F}{\partial a'_3} = \frac{\partial F}{\partial a'_5} = 0, \end{cases}$$

¹⁾ Pag. 27

care are soluția

$$F(a_1, \dots, a_5) \frac{1}{a_1 a_4^2}.$$

Deci, măsura — G_r a grupului (2) este

$$\int \dots \int \frac{da_1 da_2 da_3 da_4 da_5}{a_1 a_4^2} \quad (3)$$

Aplicînd acum transformarea (2) cercului

$$x^2 + y^2 = 1$$

obținem ecuația (1).

Făcînd schimbarea de parametri

$$\begin{cases} a_{11} = \frac{a_1^2}{a_3^2 + a_5^2 - 1} \\ a_{12} = \frac{a_1 a_2}{a_3^2 + a_5^2 - 1} \\ a_{22} = \frac{a_2^2 + a_4^2}{a_3^2 + a_5^2 - 1} \\ a_{13} = \frac{a_1 a_2}{a_3^2 + a_5^2 - 1} \\ a_{23} = \frac{a_2 a_2 + a_4 a_4}{a_3^2 + a_5^2 - 1} \end{cases}$$

ecuația (1) devine

$$a_{11} x^2 + 2a_{12} xy + a_{22} y^2 + 2a_{13} x + 2a_{23} y + 1 = 0,$$

iar integrala (3) devine

$$\int \dots \int \frac{da_{11} da_{12} da_{22} da_{13} da_{23}}{\Delta^2}$$

unde

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{12} & a_{22} & a_{23} \\ a_{13} & a_{23} & 1 \end{vmatrix}.$$

Catedra de Calculul Probabilităților
Facultatea de Matematică și Fizică
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Marius Stoka : *Măsura unei mulțimi de varietăți dintr-un spațiu R_n* Bul. Științific. Acad. R.P.R. Secțiunea de Științe Matematice și Fizice nr. 4, 1955.
- [2] Marius Stoka : *Asupra măsurii mulțimii cercurilor din plan*. Gazeta Matematică și fizică, seria A, Nr. 10, 1955.
- [3] R. Deltheil : *Probabilités géométriques*, Paris, Gauthier-Villars, 1926

О МЕРЕ МНОЖЕСТВ КОНИЧЕСКОМ НА ПЛОСКОСТИ

Исходя из предыдущих результатов о мере множеств многообразий в евклидовых пространствах R_n и о мере G_r группы преобразований Ли, автор доказывает теорему.

Если написать множество конически на плоскости в виде

$$(a, x + a_2 y + a_3)^2 + (a_4 y + a_5)^2 = 1$$

мера этого множества равна мере G_r группы

$$\begin{cases} x' = a, x + a_2 y + a_3 \\ y' = a_4 y + a_5 \end{cases}$$

SUR LA MESURE DE L'ENSEMBLE DES CONIQUES DU PLAN

Résumé

En utilisant les résultats obtenus dans un mémoire antérieur (1) sur la mesure d'un ensemble de variétés dans un espace euclidien R_n et sur la mesure — G_r d'un groupe de transformations de Lie, l'auteur démontre le théorème :

En écrivant l'ensemble des coniques du plan sous la forme

$$(a_1 x + a_2 y + a_3)^2 + (a_4 y + a_5)^2 = 1$$

la mesure de l'ensemble des coniques du plan est égale à la mesure — G_r du groupe de transformations

$$\begin{cases} x' = a_1 x + a_2 y + a_3 \\ y' = a_4 y + a_5 \end{cases}$$

ASUPRA REDUCERII NUMĂRULUI DE CONTACTE PRIN INTRODUCEREA CIRCUITELOR ÎN PUNTE

PAUL CONSTANTINESCU

I

În cele ce urmează vom utiliza metoda matricială de reprezentare a schemelor datorită lui A. G. Lunț [1].

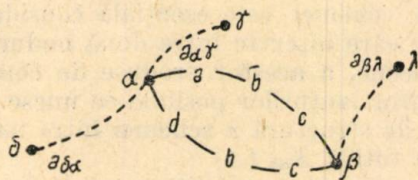
Fie o schemă cu n noduri pe care le vom numerota $1, 2, \dots, n$.

Fiecărei scheme cu n noduri i se asociază o matrice

$$A = \{ a_{\alpha\beta} \} = \begin{Bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{Bmatrix}$$

ale cărei elemente $a_{\alpha\beta}$ sînt funcții booleene (avînd ca variabile conductibilitățile contactelor și elementelor redresoare din schemă și formate cu ajutorul operațiilor de adunare, înmulțire și complementare din algebra booleană) de conductibilitățile $a, b, c, d, e, \dots$ asociate contactelor și elementelor redresoare: — Dacă nodurile α și β nu sînt legate în schemă de cît prin intermediul altor noduri atunci $a_{\alpha\beta} = 0$,

— dacă două noduri α și β sînt legate direct în schemă vom nota cu $a_{\alpha\beta}$ conductibilitatea obținută făcînd produsul și suma, în sensul algebrei logice, a tuturor conductibilităților contactelor și elementelor redresoare de pe ramurile care unesc aceste noduri de la α la β . De pildă:



$$a_{\alpha\beta} = a \bar{b} c + d b c$$

Fig. 1.

Valoarea conductibilității $a_{\alpha\beta}$ este 0 sau 1.

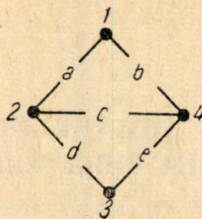
Elementele de pe diagonala principală sînt toate egale cu 1 (conectarea unui nod cu el însuși este considerată ca un circuit permanent închis):

$$a_{\alpha\alpha} = 1 \quad \alpha = 1, 2, \dots, n$$

Lunț numește elementele $a_{\alpha\beta}$, ale acestei matrici, conductibilități directe; matricea A asociată schemei se numește matricea conductibilităților

directe. Vom numi nodurile, α și β , între care se consideră conductibilitatea directă, noduri marginale pentru această conductibilitate.

Fie de exemplu schema :



Matricea conductibilităților directe asociată este :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a & 0 & b \\ a & 1 & d & c \\ 0 & d & 1 & e \\ b & c & e & 1 \end{pmatrix}$$

Reciproc fiecărei matrici A îi corespunde o anumită schemă care se poate figura imediat. Să facem observația că fiind dată o schemă numerotarea nodurilor este arbitrară ; deasemeni într-o ramură care conține un număr de contacte în serie vom putea considera de câte ori va fi nevoie, că între două astfel de contacte există un nod, chiar dacă în acest punct al schemei nu se întâlnesc cel puțin trei ramuri ale schemei.

Fie α și β două noduri oarecare ale schemei.

Vom numi lanț un circuit care unește nodurile α și β și a cărui conductibilitate este un produs boolean de conductibilități directe, fiecare factor al produsului fiind format dintr-o singură conductibilitate directă. De pildă dacă lanțul trece prin nodurile $i_1, i_2, \dots, i_m$, $m \leq n - 2$, conductibilitatea acestui circuit este produsul boolean al tuturor conductibilităților directe corespunzătoare perechilor de noduri $(\alpha, i_1), (i_1, i_2), \dots, (i_m, \beta)$, deci :

$$a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta}$$

Pentru descrierea funcționării schemei este esențială considerarea conductibilităților tuturor lanțurilor care intervin între două noduri.

Suma, în sensul algebrei booleene, a acestor produse de conductibilități directe corespunzătoare tuturor lanțurilor posibile ce unesc nodurile α și β , care reprezintă formula de structură a schemei între nodurile α și β , se numește conductibilitatea totală $X_{\alpha\beta}(A)$

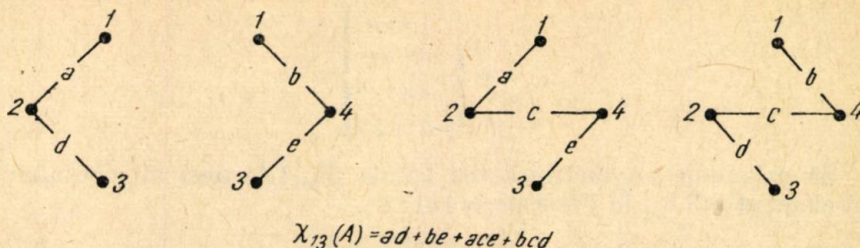
Ca atare prin definiție, se numește conductibilitate totală între nodurile α și β ale unei scheme cu n noduri, expresia :

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta}$$

unde $(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ luate câte $m = 0, 1, 2, \dots, n - 2$.

Calculul conductibilităților totale $X_{\alpha\beta}(A)$ revine deci la însumarea produselor conductibilităților directe corespunzătoare lanțurilor care

unesc α și β în schemă : direct, trecînd printr-un nod oarecare al schemei, prin cîte 2 noduri oarecare ale schemei, ș. a. m. d. trecînd prin $n - 2$ noduri ale rețelei. De pildă pentru exemplul considerat înainte :



Să considerăm conductibilitatea directă dintre nodurile α și β .

Aceasta intervine în matricea A de două ori :

- $a_{\alpha\beta}$ pe linia α în sensul de la α spre β ;
- $a_{\beta\alpha}$ pe coloana α în sensul de la β spre α .

De pildă în linia I^a sînt conductibilitățile directe corespunzătoare circuitelor care pleacă din nodul 1 la celelalte $n - 1$ noduri ale rețelei. În prima coloană sînt conductibilitățile directe corespunzătoare circuitelor care vin de la celelalte $n - 1$ noduri la nodul 1. În calculul conductibilității totale $X_{\alpha\beta}(A)$, deci în sensul de la α spre β , intervin numai conductibilitățile lanțurilor corespunzătoare acestui sens.

Să ne propunem să determinăm conductibilitatea schemei între nodurile α și β prin urmare $X_{\alpha\beta}(A)$. A. G. L u n ț a demonstrat [1] că suma, în sensul algebrei booleene, a tuturor produselor*) elementelor minorului lui $a_{\beta\alpha}$ este egală cu $X_{\alpha\beta}(A)$. Să justificăm acest rezultat :

În produsele corespunzătoare conductibilităților lanțurilor nu vor intra, după cum am remarcat, conductibilitățile directe de pe coloana α și linia β ; prin urmare pentru calculul conductibilității totale $X_{\alpha\beta}(A)$ suprimăm în matrice linia β și coloana α . Toate celelalte elemente ale matricei, deci elementele minorului lui $a_{\beta\alpha}$ vor trebui folosite pentru scrierea produselor care dau conductibilitățile lanțurilor. Să observăm că o conductibilitate directă intră (conform definiției conductibilității totale) o singură dată în conductibilitatea unui lanț. Deci dintre conductibilitățile directe din linia α vom folosi pentru scrierea conductibilității unui lanț o singură conductibilitate directă $a_{\alpha i_1}$. Din nodul i_1 , pentru a ajunge în β , vom considera conductibilitatea directă $a_{i_1 i_2}$ dintre nodurile i_1 și i_2 , deci din nou un singur element corespunzător liniei i_1 . Pentru nodul i_2 , vom considera prin urmare o singură conductibilitate directă $a_{i_1 i_2}$ și deasemeni o singură conductibilitate directă $a_{i_2 i_3}$, ș. a. m. d. Deci fiecare element al unei linii sau al unei coloane intervine o singură dată în conductibilitatea unui lanț.

Avem astfel o metodă rapidă de calcul pentru conductibilitatea totală a schemei între nodurile considerate.

Să precizăm că spre deosebire de calculul determinantilor unde apar semnele $+$ sau $-$ între diferiții termeni ai acestora, în efectuarea minorului pentru obținerea expresiei conductibilității totale $X_{\alpha\beta}(A)$, între diferiții termeni ai acestuia avem numai semnul $+$ din algebra logică. Vom numi

*) Aceste produse se obțin prin regulile obișnuite de calcul ale determinantilor

tot determinant valoarea asociată matricii A obținută prin regulile de calcul analoage menționate. Vom nota determinantul matricii A : $|A|$

În exemplul considerat, matricea A asociată schemei era:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a & o & b \\ a & 1 & d & c \\ o & d & 1 & e \\ b & c & e & 1 \end{pmatrix}$$

Să calculăm conductibilitatea totală $X_{13}(A)$ deci să efectuăm minorul elementului a_{31} în determinantul:

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & a & o & b \\ a & 1 & d & c \\ o & d & 1 & e \\ b & c & e & 1 \end{vmatrix}. \text{ Deci } X_{13}(A) = \begin{vmatrix} a & o & b \\ 1 & d & c \\ c & e & 1 \end{vmatrix} = ad + ace + be + bcd$$

Să observăm că valoarea determinantului matricii $A = \{a_{\alpha\beta}\}_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n}$ este egală cu 1:

$$|A| = 1 + \dots = 1$$

Matricea având ca elemente conductibilitățile totale se numește matrice caracteristică și se notează

$$X(A) = \{X_{\alpha\beta}(A)\}_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n} = \begin{pmatrix} X_{11}(A) & X_{12}(A) & \dots & X_{1n}(A) \\ X_{12}(A) & X_{22}(A) & \dots & X_{2n}(A) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ X_{1n}(A) & X_{2n}(A) & \dots & X_{nn}(A) \end{pmatrix}$$

Elementele de pe diagonala principală au valoarea 1. În adevăr calculând, de exemplu, minorul elementului a_{11} în $|A|$ obținem:

$$X_{11}(A) = \begin{vmatrix} 1 & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{32} & 1 & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n2} & a_{n3} & \dots & 1 \end{vmatrix} = 1 + \dots = 1$$

La fel pentru oricare altă conductibilitate totală: $X_{\alpha\alpha}(A) = 1$
 $\alpha = 1, 2, \dots, n$

Prin urmare

$$X(A) = \begin{pmatrix} 1 & X_{12}(A) & \dots & X_{1n}(A) \\ X_{12}(A) & 1 & \dots & X_{2n}(A) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ X_{1n}(A) & X_{2n}(A) & \dots & 1 \end{pmatrix}$$

În articolul citat A. G. LUNȚ a demonstrat de asemenea că $X[X(A)] = X(A)$. În cazul schemelor care nu conțin redresori sau tuburi electronice conductibilitățile directe $a_{\alpha\beta}$ și $a_{\beta\alpha}$ sînt egale, deci matricea conductibilităților directe este simetrică față de diagonala principală. La fel $X_{\alpha\beta}(A) = X_{\beta\alpha}(A)$ deci și matricea caracteristică este simetrică.

În cele ce urmează vom considera că schema conține numai contacte de relee deci matricile A și $X(A)$ sînt simetrice față de diagonală principală.

Să precizăm, în încheierea acestui paragraf, că o expresie $\mathfrak{N}$ de variabilele $a, b, c, d, e, \dots$ include expresia $\mathfrak{N}$, $\mathfrak{N} \supset \mathfrak{N}$ dacă $\mathfrak{N} + \mathfrak{N} = \mathfrak{N}^*$). Vom spune că $\mathfrak{N}$ a fost absorbit de $\mathfrak{N}$. De pildă :

$$ab + abc = ab(1 + c) = ab$$

$$\text{Deci } ab \supset abc.$$

II.

M. A. Gavrilov ^[2] clasifică schemele astfel: cele formate numai cu circuite serie și paralel-scheme de clasă π —, iar schemele în care intervin și circuite în punte — scheme de clasă H —.

Dîndu-se condițiile de funcționare ale schemei π putem face sinteza acesteia utilizînd metodele de sinteză date de M. A. Gavrilov ^[2] conform cărora ajungem la formula de structură a unei scheme formată din circuite serie-paralel.

Ne propunem ca, dată fiind formula de structură deci conductibilitatea totală între două noduri să găsim o schemă echivalentă ca funcționare care să conțină și circuite în punte și în care să avem un număr mai mic de contacte.

În adevăr, introducerea în schemă a circuitelor în punte permite după cum vom vedea simplificarea acesteia în sensul micșorării numărului de contacte necesar pentru o aceeași funcționare.

Pentru aceasta vom demonstra trei teoreme în baza cărora, unei anumite conductibilități totale date îi vom face să-i corespundă o succesiune de matrici de conductibilități directe asociate unor scheme echivalente ca funcționare cu cea inițială dar care spre deosebire de aceasta vor conține și circuite în punte.

Vom nota în cele urmează cu

$$P, Q, R, S, T, \dots$$

funcții booleene de variabilele $a, b, c, d, e, \dots$ conductibilitățile contactelor din schemă.

Fie o schemă cu contacte de relee avînd n noduri a cărei matricea a conductibilităților directe este $A = \{a_{\alpha\beta}\}_{\alpha, \beta=1, 2, \dots, n}$ simetrică față de diagonală principală.

Să presupunem că pentru o pereche dată de noduri (μ, ν) conductibilitatea directă este de forma :

$$a_{\mu\nu} = P + Q R$$

unde P, Q, R , sînt funcții de variabilele $a, b, c, d, e, \dots$

²⁾ Sau ceea ce este același lucru $\mathfrak{N} \mathfrak{N} = \mathfrak{N}$

Cu P am notat ansamblul de conductibilități care sînt în paralel cu conductibilitățile Q și R .

Cu Q și R am notat o descompunere arbitrară a produsului de conductibilități corespunzătoare contactelor în serie pe o ramură care unește nodurile μ și ν . Putem introduce pe ramura — în care avem în serie contactele a căror conductibilitate am notat-o cu QR —un nod suplimentar $n+1$ fără ca să modificăm ceva în funcționarea schemei. Prin introducerea acestui nod suplimentar am obținut o schemă cu $n+1$ noduri $1, 2, \dots, n, n+1$ pentru care matricea conductibilităților directe este deasemeni simetrică :

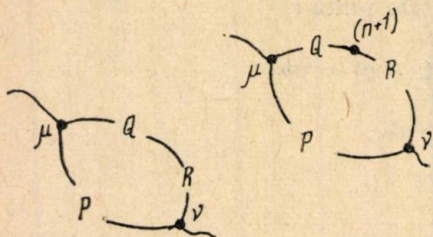


Fig. 2

$$B = \{ b_{ij} \}_{i,j=1,2,\dots,n+1}$$

cu :

$$\begin{aligned} b_{\alpha\beta} &= a_{\alpha\beta} \text{ dacă } \alpha \neq \mu \text{ sau măcar } \beta \neq \nu. (\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n) \\ b_{\mu\nu} &= P \\ b_{\gamma n+1} &= b_{n+1\nu} = 0 \quad \gamma = 1, 2, \dots, \mu-1, \mu+1, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n \\ b_{\mu n+1} &= b_{n+1\mu} = Q. \\ b_{\nu n+1} &= b_{n+1\nu} = R. \end{aligned}$$

Operația prin care trecem de la matricea conductibilităților directe A la matricea conductibilităților directe B introducînd nodul suplimentar $n+1$ o vom numi dilatare și vom scrie :

$$A = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} & \dots & a_{1\mu} & \dots & a_{1\nu} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & 1 & \dots & a_{2\mu} & \dots & a_{2\nu} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{\mu 1} & a_{\mu 2} & \dots & 1 & \dots & P+QR & \dots & a_{\mu n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{\nu 1} & a_{\nu 2} & \dots & P+QR & \dots & 1 & \dots & a_{\nu n} \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{n\mu} & \dots & a_{n\nu} & \dots & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{T_1} B = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} & \dots & a_{1\mu} & \dots & a_{1\nu} & \dots & a_{1n} & 0 \\ a_{21} & 1 & \dots & a_{2\mu} & \dots & a_{2\nu} & \dots & a_{2n} & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ a_{\mu 1} & a_{\mu 2} & \dots & 1 & \dots & P & \dots & a_{\mu n} & Q \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ a_{\nu 1} & a_{\nu 2} & \dots & P & \dots & 1 & \dots & a_{\nu n} & R \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{n\mu} & \dots & a_{n\nu} & \dots & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & Q & \dots & R & \dots & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Vom demonstra următoarea teoremă :

Teorema I. În operația de dilatare conductibilitățile totale corespunzătoare vechilor noduri $1, 2, \dots, n$ se conservă :

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \quad \alpha, \beta = 1, 2, \dots, n.$$

Demonstrație. În demonstrație vom utiliza formula de definiție a conductibilităților totale. Vom considera trei cazuri :

a) Nodurile între care considerăm conductibilitatea totală sînt chiar nodurile μ și ν între care introducem nodul suplimentar $n+1$; conform definiției conductibilității totale avem :

$$X_{\nu\mu}(A) = X_{\mu\nu}(A) = a_{\mu\nu} + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ câte $m = 1, 2, \dots, n - 2$.

Să calculăm conductibilitatea totală între nodurile μ și ν corespunzătoare schemei avînd asociată matricea conductibilităților directe B :

$$X_{\nu\mu}(B) = X_{\mu\nu}(B) = b_{\mu\nu} + \sum b_{\mu i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \nu} + b_{\mu, n+1} b_{n+1 \nu}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge aceleași valori ca în expresia $X_{\nu\mu}(A)$.

Toate celelalte produse de conductibilități directe care conțin $b_{\gamma n+1} = 0$ ($\gamma \neq \mu, \nu$) sînt nule. Prin urmare:

$$X_{\mu\nu}(B) = P + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} + RQ = a_{\mu\nu} + \\ + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} = X_{\mu\nu}(A)$$

b) Considerăm conductibilitatea totală între un nod oarecare al schemei $\alpha \neq \mu, \nu, n+1$ și unul din nodurile între care introducem nodul $n+1$; punem în evidență conductibilitățile lanțurilor în care intervine $a_{\mu\nu}$:

$$X_{\nu\alpha}(A) = X_{\alpha\nu}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} + \sum a_{\alpha h_1} \dots a_{h_m \mu} a_{\mu\nu}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, \dots, n - 2$ fără ca produsele să conțină conductibilitatea directă $a_{\mu\nu}$ avînd nodurile μ și ν marginale; în aceste produse intervin însă conductibilitățile directe $a_{\mu\sigma}$ cu $\sigma \neq \nu$ și $a_{\tau\nu}$ cu $\tau \neq \mu$.

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, \dots, n - 3$.

Să calculăm expresia

$$X_{\nu\alpha}(B) = X_{\alpha\nu}(B) = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \nu} + \sum b_{\alpha h_1} b_{h_1 h_2} \dots b_{h_m \nu} b_{\mu\nu} + \\ + \sum b_{\alpha k_1} b_{k_1 k_2} \dots b_{k_m \mu} b_{\mu, n+1} b_{n+1 \nu}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge aceleași valori ca în expresia $X_{\nu\alpha}(A)$

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ idem.

$(k_1, k_2, \dots, k_m)$ parcurge aceleași valori ca și $(h_1, h_2, \dots, h_m)$

Deci:

$$X_{\alpha\nu}(B) = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \nu} + \sum b_{\alpha h_1} b_{h_1 h_2} \dots b_{h_m \mu} (P + QR) = \\ = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_m \mu} a_{\mu\nu} = X_{\alpha\nu}(A)$$

La fel se arată că

$$X_{\alpha\mu}(B) = X_{\alpha\mu}(A).$$

c) Considerăm conductibilitatea totală $X_{\alpha\beta}(A)_{\alpha, \beta=1, 2, \dots, \mu-1, \mu+1, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n}$ deci între două noduri ale schemei distincte de nodurile între care introducem nodul suplimentar:

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum' a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_p \mu} a_{\mu\nu} a_{\nu h_\sigma} \dots a_{h_m \beta}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n - 2$, fără ca produsele să conțină conductibilitatea directă avînd nodurile μ și ν marginale.

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$, cîte $m = 0, 1, \dots, n - 4$. În această sumă facem convenția că intervine atît termenul $a_{\mu\nu}$ cît și $a_{\nu\mu}$. În acest sens scriem Σ' .

Calculăm $X_{\alpha\beta}(B)$:

$$X_{\alpha\beta}(B) = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \beta} + \sum' b_{\alpha h_1} b_{h_1 h_2} \dots b_{h_p \mu} b_{\mu\nu} b_{\nu h_\sigma} \dots b_{h_m \beta} + \\ + \sum' b_{\alpha k_1} b_{k_1 k_2} \dots b_{i_m \beta} b_{k_p \mu} b_{\mu n+1} b_{n+1\nu} b_{\nu k_\sigma} \dots b_{k_m \beta}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge aceleași valori ca în expresia $X_{\alpha\beta}(A)$

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n - 4$.

Conform convenției de scriere adoptată suma a doua și a treia conțin în produse atît $b_{\mu\nu}$ cît și $b_{\nu\mu}$ respectiv atît $b_{\mu n+1} b_{n+1\nu}$ cît și $b_{\nu n+1} b_{n+1\mu}$.

Prin urmare:

$$X_{\alpha\beta}(B) = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \beta} + \sum' b_{\alpha h_1} b_{h_1 h_2} \dots b_{h_p \alpha} (P + QR) b_{\nu h_\sigma} \dots b_{h_m \beta} = \\ = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum' a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_p \alpha} a_{\mu\nu} a_{\nu h_\sigma} \dots a_{h_m \beta} = X_{\alpha\beta}(A)$$

q. e.d.

În trecerea de la prima schemă cu n noduri la schema cu $n + 1$ noi duri, care lasă neschimbate conductibilitățile totale dintre nodurile primei scheme deci formulele de structură corespunzătoare, funcționarea schemei nu se modifică ceea ce este evident din punct de vedere fizic.

Să aplicăm această teoremă pe un exemplu:

$$A = \begin{Bmatrix} 1 & a & b & c \\ a & b & e & d \\ c & d & 1 \end{Bmatrix} \xrightarrow{T_1} B = \begin{Bmatrix} 1 & 0 & c & a \\ o & 1 & d & b e \\ c & d & 1 & 0 \\ a & b & e & o & 1 \end{Bmatrix}$$

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)_{\alpha, \beta = 1, 2, 3.}$$

unde $\mu = 1, \nu = 2, a_{\mu\nu} = a_{12} = a b e$ deci $P = 0$; am considerat $Q = a$ și $R = b e$.

Descompunerea produsului $QR = a b e$ este arbitrară: putem considera de exemplu și $Q = a b, R = e$ etc.

III

Să considerăm o schemă cu n noduri avînd asociată matricea conductibilităților directe simetrică

$$A = \{ a_{\alpha\beta} \}_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n.}$$

și să presupunem că pentru un sistem dat de $r + 2$ noduri $\mu, \rho_1, \rho_2, \dots, \rho_r, \nu, \dots$ conductibilitățile directe sînt de forma

$$a_{\mu\nu} = R + S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1}$$

$$a_{\mu\rho_1} = S_1 + T_1$$

$$a_{\rho_1\rho_2} = S_2 + T_2$$

$$\vdots$$

$$a_{\rho_{r-1}\rho_r} = S_r + T_r$$

$$a_{\rho_r\nu} = S_{r+1} + T_{r+1}$$

unde $R, S_1, S_2, \dots, S_{r+1}, T_1, T_2, \dots, T_{r+1}$, sînt funcții booleene de variabilele $a, b, c, d, e, \dots$.

Între nodurile considerate avem deci în schemă (f. g. 3):

Să construim o nouă schemă cu n noduri avînd matricea conductibilităților directe simetrică

$$B = \{ b_{\alpha\beta} \}_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n}$$

ale cărei elemente sînt

$$b_{\mu\nu} = R$$

$$b_{\mu\rho_1} = S_1 + T_1 = a_{\mu\rho_1}$$

$$b_{\rho_1\rho_2} = S_2 + T_2 = a_{\rho_1\rho_2}$$

$$\vdots$$

$$b_{\rho_r\nu} = S_{r+1} + T_{r+1} = a_{\rho_r\nu}$$

și deasemeni celelalte conductibilități:

$$b_{\alpha\beta} = a_{\alpha\beta} \quad (\alpha\beta) \neq (\mu\nu)$$

Prin urmare, între nodurile considerate în noua schemă avem

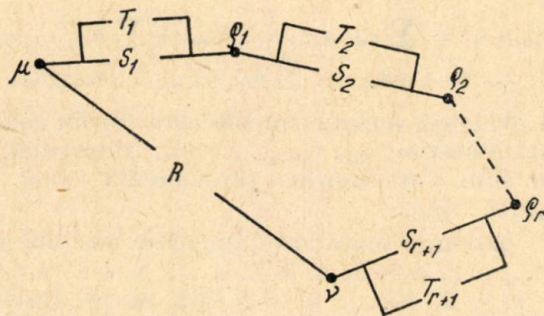


Fig. 3

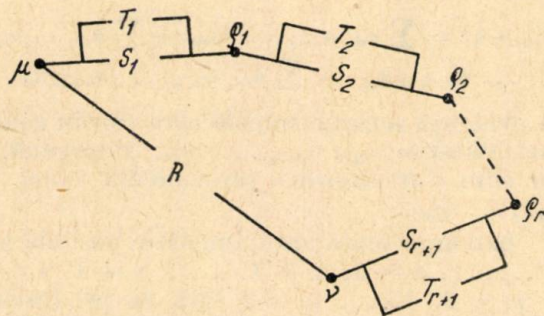


Fig. 4

Vom demonstra următoarea teoremă:

Teorema II. Conductibilitatea totală considerată între o pereche de noduri oarecare în prima schemă este egală cu conductibilitatea totală considerată între aceleași noduri în schema doua:

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n}.$$

Vom nota :

$$A \xrightarrow{T_2} B.$$

Putem enunța această teoremă și astfel :
matricele caracteristice corespunzătoare celor două scheme sînt egale :

$$X(A) = X(B)$$

Demonstrație

a) Considerăm conductibilitatea totală între nodurile μ și ν :

$$\begin{aligned} X_{\mu\nu}(A) &= X_{\mu\nu}(A) = a_{\mu\nu} + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} = \\ &= R + S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1} + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} \end{aligned}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ cîte $m = 1, \dots, n - 2$.

Ori termenul $S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1}$ există printre produsele considerate în suma efectuată asupra indicilor $(i_1, i_2, \dots, i_m)$:

$$\begin{aligned} S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1} &\supset (S_1 + T_1)(S_2 + T_2) \dots (S_{r+1} + T_{r+1}) = \\ &= a_{\mu \rho_1} a_{\rho_1 \rho_2} \dots a_{\rho_{r-1} \rho_r} a_{\rho_r \nu} \end{aligned}$$

deci

$$\begin{aligned} X_{\mu\nu}(A) &= R + \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} = b_{\mu\nu} + \sum b_{\mu i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \nu} = \\ &= X_{\mu\nu}(B) = X_{\mu\nu}(B). \end{aligned}$$

unde am înlocuit suma efectuată asupra elementelor matricii A cu cea efectuată asupra elementelor matricii B deoarece conductibilitățile directe respective sînt egale.

b) Considerăm conductibilitatea totală între un nod oarecare al schemei și unul dintre nodurile μ sau ν :

$$\begin{aligned} X_{\nu\alpha}(A) &= X_{\alpha\nu}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \nu} + \sum a_{\alpha h_1} \dots a_{h_m \mu} a_{\mu \rho_1} a_{\rho_1 \rho_2} \dots \\ &\dots a_{\rho_{r-1} \rho_r} a_{\rho_r \nu} + \sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} a_{\mu \nu} \end{aligned}$$

unde am pus în evidență separat sumele care conțin conductibilitatea $a_{\mu\nu}$ respectiv conductibilitățile $a_{\mu \rho_1}, a_{\rho_1 \rho_2}, \dots, a_{\rho_r \nu}$ împreună, pentru a putea urmări mai ușor cum sînt absorbiți termenii din suma efectuată asupra indicilor $(k_1, k_2, \dots, k_m)$.

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n - 2$ fără ca produsele considerate în această sumă să conțină conductibilitatea $a_{\mu\nu}$ și nici conductibilitățile $a_{\mu \rho_1}, a_{\rho_1 \rho_2}, \dots, a_{\rho_{r-1} \rho_r}, a_{\rho_r \nu}$ împreună.

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \rho_1 - 1, \rho_1 + 1, \rho_2 - 1, \rho_2 + 1, \dots, \rho_{r-1} - 1, \rho_{r-1} + 1, \rho_r - 1, \rho_r + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n - (r + 3)$.

$(k_1, k_2, \dots, k_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n - 3$.

$$\sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} R + \sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1}$$

De pildă :

$$a_{\mu k_1} \dots a_{k_{\varepsilon \rho_i}} a_{\rho_i k_{\eta}} \dots a_{k_m} S_1 S_2 \dots S_i S_{i+1} \dots S_r S_{r+1} \subset a_{\alpha k_1} \dots a_{k_{\varepsilon \rho_i}} (S_{i+1} + \\ + T_{i+1}) \dots (S_{r+1} + T_{r+1})$$

$$a_{\alpha k_1} \dots a_{k_{s_i}} a_{\rho_i k_r} \dots a_{k_m \mu} S_1 S_2 \dots S_i S_{i+1} \dots S_r S_{r+1} \subset a_{\alpha k_1} \dots a_{k_{s_i} \rho_i} a_{\rho_i \rho_i+1} \dots a_{\rho_r-1 \rho_r} a_{\rho_r \nu}$$

— Termenii care nu conțin nici unul dintre aceste noduri de două ori sînt absorbiți de termii sumei efectuate asupra indicilor $(h_1, h_2, \dots, h_m)$.

$$X_{\alpha v}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m v} +$$

$$+ \sum a_{\alpha h_1} \dots a_{hm \mu} a_{\mu \rho_1} a_{\rho_1 \rho_2} \dots a_{\rho r \nu} +$$

$$\begin{aligned}
+ \sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} R_i &= \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \nu} + \sum b_{\alpha h_1} \dots b_{h_m \mu} b_{\mu \rho_1} b_{\rho_1 \rho_2} \dots b_{\rho_r \nu} + \\
&\quad + \sum b_{\alpha k_1} b_{k_1 k_2} \dots b_{k_m \mu} b_{\mu \nu}
\end{aligned}$$

$$X_{\alpha\gamma}(A) = X_{\alpha\gamma}(B)$$

La fel se demonstrează că $X_{\alpha\mu}(A) = X_{\alpha\mu}(B)$

e) Considerăm conductibilitatea totală între două noduri distincte de nodurile μ și ν :

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \mu} + \sum' a_{\alpha h_1} \dots a_{h_{\varepsilon} \mu} a_{\mu \rho_1} a_{\rho_1 \rho_2} \dots a_{\rho_r \nu} a_{\nu h_{\eta_1}} \dots a_{h_m \beta} + \\ + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_{\varepsilon} \alpha} a_{\mu \nu} a_{\nu k_{\eta_1}} \dots a_{k_m \beta}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor: $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, \dots, n - 2$ fără ca produsele considerate în sumă să conțină conductibilitatea directă avînd nodurile μ și ν marginale și nici conductibilitățile directe $a_{\mu p_1}, a_{p_1 p_2}, \dots, a_{p_{n-2} \nu}$ împreună.

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \rho_1 - 1, \rho_1 + 1, \rho_2 - 1, \rho_2 + 1, \dots, \rho_r - 1, \rho_r + 1, \nu - 1, \nu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ cite $m = 0, 1, \dots, n - (r + 4)$. În suma efectuată asupra acestor indici, (*Teor. I c*) va interveni și termenul $a_{\nu \rho_r} a_{\rho_r \rho_{r-1}} \dots a_{\rho_2 \rho_1} a_{\rho_1 \mu}$.

$(k_1, k_2, \dots, k_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, \dots, \alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, \dots, n - 4$.

De asemeni suma corespunzătoare conține atît $a_{\mu\nu}$ cît și $a_{\nu\mu}$. Descompunem suma efectuată asupra indicilor $(k_1, k_2, \dots, k_m)$:

$\sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} R a_{\nu k_1} \dots a_{k_m \beta} + \sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} S_1 S_2 \dots S_r S_{r+1} a_{\nu h_1} \dots a_{h_m \beta}$
— Termenii din suma a doua care conțin de două ori cel puțin unul dintre nodurile $\rho_1, \rho_2, \dots, \rho_{r-1}, \rho_r$ sînt absorbiți de termenii corespunzători din suma efectuată asupra indicilor $(i_1, i_2, \dots, i_m)$ fiind incluși în aceștia. [Analog ca la b)]. De asemeni:

— Termenii din această sumă care conțin fiecare dintre nodurile $\rho_1, \rho_2, \dots, \rho_{r-1}, \rho_r$ cîte o singură dată sînt absorbiți de termenii corespunzători din suma efectuată asupra indicilor $(h_1, h_2, \dots, h_m)$.

Deci:

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum' a_{\alpha h_1} \dots a_{h_m \mu} a_{\mu \rho_1} a_{\rho_1 \rho_2} \dots a_{\rho_r \nu} a_{\nu h_1} \dots a_{h_m \beta} + \\ + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots a_{k_m \mu} R a_{\nu k_1} \dots a_{k_m \beta}.$$

Prin urmare

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \beta} + \sum' b_{\alpha h_1} \dots b_{h_m \mu} b_{\mu \rho_1} b_{\rho_1 \rho_2} \dots b_{\rho_r \nu} b_{\nu h_1} \dots b_{h_m \beta} + \\ + \sum' b_{\alpha k_1} b_{k_1 k_2} \dots b_{k_m \mu} b_{\mu \nu} b_{\nu k_1} \dots b_{k_m \beta} = X_{\alpha\beta}(B).$$

q. e. d.

Exemplificăm aplicarea teoremei pentru o schemă cu contacte de relele avînd patru noduri:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & R + S_1 S_2 S_3 & S_1 + T_1 a_{14} & \\ & 1 & a_{23} S_3 + T_3 & \\ & & 1 & S_2 + T_2 \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_2} B = \begin{pmatrix} 1 & R S_1 + T_1 & a_{14} & \\ & 1 & a_{23} S_3 + T_3 & \\ & & 1 & S_2 + T_2 \\ & & & 1 \end{pmatrix}$$

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \\ \alpha, \beta = 1, 2, 3, 4.$$

Unde: $\mu = 1, \rho_1 = 3, \rho_2 = 4, \nu = 2, r = 2$; $a_{\mu\nu} = a_{12} = R + S_1 S_2 S_3, a_{\mu\rho_1} = a_{13} = S_1 + T_1, a_{\rho_1 \rho_2} = a_{34} = S_2 + T_2, a_{\rho_2 \nu} = a_{42} = a_{24} = S_3 + T_3$

Se observă de pildă că prezența în jumătatea de deasupra diagonalei principale a elementului $a_{24} = a_{42} = S_3 + T_3$ asigură condiția de aplicare a teoremei pentru factorul S_3 care intervine în produsul $S_1 S_2 S_3$. Să menționăm un caz particular important în aplicații al acestei teoreme:

Să presupunem că în matricea A , pentru sistemul de noduri μ, ρ, ν avem:

$$a_{\mu\nu} = R + S_1 S_2 \\ a_{\mu\rho} = S_1 \\ a_{\rho\nu} = S_2$$

Deci $T_1 = 0, T_2 = 0, r = 1$.

Matricea simetrică B corespunzătoare are elementele

$$b_{\mu\nu} = R \\ b_{\alpha\beta} = a_{\alpha\beta} \quad (\alpha, \beta) = 1, 2, \dots, n \text{ și } (\alpha, \beta) \neq (\mu, \nu)$$

Să urmărim aplicarea teoremei II pentru acest caz particular.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} & \dots & a_{1\mu} & \dots & a_{1\nu} & \dots & a_{1\rho} & \dots & a_{1n} \\ & 1 & \dots & a_{2\mu} & \dots & a_{2\nu} & \dots & a_{2\rho} & \dots & a_{2n} \\ & & \dots & & & & & & & \\ & & & 1 & \dots & R + S_1 S_2 & \dots & S_1 & \dots & a_{\mu n} \\ & & & & \dots & & & & & \\ & & & & & 1 & \dots & S_2 & \dots & a_{\nu n} \\ & & & & & & \dots & & & \\ & & & & & & & 1 & \dots & a_{\rho n} \\ & & & & & & & & \dots & \\ & & & & & & & & & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{T_1} B = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} & \dots & a_{1\alpha} & \dots & v_{1\nu} & \dots & a_{1\rho} & \dots & a_{1n} \\ & 1 & \dots & a_{2\mu} & \dots & a_{2\nu} & \dots & a_{2\rho} & \dots & a_{2n} \\ & & \dots & & & & & & & \\ & & & 1 & \dots & R & \dots & S_1 & \dots & a_{\nu n} \\ & & & & \dots & & & & & \\ & & & & & 1 & \dots & S_2 & \dots & a_{\nu n} \\ & & & & & & \dots & & & \\ & & & & & & & 1 & \dots & a_{\rho n} \\ & & & & & & & & \dots & \\ & & & & & & & & & 1 \end{bmatrix}$$

În termenul $S_1 S_2$, din elementul $a_{\mu\nu}$, se constată prezența conductibilităților S_1 și S_2 care există în matrice la intersecția liniei μ cu coloana ρ respectiv la incidența liniei ρ cu coloana ν . Pentru factorul S_2 , deoarece am considerat numai jumătatea de deasupra diagonalei principale din matricea simetrică, verificăm existența conductibilității directe $a_{\nu\rho} = S_2$ la intersecția liniei ν cu coloana ρ . Putem considera că trecerea de la matricea A la matricea B , în baza teoremei II, se face prin absorbția termenilor produsului $S_1 S_2 \dots S_{r+1}$, care intervin în conductibilitatea directă de la incidența liniei μ cu coloana ν , de către conductibilitățile directe $a_{\mu\rho_1}, a_{\rho_1\rho_2}, \dots, a_{\rho_r\nu}$ din matrice. În cazul particular considerat mai sus, factorii S_1 și S_2 au fost absorbiți de către conductibilitățile directe $a_{\mu\rho}$ și $a_{\rho\nu}$ care există în matrice la incidența liniilor μ respectiv ν cu coloana ρ . Dacă considerăm întreaga matrice operațiile se execută la fel pentru termenii simetrici corespunzători.

IV.

Să presupunem că elementele liniilor și coloanelor μ și ν din matricea simetrică.

$$A = \{ a_{\alpha\beta} \}_{\alpha, \beta=1, 2, \dots, n}$$

sînt de forma :

$$a_{\mu\sigma} = a_{\sigma\mu} = P_\sigma + R_\sigma S$$

$$a_{\nu\sigma} = a_{\sigma\nu} = R_\sigma$$

unde μ și ν sînt fixe, iar $\sigma = 1, 2, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$.

$$a_{\mu\nu} = a_{\nu\mu} = T$$

$S, T, P_1, P_2, \dots, P_n, R_1, R_2, \dots, R_n$ sînt funcții booleene de variabilele $a, b, c, d, e, \dots$.

În schemă, între aceste noduri avem deci :

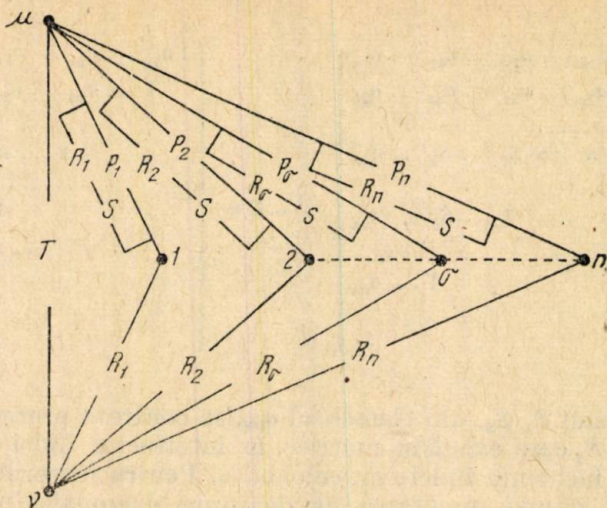


Fig. 6

Să considerăm o schemă nouă, tot cu n noduri, pentru care elementele matricei conductibilităților directe $B = \{b_{\alpha\beta}\}_{\alpha, \beta=1, 2, \dots, n}$ simetrice, sînt :

$$b_{\alpha\beta} = a_{\alpha\beta} \quad \alpha, \beta \neq \mu, \nu$$

$$b_{\mu\sigma} = b_{\sigma\mu} = P_{\sigma} \quad \sigma=1, 2, \dots, \mu-1, \mu+1, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n$$

$$b_{\nu\sigma} = b_{\sigma\nu} = R_{\sigma} = a_{\nu\sigma} = a_{\sigma\nu}$$

$$b_{\mu\nu} = b_{\nu\mu} = T + S$$

prin urmare în noua schemă între nodurile considerate avem :

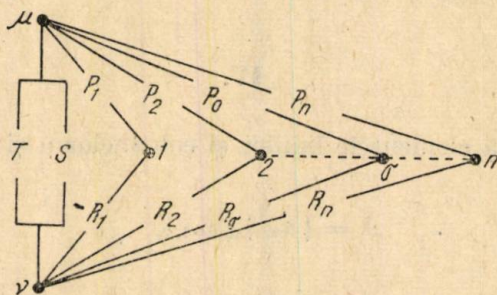


Fig. 7

Matricele conductibilităților directe asociate celor două scheme sînt :

$$A = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} \dots P_1 + R_1 S \dots R_1 \dots & a_{1n} \\ a_{21} & & \\ \vdots & & \\ P_1 + SR_1 & P_2 + SR_2 \dots & 1 & \dots & T \dots & P_n + SR_n \\ R_1 & R_2 & \dots & T & \dots & 1 & \dots & R_n \\ \vdots & & & & & & & \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & P_n + R_n S \dots R_n \dots & \dots & 1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & a_{12} \dots P_1 \dots & R_1 \dots a_{1n} \\ a_{21} & 1 & \dots & P_2 \dots & R_2 \dots a_{2n} \\ \vdots & & & & & \\ P_1 & R_2 \dots & 1 \dots & T+S & \dots & P_n \\ B_1 & B_2 \dots & T+S & \dots & 1 & \dots & R_n \\ \vdots & & & & & & \\ a_{n1} & a_{n1} \dots & P_n & \dots & R_n & \dots & 1 \end{bmatrix}$$

Putem interpreta trecerea de la matricea A la matricea B astfel : termenii R considerați în produsele din elementele liniei și coloanei μ sînt absorbiți de elementele liniei și coloanei ν în afară de conductibilitatea S care se însumează conductibilității directe T de la incidența liniei μ cu coloana ν respectiv a liniei ν cu coloana μ . Putem scrie deasemeni, ca și înainte, numai jumătatea de deasupra diagonalei principale în matricile A și B . Vom demonstra următoarea teoremă :

T e o r e m a I I I. Conductibilitățile totale considerate în cele două scheme între două noduri oarecare distincte de ν sînt egale :

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \quad \alpha, \beta = 1, 2, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n$$

Vom scrie

$$A \xrightarrow{T_2} B.$$

Demonstrație. a) Considerăm conductibilitatea totală între nodul μ și un nod oarecare al rețelei distinct de ν :

$$\begin{aligned} X_{\mu\nu}(A) &= X_{\mu\beta}(A) = \sum a_{\mu i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum a_{\mu \nu} a_{\nu h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_m \beta} = \\ &= \sum (P_{i_1} + SR_{i_1}) a_{i_1 i_2} + a_{i_m \beta} + \sum TR_{h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_m \beta} \end{aligned}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \mu-1, \mu+1, \dots, \beta-1, \beta+1, \dots, n$ cîte $m=0, 1, \dots, n-2$, fără ca produsele să conțină conductibilitatea directă $a_{\mu\nu}$ avînd nodurile μ și ν marginale, deci $i_1 = 1, 2, \mu-1, \mu+1, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n$,

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor $1, 2, \dots, \mu-1, \mu+1, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, \beta-1, \beta+1, \dots, n$ cîte $m = 0, 1, \dots, n-3$.

Descompunînd prima sumă obținem :

$$\sum P_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum SR_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta}$$

Termenii ultimei sume care conțin de două ori nodul ν sînt absorbiți de termenii respectivi din această sumă care conțin o singură dată nodul ν : (Fig. 8).

De pildă

$$SR_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_\sigma \nu} a_{\nu i_\tau} \dots a_{i_m \beta} =$$

$$SR_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots R_{i_\sigma} R_{i_\tau} \dots a_{i_m \beta} \subset SR_{i_\tau} \dots a_{i_m \beta}$$

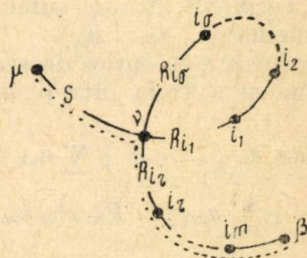


Fig. 8

Deci

$$\sum SR_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} = \sum SR_{h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_m \beta}$$

de unde :

$$\begin{aligned} X_{\mu\beta}(A) &= \sum P_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum (S + T) R_{h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_m \beta} = \\ &= \sum P_{i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{i_m \beta} + \sum (S + T) R_{h_1} b_{h_1 h_2} \dots b_{h_m \beta} = X_{\mu\beta}(B). \end{aligned}$$

b) Considerăm conductibilitatea totală între două noduri ale rețelei distincte de μ și ν :

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_{\rho\mu}} a_{\mu h_{\sigma}} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \\ + \sum' a_{\alpha k_1} \dots a_{k_{\rho\mu}} a_{\mu \nu} a_{\nu k_{\sigma}} \dots a_{k_{m\beta}}$$

$(i_1, i_2, \dots, i_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor 1, 2, $\alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, 2, \dots, n - 3$.

$(h_1, h_2, \dots, h_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor 1, 2, $\alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, 2, \dots, n - 3$ fără ca produsele să conțină conductibilitatea directă avînd nodurile μ și ν marginale.

$(k_1, k_2, \dots, k_m)$ parcurge toate aranjamentele posibile ale numerelor 1, 2, $\alpha - 1, \alpha + 1, \dots, \mu - 1, \mu + 1, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, \beta - 1, \beta + 1, \dots, n$ câte $m = 0, 1, \dots, n - 4$. În această sumă intervin deasemeni și termenii care conțin factorul $a_{k_{\sigma\nu}} a_{\nu\mu} a_{\mu k_{\rho}}$.

$$X_{\alpha\beta}(A) = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots (P_{h\rho} + R_{h\rho} S) (P_{h\sigma} + \\ + S R_{h\sigma}) a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \sum a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots (P_{k\rho} + R_{k\rho} S) T R_{k\sigma} \dots a_{k_{m\beta}}$$

Descompunem suma făcută asupra indicilor $(h_1, h_2, \dots, h_m)$:

$$\sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots P_{h\rho} P_{h\sigma} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots P_{k\rho} S R_{h\sigma} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \\ + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots R_{k\rho} S P_{h\sigma} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots R_{h\rho} S S R_{h\sigma} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}}$$

— Termenii din suma a doua care conțin de două ori nodul ν sînt absorbiți de termenii respectivi din această sumă care îl conțin o singură dată în cazul cînd nodul μ nu aparține circuitului din bucla ce se formează în nodul ν și sînt absorbiți de termenii sumei făcută asupra indicilor $(i_1, i_2, \dots, i_m)$ în caz contrar. Din această sumă vor rămîne deci numai conductibilitățile lanțurilor corespunzătoare aranjamentelor $(k_1, k_2, \dots, k_m)$.

— La fel pentru termenii din suma a treia.

— Termenii ultimei sume sînt absorbiți de termenii sumei făcute asupra indicilor $(i_1, i_2, \dots, i_m)$.

Conform convenției de scriere adoptată [Teorema I, c)] strîngem suma a doua și a treia într-o singură sumă:

$$\sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum a_{\alpha h_1} a_{h_1 h_2} \dots a_{h_{\rho\mu}} a_{\mu h_{\sigma}} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} = \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \\ + \sum a_{\alpha h_1} \dots P_{h\rho} P_{h\sigma} a_{h_{\sigma} h_{\tau}} \dots a_{h_{m\beta}} + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots P_{k\rho} S R_{k\sigma} \dots a_{k_{m\beta}}$$

Descompunînd suma referitoare la indicii $(k_1, k_2, \dots, k_m)$ obținem:

$$\sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots P_{k\rho} T R_{k\sigma} \dots a_{k_{m\beta}} + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots R_{k\rho} S T R_{k\sigma} \dots a_{k_{m\beta}}$$

— Termenii sumei a doua sînt absorbiți de termenii corespunzători din suma făcută asupra indicilor $(i_1, i_2, \dots, i_m)$. (La fel pentru termenii care conțin factorul $a_{k_{\sigma\nu}} a_{\nu\mu} a_{\mu k_{\rho}}$).

Prin urmare :

$$\begin{aligned} X_{\alpha\beta}(A) &= \sum \alpha_{i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{i_m \beta} + \sum a_{\alpha h_1} \dots P_{h\rho} P_{h\sigma} a_{h\sigma h\tau} \dots a_{hm\beta} + \\ &+ \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots P_{h\rho} S R_{k\sigma} \dots a_{km\beta} + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots P_{k\rho} T R_{k\sigma} \dots a_{km\beta} = \\ &= \sum a_{\alpha i_1} a_{i_1 i_2} \dots a_{im\beta} + \sum a_{\alpha h_1} \dots P_{h\rho} P_{h\sigma} a_{h\sigma h\tau} \dots a_{hm\beta} + \sum' a_{\alpha k_1} a_{k_1 k_2} \dots P_{k\rho} (S + \\ &+ T) R_{k\sigma} \dots a_{km\beta} = \sum b_{\alpha i_1} b_{i_1 i_2} \dots b_{im\beta} + \sum b_{\alpha h_1} \dots P_{h\rho} P_{h\sigma} b_{h\sigma h\tau} \dots b_{hm\beta} + \\ &+ \sum' b_{\alpha k_1} b_{k_1 k_2} \dots b_{k\rho\mu} b_{\mu\nu} b_{\nu k\sigma} \dots b_{km\beta}. \end{aligned}$$

Deci :

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)_{\alpha, \beta = 1, 2, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n. \atop q. e. d.}$$

Să ilustrăm aplicarea teoremei III printr-un exemplu :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a & b+c(d+h) & c \\ & 1 & e+f(d+h) & f \\ & & 1 & g \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_3} B = \begin{pmatrix} 1 & a & b & c \\ & 1 & e & f \\ & & 1 & g+(d+h) \\ & & & 1 \end{pmatrix}$$

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)$$

$$\alpha, \beta = 1, 2, 3$$

unde $\mu = 3$, $\nu = 4$, $S = d + h$, $T = g$.

Se observă prezența termenilor $a_{14} = R_1 = c$, $a_{24} = R_2 = f$ în coloana ν și în produsele din conductibilitățile directe din coloana μ .

În aplicații vom utiliza această teoremă mai ales în cazul cînd $a_{\mu\nu} = 0$. Sub această formă teorema se dovedește utilă pentru considerarea de conductibilități directe între vechile noduri ale rețelei și nodurile suplimentare introduse în baza teoremei I. Astfel nodurile suplimentare introduse prin operația de dilatare devin puncte de incidență pentru diferite ramuri în noile scheme. Deși conform enunțului conductibilitățile totale între nodul ν și un nod oarecare al schemei nu se conservă, deoarece conductibilitățile totale între un nod suplimentar și celelalte noduri ale schemei nu sînt date prin condițiile de funcționare deci nu sînt obligate să rămînă invariabile, această teoremă se poate în general aplica fără restricții. Să mai considerăm un exemplu :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & abc & g & a \\ & 1 & h+dbc & o \\ & & 1 & d \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_3} B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & g & a \\ & 1 & h & bc \\ & & 1 & d \\ & & & 1 \end{pmatrix}$$

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)_{\alpha, \beta = 1, 2, 3.}$$

unde :

$\mu = 2$, $\nu = 4$, $a_{42} = a_{24} = T = 0$, $S = bc$, $P_1 = 0$, $P_3 = h$, $R_1 = a$, $R_3 = d$.

Se observă că toate elementele din linia și coloana μ în afară de $a_{\mu\nu}$ prezintă în produsele pe care le conțin, factorul $S = bc$.

Folosind teoremele demonstrate vom putea trece de la formulele de structură obținute prin procedeele de sinteză a schemelor de clasă π conform

programului dat, la scheme în care intervenind și circuite în punte, să avem un număr mai mic de contacte.

Aceste trei teoreme se pot aplica în cazul general cînd se dau conductibilitățile totale între mai multe perechi de noduri și vrem să realizăm sinteza schemei care să prezinte între aceste noduri conductibilitățile totale date.

În exemplele care urmează vom presupune că se dă formula de structură deci conductibilitatea totală între două noduri pe care le putem considera că sînt nodurile 1 și 2.

Deoarece în programul dat se pun în evidență numai aceste două noduri, înseamnă că la ele se va conecta sursa de alimentare sau alte scheme.

Se numesc poli nodurile la care se conectează surse de energie, sarcini sau alte scheme.

Exemplu I. Să se construiască dipolul fără elemente redresoare avînd :

$$X_{12}(A) = aed + bec + ac + bd = a(c + ed) + b(d + ec)$$

a, b, c, d, e , fiind conductibilitățile contactelor respective.

Schema π corespunzătoare conține opt contacte :

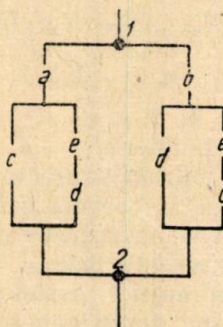


Fig. 9 a

Pentru a putea aplica teorema I asupra unui număr mai mare de termeni transcriem expresia dată în forma următoare :

$$X_{12}(A) = a(c + ed) + be(c + ed) + bd = (a + be)(c + ed) + bd$$

unde termenul suplimentar $beed$ este absorbit de bd :
 $beed \subset bd$

Schema corespunzătoare este reprezentată în fig. 9 b.
Matricea

$$X(A) = \begin{Bmatrix} 1 & (a + be)(c + ed) + bd \\ (a + be)(c + ed) + bd & 1 \end{Bmatrix}$$

formată cu conductibilitățile totale o putem considera ca fiind matricea conductibilităților directe (minorul elementului a_{12} deci $X_{12}(A)$ este el însuși).

Să remarcăm de asemeni că între nodurile 1 și 2, nu s-a considerat încă nici un nod deci conform definiției conductibilității directe (I), $a_{12} = (a + be)(c + ed) + bd$.

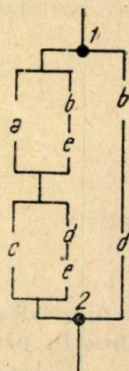


Fig. 9 b

Matricea fiind simetrică vom scrie numai jumătatea de deasupra diagonalei principale :

$$A = \begin{Bmatrix} 1 & (a+be)(c+ed)+bd \\ & 1 \end{Bmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{Bmatrix} 1 & bd & a+be \\ & 1 & c+ed \\ & & 1 \end{Bmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{Bmatrix} 1 & 0 & a+be & b \\ & 1 & c+de & d \\ & & 1 & 0 \\ & & & 1 \end{Bmatrix}$$

Schema corespunzătoare ultimei matrice este aceeași cu precedenta în care considerăm nodurile 3 și 4.

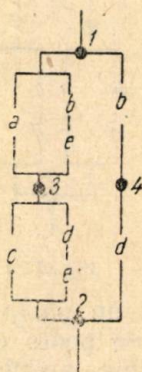


Fig. 9 c

În baza Teoremei III obținem :

$$\begin{Bmatrix} 1 & 0 & a+be & b \\ & 1 & c+de & d \\ & & 1 & 0 \\ & & & 1 \end{Bmatrix} \xrightarrow{T_3} \begin{Bmatrix} 1 & 0 & a & b \\ & 1 & c & d \\ & & 1 & e \\ & & & 1 \end{Bmatrix}$$

Schema în punte corespunzătoare matricei finale conține cinci componente :

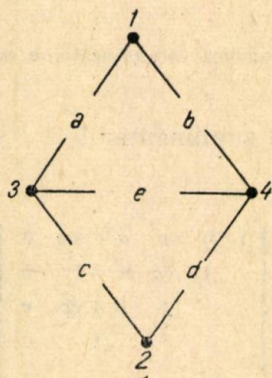


Fig. 10

Exemplul II. Să se construiască o schemă astfel ca elementul executiv să fie acționat în următoarele condiții :

— Când se închide unul dintre contactele a sau b sau c .

— Când se închid toate aceste trei contacte.

În orice altă situație X rămâne neacționat.

Formula de structură este în acest caz : *)

$$X_{12}(A) = a\bar{b}\bar{c} + \bar{a}b\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c + abc = a(\bar{b}\bar{c} + bc) + \bar{a}(\bar{b}c + b\bar{c})$$

Schema π corespunzătoare conține 10 contacte :

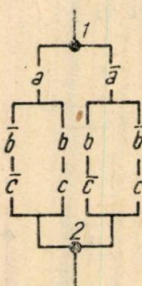


Fig. 11 a

Procesul de simplificare nu poate fi împins mai departe pe baza studiului formelor canonice. Se poate continua însă simplificarea, prin introducerea circuitelor în punte, aplicându-se metoda prezentată.

Matricea conductibilităților directe corespunzătoare schemei precedente este :

$$A = \begin{Bmatrix} 1 & a(\bar{b}\bar{c} + bc) + \bar{a}(\bar{b}c + b\bar{c}) & & \\ & & 1 & \\ & & & 1 \end{Bmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{Bmatrix} 1 & \bar{a}(\bar{b}\bar{c} + \bar{b}c) & a & \\ & 1 & \bar{b}\bar{c} + bc & \\ & & & 1 \end{Bmatrix} \rightarrow$$

$$\xrightarrow{T_1} \begin{Bmatrix} 1 & 0 & a & \bar{a} \\ & 1 & \bar{b}\bar{c} + bc & \bar{b}\bar{c} + \bar{b}c \\ & & 1 & 0 \\ & & & 1 \end{Bmatrix}$$

Schema corespunzătoare este :

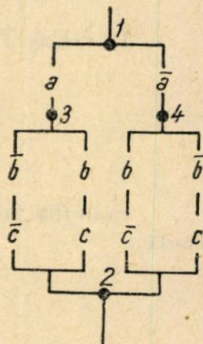


Fig. 11 b

Introducem și nodul suplimentar 5 :

$$\xrightarrow{T_1} \begin{Bmatrix} 1 & 0 & \bar{a} & a & 0 \\ & 1 & \bar{b}\bar{c} & \bar{b}\bar{c} + \bar{b}c & b \\ & & 1 & 0 & c \\ & & & 1 & 0 \\ & & & & 1 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 1 & 0 & a & \bar{a} + 0.\bar{c} & 0 \\ & 1 & \bar{b}\bar{c} & \bar{b}\bar{c} + \bar{b}c & b \\ & & 1 & 0 + c\bar{c} & c \\ & & & 1 & 0 \\ & & & & 1 \end{Bmatrix}$$

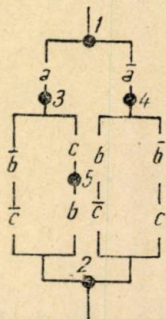


Fig. 11 c

*) M. A. Gavrilov [2]

Am adăugat termenii $\bar{o}c = o$ și $c\bar{c} = 0$ pentru a pune în evidență îndeplinirea condițiilor de aplicare a teoremei III.

$$\xrightarrow{T_3} \left\{ \begin{array}{cccccc} 1 & 0 & a & \bar{a} & 0 & \\ & 1 & \bar{b}c & \bar{b}c & b & \\ & & 1 & 0 & c & \\ & & & 1 & \bar{c} & \\ & & & & & 1 \end{array} \right\}$$

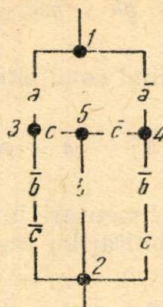


Fig. 12 a

Introducem nodul suplimentar 6 :

$$\xrightarrow{T_1} \left\{ \begin{array}{cccccc} 1 & 0 & a & \bar{a} + oc & o & o \\ & 1 & 0 & \bar{b}c & b & \bar{b} \\ & & 1 & o + c\bar{c} & c & \bar{c} \\ & & & 1 & \bar{c} + oc & 0 \\ & & & & 1 & 0 \\ & & & & & 1 \end{array} \right\}$$

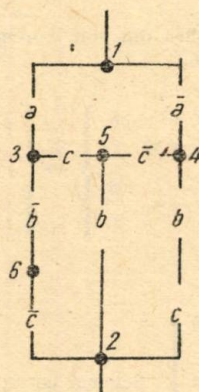


Fig. 12 b

Aplicând din nou teorema III :

$$\xrightarrow{T_3} \left\{ \begin{array}{cccccc} 1 & 0 & a & \bar{a} & 0 & 0 \\ & 1 & 0 & 0 & b & \bar{b} \\ & & 1 & 0 & c & \bar{c} \\ & & & 1 & \bar{c} & c \\ & & & & 1 & 0 \\ & & & & & 1 \end{array} \right\}$$

Schema finală conține 8 contacte :

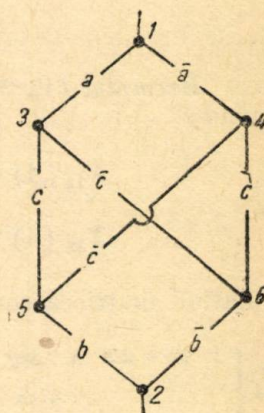


Fig. 12 c

Exemplul III. Să se construiască dipolul fără elemente redresoare avînd :

$$X_{12}(A) = gh + gec + abc + adh + gabc + abeh + adeg$$

a, b, c, d, e, g, h , fiind conductibilitățile contactelor din schemă.

$$X_{12}(A) = (h + ec + dbc)(g + ad + abe) + abc$$

unde termenii suplimentari introduși sînt absorbiți de cei vechi. Dilatînd matricea conductibilităților directe inițială obținem :

$$\xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & abc & g+ad+abc & \\ & 1 & h+ec+dbc & \\ & & 1 & \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & abc & g+abe & a \\ & 1 & h+ec+dbc & 0 \\ & & 1 & d \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_3} \begin{pmatrix} 1 & 0 & g+abe & a \\ & 1 & h+ec & bc \\ & & 1 & d \\ & & & 1 \end{pmatrix}$$

Pentru a putea aplica din nou teorema III considerăm în conductibilitatea directă a_{23} și termenul $bcbe \subset ce$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & g+abe & a \\ & 1 & h+ec+bcbe & bc \\ & & 1 & d \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & g & a \\ & 1 & h+ce & bc \\ & & 1 & d+be \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & 0 & g+oe & a & 0 \\ & 1 & h+ce & 0 & c \\ & & 1 & d+be & 0 \\ & & & 1 & b \\ & & & & 1 \end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{T_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & g & a & 0 \\ & 1 & h & 0 & c \\ & & 1 & d & e \\ & & & 1 & b \\ & & & & 1 \end{pmatrix} \quad \text{Schema corespunzătoare este :}$$

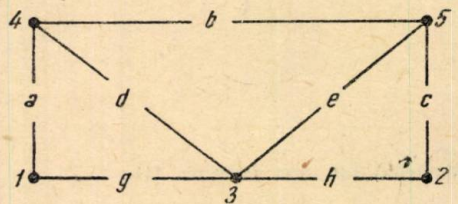


Fig. 13

Exemplul IV. Să se construiască un dipol fără elementele redresoare avînd :

$$X_{12}(A) = ac + dh + agb + deb + ageh + degc$$

$$X_{12}(A) = (a + deg)(c + gb + geh) + dh + deb$$

Dilatînd matricea conductibilității directe de ordinul 2 obținem :

$$\xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & dh+deb & a+deg \\ & 1 & c+gb+geh \\ & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & deb & a+deg & d \\ & 1 & e+gb+geh & h \\ & & 1 & 0 \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_3} \begin{pmatrix} 1 & deb & a & d \\ & 1 & c+gb & h \\ & & 1 & eg \\ & & & 1 \end{pmatrix}$$

Considerăm în expresia conductibilității directe a_{23} termenul suplimentar $ge\ be\ \subset\ gb$.

$$\begin{pmatrix} 1 & deb & a & d \\ & 1 & c + gb + ge & h \\ & & 1 & ge \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_3} \begin{pmatrix} 1 & 0 & a & d \\ & 1 & c + bg & h + be \\ & & 1 & ge \\ & & & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{T_1} \begin{pmatrix} 1 & o + ob & a & d & 0 \\ & 1 & c + gb & h + be & 0 \\ & & 1 & 0 & g \\ & & & 1 & e \\ & & & & 1 \end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{T_3} \begin{pmatrix} 1 & 0 & a & d & 0 \\ & 1 & c & h & b \\ & & 1 & o & g \\ & & & 1 & e \\ & & & & 1 \end{pmatrix}$$

Schema corespunzătoare este :

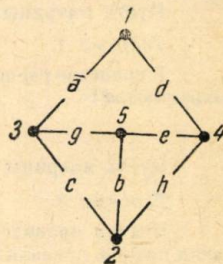


Fig. 14

Exemplele precedente au ilustrat procesul de sinteză al dipolilor scoțind în special în relief trecerea de la schemele cu circuite serie-paralel, a căror sinteză se realizează relativ ușor, la scheme în care reducem numărul de contacte introducând circuite în punte.

Să remarcăm că în procesul de dilatare conform teoremei I rămân invariante numai conductibilitățile totale considerate între perechile de noduri ale schemei inițiale. De pildă în exemplul I, conductibilitatea totală $X_{12}(A) = X_{21}(A)$ este singura care rămâne invariantă după prima dilatare și operațiile care urmează acesteia.

Deasemenea am văzut că, pentru realizarea condițiilor de aplicare a teoremei III, uneori a fost necesar să considerăm termeni suplimentari lucru care se poate face totdeauna dacă acești termeni sînt absorbiți de cei existenți în conductibilitățile directe din matricile intermediare sau de termenii din formula de structură.

Catedra de Algebră
Facultatea Fizico-Matematică
București

BIBLIOGRAFIE

- [¹] A. Г. Лунц. Алгебраические методы анализа и синтеза контактных схем. Изд. Ак. Наук СССР Сер, матем, 1952.
- [²] М. А. Гаврилов. Теория релейно-контактных схем. Изд. Акад. Наук СССР Moskova-Leningrad 1950.
- [³] Gr. C. Moisil. Lecții asupra teoriei algebrice a mecanismelor automate profesate la I.C.E.T. (poligrafiate). București 1953-54.

ОБ УМЕНЬШЕНИИ ЧИСЛА КОНТАКТОВ ИСПОЛЬЗУЯ МОСТИКОВЫЕ ЦЕПИ

В настоящей статье используется матричный метод изображения схем А. Г. Лунца [1] (для схем безвентильных элементов).

Если известна структурная формула (полная проводимость) между двумя узлами, задается целью получить эквивалентную по работе схему, содержащую мостиковые цепи и в которой число контактов было бы меньше.

Для этого доказываются три теоремы, согласно которым любой данной полной проводимости соответствует последовательность матриц непосредственных проводимостей ассоциированных эквивалентным, по срабатыванию с исходной, схемам, но которые в отличие от исходной схемы содержат и мостиковые цепи.

Пусть матрицы A и B (II):

Теорема 1.

В процессе расширения полные проводимости соответствующие парам узлов $1, 2, \dots, n$ сохраняются:

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \quad \alpha, \beta = 1, 2, \dots, n.$$

Пусть матрицы A и B (III):

Теорема 2.

Полная проводимость рассмотренная между любой парой узлов в первой схеме равна полной проводимости рассмотренной между теми же узлами во второй схеме:

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \quad \alpha, \beta = 1, 2, \dots, n.$$

Пусть матрицы A и B (IV):

Теорема 3.

Полные проводимости рассмотренные в тех двух схемах между двумя любыми отличными от ν узлами, равны:

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \quad \alpha, \beta = 1, 2, \dots, \nu-1, \nu+1, \dots, n.$$

Даются 4 примера.

SUR LE DECROISSEMENT DU NOMBRE DES CONTACTS EN UTILISANT CIRCUITES EN PONT

Résumé

L'Auteur utilise la méthode matricielle due à A. G. L o u n t z [1] pour les schémas à contacts et relais.

Etant donnée la formule de structure (la conductibilité totale) entre deux noeuds, l'auteur se propose d'obtenir un schéma équivalent en ce qui concerne le fonctionnement avec un nombre plus petit de contacts.

C'est pour cela qu'on démontre trois théorèmes qui permettent associer à une conductibilité totale donnée une succession de matrices de conductibilités directes qui sont équivalentes en ce qui concerne le fonctionnement avec la matrice initiale, mais qui contiennent des circuits en pont.

Soit les matrices A et B (II)

Théorème 1.

Dans le procès de dilatation les conductibilités totales qui correspondent aux noeuds $1, 2, \dots, n$, se conservent:

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B)$$

$$\alpha, \beta = 1, 2, \dots, n.$$

Soit les matrices A et B (III).

Théorème 2.

La conductibilité totale considérée entre deux noeuds quelconques dans le premier schéma est égale avec la conductibilité totale considérée entre les mêmes noeuds dans le deuxième :

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \\ \alpha, \beta = 1, 2, \dots, n$$

Soit les matrices A et B (IV)

Théorème 3.

Les conductibilités totales considérées dans les deux schémas entre deux noeuds quelconques qui sont distincts du noeud ν sont égales.

$$X_{\alpha\beta}(A) = X_{\alpha\beta}(B) \\ \alpha, \beta = 1, 2, \dots, \nu - 1, \nu + 1, \dots, n$$

Dans le dernier paragraphe on donne 4 exemples.

ASUPRA LINIILOR DE FORȚE MAGNETICE

S. KLARSFELD

Determinarea liniilor de forță ale câmpului magnetic creat de o distribuție oarecare de curenți staționari revine, din punct de vedere matematic, la integrarea sistemului diferențial dinamic (autonom)

$$\frac{dx}{B_x(x, y, z)} = \frac{dy}{B_y(x, y, z)} = \frac{dz}{B_z(x, y, z)} = dt, \quad (1)$$

sau, cu notațiile vectoriale,

$$\vec{ds} = \vec{B} dt, \quad \vec{B} = \vec{B}(x, y, z). \quad (1')$$

Orice soluție

$$x = f(t), \quad y = g(t), \quad z = h(t) \quad (2)$$

a sistemului diferențial (1) reprezintă o linie de forță și reciproc.

În cele ce urmează vom lucra în aproximația curenților filiformi limitându-ne la cazul câmpului magnetic creat în vid de un singur curent. În acest caz, conform teoremei lui Biot și Savart, vectorul inducție magnetică $\vec{B}$ este dat de formula

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \oint \frac{\vec{ds} \times \vec{r}}{r^3}, \quad (3)$$

unde $\vec{r}$ este raza vectorie a punctului în care se calculează câmpul dusă dela elementul de linie $\vec{ds}$. Calculul efectiv al integralei din (3) este posibil numai pentru un număr restrâns de circuite simple, iar integrarea sistemului (1) cu expresiile astfel obținute pentru B_x , B_y , B_z constituie, bineînțeles, o problemă și mai greu de rezolvat. Integrarea a putut fi totuși dusă pînă la capăt în cazul unui curent rectiliniu infinit, în cazul unui curent circular [1], precum și în cazul citorva sisteme speciale de curenți rectilinii infiniți [2 — 8]. În toate aceste cazuri liniile de forță magnetice sînt sau curbe închise, sau curbe cu ambele capete la infinit. De obicei se consideră că liniile de forță magnetice nu pot fi decît de aceste două tipuri și se pune faptul pe seama inexistenței „sarcinilor” magnetice libere ($\text{div } \vec{B} = 0$). În realitate, de aci nu rezultă decît că nu pot exista în câmp puncte de convergență (sau divergență) a liniilor de forță și nicidecum vreo limitare cu privire la forma acestora. Se pot construi exemple de sisteme de curenți care să dea linii de forță *deschise*, infinite în ambele sensuri, dar rămînînd în întregime la distanță finită [9], sau linii de forță deschise, de lungime

finită sau infinită, avînd un capăt, respectiv amîndouă, la distanță finită. Se poate spune cu certitudine că, spre deosebire de cîmpul electric, unde există restricții asupra tipului liniilor de forță, în cîmpul magnetic nu există nici o asemenea restricție. Aci se pot realiza toate tipurile posibile de linii de forță. Deaceia, problema tipurilor efectiv realizate de linii de forță trebuie analizată în fiecare caz concret în parte.

În lucrarea de față ne propunem să arătăm că se pot obține informații foarte precise asupra tipului liniilor de forță magnetice prin raționamente generale, care nu necesită cunoașterea expresiei explicite a lui $\vec{B}$. Ne vom limita deocamdată la studiul cîmpului magnetic creat de un curent *plan și convex*, în rest absolut oarecare ca formă. Vom lua planul circuitului ca plan xy , iar origina O ne-o vom alege undeva în interiorul domeniului plan D limitat de circuitul Γ . Sensurile pozitive pe axe le vom lua astfel încît în planul xy curentul să parcurgă circuitul în sensul trigonometric pozitiv. În sfîrșit, vom introduce o a treia axă oz , care să formeze împreună cu celelalte două un triedru cartezian drept. Fie $(\xi, \eta, 0)$ coordonatele unui punct al circuitului Γ și (x, y, z) coordonatele punctului P unde calculăm cîmpul. Componentele lui $\vec{B}$ se pot scrie atunci astfel:

$$B_x(x, y, z) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} z \oint_{\Gamma} \frac{d\eta}{r^3}, \quad (4)$$

$$B_y(x, y, z) = -\frac{\mu_0 I}{4\pi} z \oint_{\Gamma} \frac{d\xi}{r^3}, \quad (5)$$

$$B_z(x, y, z) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \oint_{\Gamma} \frac{(y - \eta) d\xi - (x - \xi) d\eta}{r^3}, \quad (6)$$

unde $r^2 = (x - \xi)^2 + (y - \eta)^2 + z^2$.

1. Se poate arăta, mai întîi, că *nu există linii de forță cu capete la distanță finită*. Aceasta înseamnă că sistemul (1) nu are puncte singulare (în care $B_x = B_y = B_z = 0$).

Demonstrația se face separat pentru punctele din planul circuitului și separat pentru cele din restul spațiului. α) În planul circuitului ($z = 0$) numai componenta B_z este diferită de zero. Introducînd coordonate polare cu polul în punctul $P(x, y, 0)$ în care calculăm cîmpul, îl putem scrie pe B_z sub forma

$$B_z(x, y, 0) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \oint_{\Gamma} \frac{d\theta}{r}. \quad (7)$$

Dacă $P \in \text{Int } D$, atunci, deoarece curba este convexă, fiecărui θ îi corespunde un r bine determinat și formula (7) ne dă

$$B_z(x, y, 0) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_0^{2\pi} \frac{d\theta}{r(\theta)} \quad ((x, y, 0) \in \text{Int } D), \quad (7')$$

de unde se vede că $B_z > 0$. Dacă $P \in \text{Ext } D$, atunci întregul circuit este conținut între două raze (θ_1 și $\theta_2 > \theta_1$) și fiecărui θ cuprins între θ_1 și θ_2

fi corespund două puncte pe circuit. Notînd prin r_a distanța de la punctul P pînă la cel mai depărtat din aceste puncte și prin r_b distanța pînă la cel mai apropiat, obținem din (7)

$$B_z(x, y, 0) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_{\theta_1}^{\theta_2} \left[\frac{1}{r_a(\theta)} - \frac{1}{r_b(\theta)} \right] d\theta \quad ((x, y, 0) \in \text{Ext } D). \quad (7'')$$

Deoarece $r_a(\theta) > r_b(\theta)$ pentru $\theta_1 < \theta < \theta_2$ rezultă că în acest caz $B_z < 0$.
 β) În restul spațiului se poate anula oricare din cele trei componente ale lui $\vec{B}$, dar nu toate trei simultan. Pentru a arăta aceasta este suficient să formăm proiecția lui $\vec{B}$ pe direcția razei vectoriale $\vec{r}_0$ a punctului $P(x, y, z)$ față de origină. Introducînd din nou coordonate polare ρ, θ în planul circuitului, cu polul în origină, obținem

$$\vec{B} \cdot \frac{\vec{r}_0}{r_0} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{z}{r_0} \int_0^{2\pi} \frac{\rho^2}{r^3} d\theta. \quad (8)$$

Funcțiunile $\rho = \rho(\theta)$ și $r = r(\theta)$ sînt uniforme și, evident, integrala e pozitivă. Cum pe de altă parte $z \neq 0$, de aci rezultă $\vec{B} \cdot \frac{\vec{r}_0}{r_0} \neq 0$, deci $\vec{B} \neq 0$.

2. Orice linie de forță trebuie să conțină cel puțin un punct din D . Cu alte cuvinte, toate liniile de forță străbat circuitul Γ . Demonstrația se face ușor cu ajutorul potențialului scalar magnetic (multiform)

$$V_m = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \Omega(x, y, z) \quad (9)$$

unde $\Omega(x, y, z)$ reprezintă unghiul solid sub care se vede din punctul $P(x, y, z)$ fața pozitivă a unei foițe magnetice echivalente cu curentul. Vom lucra cu foița plană, care coincide cu D . În spațiul „tăiat” după domeniul D (inclusiv frontiera lui, Γ) adică pe scurt, în $\mathcal{R}^3 - (D + \Gamma)$, potențialul V_m este uniform, Ω variînd între -2π și $+2\pi$ și anulîndu-se la infinit. Pe o linie de forță L care nu ar conține nici un punct din D , deci care s-ar găsi în întregime în $\mathcal{R}^3 - (D + \Gamma)$, am avea atunci

$$\int_{P_1}^{P_2} \vec{B} \cdot d\vec{s} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} [\Omega(P_1) - \Omega(P_2)], \quad (10)$$

P_1 și P_2 fiind două puncte oarecare pe L . Deoarece L nu poate avea capete la distanță finită, ea nu poate fi decît o curbă închisă sau o curbă deschisă infinită în ambele sensuri. Primul caz este evident imposibil, deoarece integrala din (10) ar fi esențialmente pozitivă ($\vec{B} \parallel d\vec{s}$, deci $\vec{B} \cdot d\vec{s} > 0$),

iar paranteza din membrul al doilea s-ar anula. În cazul al doilea, luând arcul s ca parametru pe curba L , am avea

$$\int_{-\infty}^{+\infty} B(s) ds = \frac{\mu_0 I}{4\pi} [\Omega(-\infty) - \Omega(+\infty)]. \quad (11)$$

Dacă L , fiind infinită în ambele sensuri, s-ar găsi în întregime la distanță finită, adică dacă ar exista o sferă de rază R , care să conțină în interior întreaga curbă L , atunci integrala din membrul întâi ar fi cu siguranță divergentă, în timp ce membrul al doilea ar avea o valoare finită, ceea ce e absurd. Dacă L ar pleca la infinit numai într-un singur sens, atunci s-ar obține aceeași contradicție. În sfârșit, dacă L ar pleca la infinit în ambele sensuri, atunci s-ar regăsi contradicția din primul caz (L închis).

3. *Toate liniile de forță sînt simetrice față de planul circuitului Γ .*

Intr-adevăr, din formulele (4), (5) și (6) se vede că componentele lui $\vec{B}$ se bucură de următoarele proprietăți de simetrie :

$$B_x(x, y, -z) = -B_x(x, y, z), \quad B_y(x, y, -z) = -B_y(x, y, z), \\ B_z(x, y, -z) = B_z(x, y, z). \quad (12)$$

Să considerăm un punct $P_0(x_0, y_0, 0)$ în interiorul lui D . Fie L linia de forță care trece prin acel punct și fie

$$x = f(t), \quad y = g(t), \quad z = h(t) \quad (13)$$

soluția corespunzătoare a sistemului (1), definită pentru $t \geq 0$, cu condițiile inițiale

$$f(0) = x_0, \quad g(0) = y_0, \quad h(0) = 0. \quad (14)$$

Din relațiile (12) rezultă că soluția (13) poate fi prelungită pentru $t < 0$ prin simetrie față de planul circuitului, adică funcțiunile

$$x = \bar{f}(t) = f(-t), \quad y = \bar{g}(t) = g(-t), \quad z = \bar{h}(t) = -h(-t), \quad (15)$$

definite pentru $t < 0$ (căci atunci $-t > 0$) reprezintă deasemenea o soluție a sistemului (1). Pentru $t = 0$ soluția (15) coincide evident cu (13), adică reprezintă efectiv o prelungire a acesteia.

4. *Liniile de forță ale circuitului Γ sînt sau curbe închise, care înconjoară curenții, sau curbe deschise cu ambele capete la infinit.* Acest fapt este o consecință directă a proprietății de simetrie semnalată mai sus. Intr-adevăr, pentru soluția (13) se pot distinge numai două cazuri : sau α) există un $T > 0$, astfel încît $h(T) = 0$, ceea ce înseamnă că curba L mai întâlnește odată planul circuitului, sau β) $h(t) > 0$ pentru orice $t > 0$, adică curba L nu mai întâlnește niciodată planul circuitului. În primul caz, evident, soluția este periodică, cu perioada $2T$ și linia de forță corespunzătoare este închisă. Faptul că ea trebuie neapărat să înconjoare curenții rezultă imediat din (10). În cazul al doilea rămîne să arătăm că linia L pleacă la infinit. Pentru aceasta vom utiliza din nou potențialul V_m . Luînd origina arcelor pe L în punctul $P_0(x_0, y_0, 0)$, putem scrie

$$\int_0^{+\infty} B(s) ds = \frac{\mu_0 I}{4\pi} [2\pi - \Omega(+\infty)]. \quad (16)$$

Dacă linia L s-ar găsi toată la distanță finită, atunci integrala ar fi divergentă, în timp ce $\Omega(+\infty)$ ar avea o valoare cuprinsă între 0 și 2π și deci membrul al doilea ar fi finit. Nu mai rămîne, așa dar, decît posibilitatea indicată în enunț. În acest caz $\Omega(+\infty) = 0$ și am avea

$$\int_0^{+\infty} B(s) ds = \frac{1}{2} \mu_0 I, \quad (17)$$

în concordanță cu legea lui Ampère.

BIBLIOGRAFIE

- [1] *Enc. der Math. Wiss.* V/2, 1922, pag. 431—440.
- [2] S. Ștefănescu; *Bull. de Math. et de Phys. de l'Ec. Polyt.* V, 1933—1934, pag. 123; VI, 1934—1935, pag. 171.
- [3] — Ibidem, VII, 1935—1936, pag. 124.
- [4] — Ibidem, VIII, 1936—1937, pag. 168.
- [5] — *Com. Acad. R.P.R.*, I. 1951, pag. 769.
- [6] — *St. și Cerc. de Fizică*, t. IV, nr. 3—4, 1953, pag. 195.
- [7] — Ibidem, t. V, nr. 1—2, 1954, pag. 63.
- [8] — Ibidem, t. VI, nr. 3, 1955, pag. 459.
- [9] I. E. Tamm : *Bazele teoriei electricității*, Ed. Tehnică, 1952, pag. 284.

О МАГНИТНЫХ СИЛОВЫХ ЛИНИЯХ

Доказывается что силовые линии магнитного поля, обусловленного плоским и выпуклым линейным током (в остальном абсолютно произвольной форме) являются либо закрытыми кривыми, обходящими ток, либо открытыми кривыми, уходящими в бесконечность, симметричными в обоих случаях относительно плоскости тока.

SUR LES LIGNES DE FORCE MAGNÉTIQUES

Résumé

On démontre que les lignes de force du champ magnétique créé par un courant filiforme, plan et convexe (d'une forme absolument arbitraire au reste), sont soit des courbes fermées, qui entourent le courant, soit des courbes ouvertes, aux extrémités à l'infini, symétriques dans les deux cas par rapport au plan du courant.

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
DIVISION OF THE PHYSICAL SCIENCES
DEPARTMENT OF CHEMISTRY
CHICAGO, ILLINOIS 60637

TO THE EDITOR:
I have the honor to acknowledge the receipt of your letter of the 10th inst. regarding the matter mentioned therein.

I am sorry that I cannot give you a more definite answer at this time, but I am sure that you will understand the necessity of this delay. I am sure that you will find the results of the work done in this laboratory to be of interest to you.

I am sure that you will find the results of the work done in this laboratory to be of interest to you. I am sure that you will find the results of the work done in this laboratory to be of interest to you.

I am sure that you will find the results of the work done in this laboratory to be of interest to you. I am sure that you will find the results of the work done in this laboratory to be of interest to you.

O NOUĂ VARIANTĂ A METODEI DE DETERMINARE A MASEI ȘI PARCURSULUI UNEI PARTICULE IONIZANTE PRIN NUMĂRARE DE GRANULE ÎN PLĂCI NUCLEARE

I. LEMENY și M. SOMEȘAN

Metoda este aplicabilă particulelor nerelativiste de sarcină $Z = 1$, atât pentru parcursurile ce se termină, cât și pentru cele ce nu se termină în emulsie, cu condiția ca placa să fie suficient de subrevelată pentru a permite numărarea granulelor pe parcurs.

În locul densității de granule $\frac{dN}{dR}$, folosită în general, s-a introdus mărimea $\lambda = \frac{dR}{dN}$, egală cu distanța medie între centrele granulelor proiectate pe linia traectoriei. Această ultimă precizare este necesară, pentru ca mărimea λ să aibă sens și în cazul în care granulele sînt îngrămădite în latul traectoriei.

Determinările experimentale au fost interpretate pe o placă Ilford G5 subrevelată. În primul rînd s-a urmărit stabilirea unei relații empirice de forma $\lambda = KR^n$ unde λ este așa numitul „drum liber mijlociu” între granule, R este parcursul restant, n este o constantă pentru aceeași placă și k este o constantă pentru unul și același fel de particule, adică conține o variație în funcție de masă.

De fapt $\lambda = C \left(\frac{M}{M_p} \right)^{-n} R^n$, unde M este masa particulei necunoscute și M_p este masa unui proton luat ca etalon, iar C este ca și n constantă pentru o placă dată.

Pentru a-l determina pe n , am ales trei urme de protoni, două de mezoni π , una de mezon μ și am reprezentat grafic prin metoda celor mai mici pătrate cele trei drepte

$$\log \lambda = \log K + n \log R$$

Evident dreptele reprezentative ale deosebitelor particule sînt paralele și panta lor dă chiar valoarea lui n . Noi am obținut $n = 0,25$. Introducînd diferitele valori ale lui λ și R din relația $\lambda = C \left(\frac{M}{M_p} \right)^{-n} R^n$ s-au găsit pentru C valori care se grupează în jurul mediei de 7500. Au fost reprezentate apoi curbele $\lambda = C \left(\frac{M}{M_p} \right)^{-n} R^n$ ale celor trei particule. Deoarece pentru etalonare este suficientă o singură curbă, noi am ales curba protonilor dreptă curbă etalon.

Pentru a obține un număr cât mai mare de puncte s-a procedat în modul următor: Se calculează $\frac{dR}{dN}$ pentru casete de câte 50 de granule măsurându-se parcursul restant respectiv (corespunzător centrului casetei). Operația se repetă pentru casete de 100, 150, 200 și 250 granule.

Dimensiunea casetelor descrește spre finele traectoriei în același ritm ca și λ .

Metoda a fost folosită la determinarea masei unei particule necunoscute ce își termină traectoria în emulsie, determinarea parcursului restant și masei unei particule necunoscute al cărei parcurs nu se termină în emulsie; determinarea parcursului restant al unei particule care are aparent finele în emulsie, dar care poate să se fi desintegrat sau să se fi fost captată în zbor.

1) Pentru determinarea masei unei particule ce își termină parcursul în emulsie se determină λ_x în mai multe puncte ale traectoriei se măsoară parcursul restant corespunzător mijlocului casetei în care s-a determinat λ și se caută pe curba etalon λ_p corespunzător aceluiași parcurs restant R_p . Cum pentru $R_p = R_x$ avem

$$\left(\frac{\lambda_x}{\lambda_p}\right)^k = \frac{M_x}{M_p} \text{ unde } K = \frac{1}{n} = 4$$

se poate calcula M_x .

2) Pentru determinarea masei unei particule ce nu are finele în emulsie, se aleg câte două puncte suficient de depărtate și se determină λ_1 și λ_2 , valorile lui λ pentru casetele respective a căror centre sînt distanțate cu L . Scriind relația atît pentru punctul de parcurs restant R_1 corespunzător lui λ_1 cît și pentru $R_2 = R_1 + L$ corespunzător lui λ_2 se obține

$$\frac{R_1}{R_1 + L} = \left(\frac{\lambda_1}{\lambda_2}\right)^k \text{ deci } R_1 = L \frac{\left(\frac{\lambda_1}{\lambda_2}\right)^k}{1 - \left(\frac{\lambda_1}{\lambda_2}\right)^k}$$

R_1 și R_2 fiind dați prin intermediul curbei etalon, masa se determină ca la punctul anterior.

3). Verificînd dacă filele urmei este aparent sau real s-au găsit pentru doi mezoni π care se desintegrateau în zbor parcursuri restante de 157 și 950 respectiv. Pentru o urmă al cărei fine corespundea finelui real al parcursului de ionizare am găsit un parcurs restant R_1 de ordinul de mărime al jumătății casetei de la fine, cum era de așteptat.

4) Comparînd panta dreptei

$$\log \lambda = f(\log R)$$

cu unele rezultate ale lui L a t t e s, O c c h i a l i n i și P o w e l l din 1947 se poate observa că n depinde de tipul plăcii și de gradul ei de subrevelare. Autorii citați au obținut pentru dreapta $\log N = f(\log R)$

panta $\alpha = \frac{3,3}{4}$ pentru o placă Ilford G_2 . Panta n obținută de noi fiind

legată de α prin relația $\alpha = 1 - n$ nouă ne-ar fi rezultat $\alpha = 0,75 = \frac{3}{4}$ pentru o dreaptă similară.

Pentru verificarea generală a metodei am determinat masele câtorva particule cunoscute și am obținut

$1,059 \pm 11\%$, $1,01 \pm 8\%$, $0,89 \pm 15\%$ pentru trei protoni și
 $0,16 \pm 10\%$, $0,175 \pm 8\%$ și $0,154 \pm 7\%$ pentru trei mezonii. π
(masele fiind date în mase protonice).

Catedra de Fizică Atomică
Facultatea de Matematică și Fizică
București

НОВАЯ ВАРИАНТА МЕТОДА ОПРЕДЕЛЕНИЯ МАССЫ И ПРОБЕГА ИОНИЗИРУЮЩЕЙ ЧАСТИЦЫ ПРИ ПОМОЩИ ПОДСЧЕТА ЗЕРЕН В ФОТОГРАФИЧЕСКИХ ЭМУЛЬСИЯХ

Метод служит для нерелятивистскими частицами с зарядом $D = 1$, так для пробегов которые кончаются в эмульсии как и для таких, которые не кончаются в эмульсии с условием что пластинка позволит подсчет зерен.

В место плотности зерен $\frac{dN}{dR}$, применяется $\lambda = \frac{dR}{dN}$ равная среднему расстоянию между центрами зерен.

Устанавливалось эмпирическое соотношение $\lambda = C \left(\frac{M}{M_p} \right)^{-n} R^n$, где C и n константы для той же пластинки, R остаточный пробег, M масса неизвестной частицы и M_p масса протона.

Представлялись эталонные кривые для протонов, π мезонов и μ мезонов.

Метод употреблялся для: определения массы неизвестных частиц, которых пробег кончается в эмульсии, для определения массы неизвестных частиц, которых пробег не кончается в эмульсии, как критерий чтобы узнать если кажущийся конец совпадает с реальным концом. Устанавливалось, что n не зависит только от типа пластинки но и от степени её подпорявления.

Для проверки метода вычислялись массы трёх протонов и трёх π мезонов (известные) заранее.

UNE NOUVELLE VARIANTE DE LA METHODE DE LA DENSITE DES GRANULES DANS LES EMULSIONS NUCLEAIRES, EMPLOYEE POUR LE CALCUL DES MASSES ET DES PARCOURS DES PARTICULES IONISANTES.

Résumé

La méthode est applicable aux particules nonrelativistes de charge $Z = 1$, ayant ou non la fin de leurs trajectoires dans l'émulsion, à condition que l'émulsion permette la discrimination individuelle des granules.

On a remplacé la densité des granules $\frac{dN}{dR}$ par la grandeur $\lambda = \frac{dR}{dN}$, égale à la distance moyenne entre les centres des granules.

On a établi une relation empirique.

$$\lambda = C \left(\frac{M}{M_p} \right)^{-n} R^n$$

ou C et n sont constantes pour la même émulsion, M la masse inconnue et M_p la masse d'un proton étalon.

La méthode a été employée pour déterminer la masse de quelques particules inconnues dont la trajectoire se termine dans l'émulsion pour déterminer la masse des particules inconnues dont la trajectoire ne se termine pas dans l'émulsion et pour savoir si la fin apparente d'une trajectoire coïncide avec sa fin réelle. Les résultats ont mené aussi à la conclusion que n dépend non seulement du type de l'émulsion, mais aussi du degré de sa sous-révélation.

Pour vérifier la méthode on a calculé les masses de trois protons et de trois mésons π connus.

OBSERVAȚII SOLARE : ROTAȚIILE 1363—1368, 28 IULIE 1955— 7 IANUARIE 1956

C. POPOVICI și I. SORU

Urmărirea regulată a activității solare prezintă în afară de interesul științific pentru cunoașterea celei mai apropiate stele, soarele, și un interes deosebit de ordin practic.

Între fenomenele solare și unele fenomene geofizice există o strînsă legătură. Starea ionosferei, aurorele polare, geomagnetismul și în bună parte și unele fenomene cu caracter meteorologic, sînt corelate de activitatea soarelui. Spre exemplu, de starea ionosferei depind radiocomunicațiile pe distanțe lungi, iar prevederea „timpului radio”, adică a condițiilor de propagare a radio undelor nu se poate face fără observații solare.

De aceea mai toate țările din lume și-au organizat „servicii solare”, care pe lângă urmărirea unor probleme științifice au și o menire practică în studierea și prezicerea fenomenelor geofizice legate de fenomenele solare. Astfel serviciul solar sovietic a luat ființă în anul 1932, actualmente participînd la acest serviciu un număr de 12 observatoare sovietice. Serviciile solare naționale colaborează într-un serviciu solar internațional organizat de Uniunea Astronomică Internațională, care centralizează și publică trimestrial la Zürich, o sumă de date privind activitatea soarelui. Pentru urmărirea continuă a fenomenelor solare, din care unele au un caracter de scurtă durată, este nevoie de cît mai multe observatoare, cît mai bine repartizate în longitudine.

Cu ocazia anului geofizic internațional observațiile solare și ale fenomenelor geofizice corelate vor fi mult intensificate. Astfel de observații formează una din părțile cele mai importante ale programului de lucru, de aceea chiar fixarea datei anului geofizic internațional s-a făcut avînd în vedere intensificarea activității solare, care va fi atunci în apropierea maximului. Numai în Uniunea Sovietică vor participa la lucrările anului geofizic 10 observatoare solare, observatoare dotate cu aparataj modern ca : filtre monocromatice Lyot, dînd imaginea soarelui în linia hidrogenului $H\alpha$; coronografe pentru observarea coroanei soarelui în afara eclipselor; radio-telescoape pentru înregistrarea radio-undelor solare, a căror variații constituie cel mai bun indicator al activității solare; diferite aparate de detectat cîmpurile magnetice solare; spectroheliografe și spectrohelioscoape, etc. Observatorul astronomic din București a fost invitat de către Prof. Waldmeier, conductorul centrului internațional de la Zürich, să colaboreze în mod regulat la serviciul solar internațional pe lângă alte observatoare, ca acele cehe și iugoslave, spre exemplu. Prin poziția sa geografică observatorul din București ar fi o verigă necesară în lanțul de observatoare urmărind continuu soarele.

Institutul de Fizică are printre problemele sale de lucru studiul legăturii dintre fenomenele geofizice și cele solare. Acest studiu nu poate fi întreprins în mod adecvat fără date ale activității solare, date care trebuie să fie cunoscute continuu, rapid și fără întârziere, dacă se urmăresc și oarecare previziuni cu caracter practic. În toată lumea astfel de studii se fac în strinsă legătură cu observatoarele astronomice. În planul de muncă științifică a Catedrei de astronomie este prevăzută problema : Observații Solare.

În anul 1955, cu rotația solară 1363, s-a organizat la observatorul din București, cu instrumentele existente, ca început, un modest serviciu solar, care se referă la următoarele aspecte ale activității solare, accesibile cu mijloacele noastre actuale : Statistica petelor solare (numere relative Wolf, ariile petelor), poziția heliografică și evoluția grupelor de pete, statistica protuberanțelor solare.

Numerile relative Wolf locale, tipurile și evoluția grupelor de pete, s-au determinat după imagini în proiecție ale soarelui, de 15 cm. diametru folosind o lunetă Bardou de 108 mm. Pe diagramele zilnice s-au reprezentat pe lângă grupele de pete și regiunile faculare mai importante. Tipurile grupelor au fost notate la început după o notație simplificată de la Pulcovo, iar apoi după notația internațională de la Zürich, când aceasta ne-a fost comunicată de Prof. Waldmeier.

Coordonatele heliografice, ale celor mai importante pete, au fost deduse din măsurarea clișeeilor obținute în focarul lunetei fotografice de 38 cm/6 m. a observatorului. Imaginea soarelui pe aceste clișee este de 55 mm. Calculele de reducere au fost făcute folosind datele solare din Berliner Jahrbuch. Am folosit deasemeni pentru verificarea coordonatelor deduse și diagramele desenate, pe care coordonatele heliografice erau citite prin suprapunerea unor rețele de coordonate mărite convenabil. Pe clișee au fost măsurate și ariile petelor (umbra și penumbră separat), cu ajutorul unei rețele speciale imprimată pe sticlă. S-au determinat atât ariile aparente, cât și acele reduse (efective) în milionimi ale suprafeței discului solar. Ariile petelor au fost date în tabelele conținând și numerile relative Wolf locale, iar coordonatele medii ale grupelor, data trecerii lor la meridian, evoluția grupelor și situația lor zilnică pe discul soarelui, au fost date în alte tabele separate.

Protuberanțele solare au fost observate folosind un spectroscop de protuberanțe Zeiss, atașat unei lunete Bardou de 108 mm. În zilele când starea timpului o permitea se observau protuberanțele notându-se : unghiul de poziție, înălțimea, tipul (precizat printr-o schiță). În tabelele rezumative relative la protuberanțe se indică numai numărul protuberanțelor de o anumită latitudine și înălțime.

Activitatea solară este acum în faza ascendentă, după minimul care a avut loc la sfârșitul lui Martie 1954. Numerele relative Wolf locale pe cele 6 rotații 1363 — 1368 au fost respectiv : 35,9 ; 61,2 ; 27,8 ; 82,4 ; 98,1 ; 90,2, iar suprafața pătată redusă, pe zi : 563, 572, 312, 1428, 1250, 1526 în milionimi ale hemisferei solare. Latitudinea medie a grupelor în hemisferul nordic solar a fost $+25^{\circ}$, iar în cel sudic -23° . Am avut în total 93 de zile de observație în perioada 28 iulie 1955 — 7 ianuarie 1956.

Tabelele alăturate dau situația în detaliu pe fiecare rotație.

Pentru ca serviciul solar să poată lucra în condiții multumitoare, așa cum se cere în cadrul unei colaborări internaționale, este nevoie de unele

accesorii indispensabile. Astfel pentru a obține proiecții solare standard de 25 cm. diametru, actualul obiectiv de 108 mm. și ocularul respectiv utilizat, nu sînt potrivite. Un obiectiv de 13 — 15 cm. și un ocular de calitate superioară ar fi indicate. Diametrul imaginei focale la luneta fotografică de 6 m lungime focală pe clișeele obținute, este prea mic (circa 55 mm.). Pentru a se mări aceste imagini de 2 — 3 ori este nevoie de un ocular special fără de care clișeele nu pot fi folosite cu tot randamentul lor pentru măsurarea ariilor și coordonatelor heliografice.

Pentru a se putea urmări fenomenele cromosferice, ca erupțiile cromosferice, care au cele mai însemnate repercusiuni geofizice, este nevoie de un filtru monocromatic Lyot. Un astfel de filtru este indispensabil în cazul colaborării observatorului astronomic București la lucrările solare ale anului geofizic internațional, sau cel puțin un spectrohelioscop.

În fine trebuie menținută o strînsă colaborare cu institutele interesate în urmărirea activității solare, atît în țară cît și în străinătate,

ROTAȚIA Nr. 1363

28 iulie 1955 — 24 august 1955

LUNA	ZIUA	g	f	w	Aria aparentă		Aria corectată		Imag.	Observații
					u+p	u	u+p	u		
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)	(10)	(11)
Iulie	28 ^z , 31	1	7	17	121		128		2	W, I, pe plăci
	29 ^z , 37	1	2	12	155		112		3	„ „ „
August	1 ^z , 30	1	8	18	172		89		2	„ „ „
	2 ^z , 28	1	1	11	103		54		2	„ „ „
	3 ^z , 28	1	2	12	52		57		3	„ „ „
	4 ^z , 29	1	15	15	86		64		3	„ „ „
	6 ^z , 47	2	21	41	620	344	609	334	4	„ „ „
	8 ^z , 39	2	17	37	1947	500	1587	421	4	„ „ „
	9 ^z , 28	4	56	96	2222	568	1247	298	4	I pe plăci
	10 ^z , 28	4	54	94	2584	637	1438	384	4	W pe diagramă
	11 ^z , 29	4	43	83	2446	499	1387	315	4	„ „ „
	12 ^z , 52	4	31	71	2136	637	1251	374	4	„ „ „
	13 ^z , 37	4	23	63	1964	517	1261	332	3	I W pe diagramă
	15 ^z , 36	4	12	52	913	276	990	206	3	„ „ „
	16 ^z , 37	3	5	35	551	138	1158	219	4	„ „ „
	17 ^z , 35	2	4	24	431		169		2	I pe placă W pe diagramă
	18 ^z , 29	1	6	16	138		71		3	„ „ „
	19 ^z , 55	1	8	18	103		58		2	„ „ „
	20 ^z , 45	1	7	17	189		117		3	„ „ „
	22 ^z , 30	1	8	18	241		254		2	„ „ „
	23 ^z , 29	2	9	29	155		251		2	„ „ „
	24 ^z , 24	1	1	11	34		39		1	I W, pe diagramă

Explicații: pentru rotația 1363 și următoarele:

Coloana (2) dă fracțiunea de zi Greenwich, (3) g este nr. grupelor (4) f al petelor (5) W nr. Wolf local (6) și (7) aria aparentă a umbrei și penumbrei, iar (8) și (9) ariile corectate de efectul perspectivei; (10) dă calitatea imaginilor 1—4, 1 imagini proaste, 4 imagini foarte bune.

ceeace nu se poate face fără o publicare regulată și rapidă a observațiilor solare obținute spre a fi realmente valorificate.

Alăturat sînt atașate tabelele rezumative dînd activitatea Soarelui.

ROTAȚIA 1364

25 august 1955 — 20 septembrie 1955

Luna	Ziua	g	f	W	Aria aparentă		Aria corectată		Imag.	Observațiuni
					u+p	u	u+p	u		
August	25,29	1	5	15	120		85		2	
	26,27	2	12	32	308	85	95	56	3	
	27,30	3	35	65	889	205	646	205	3	
	28,25	4	34	74	1077	171	741	100	3	
	29,28	5	13	63	667	120	431	76	3	
	30,38	4	16	56	818	205	526	179	2	
Septembrie	31,45	7	25	95	547	137	901	95	4	
	1,33	8	27	107	901	188	1195	192	2	
	2,27	7	31	101	1145	273	1276	246	3	
	3,28	8	22	112	1265	171	1148	155	4	
	4,29	7	28	98	1162	85	700	59	4	
	5,27	7	20	90	1453	239	1018	146	3	
	6—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	7,50	6	18	78	1282	239	1015	133	2	
	8,52	7	17	87	1351	256	943	139	2	
	9,36	6	19	79	1009	205	608	106	2	
	10,31	6	23	83	855	10	497	55	3	
	11,24	3	8	38	650	51	467	39	2	
	12,28	3	13	43	581	68	499	71	3	
	13,36	2	14	34	496	120	298	66	2	
	14,33	2	19	39	513	51	565	26	2	
	15,34	3	20	50	445	68	232	35	2	
	16,33	2	18	38	273	51	163	32	3	
	17—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	18,31	2	5	25	171		130		2	
	19,51	1	3	13	120		68		2	
	20,31	1	4	14	103		53		2	

ROTAȚIA 1365

21 septembrie 1955 — 17 octombrie 1955

LUNA	ZIUA	g	f	W	Aria aparentă		Aria corectată		I	Observații
					u+p	u	u+p	u		
Septemb.	21,31	0	0	0	0		0		—	
	22,35	0	0	0	0		0		—	
	23,47	1	1	11	68		356		2	
	24,28	2	4	24	188		545		4	
	25,43	2	4	24	205		171		2	
	26,47	1	3	13	154		118		2	
	27,28	2	11	31	308		224		4	
	1,36	3	10	40	427	102	290	53	2	
Octombrie	6,32	4	16	56	957	171	511	89	3	
	7,37	6	34	94	1522	154	1057	80	4	
	10,31	4	17	57	649	102	439	71	1	
	12,47	5	18	68	872	51	975	77	1	
	15,34	0	0	0	0	0	0	0	—	
	16,25	0	0	0	0	0	0	0	—	
	17,30	0	0	0	0	0	0	0	—	

ROTAȚIA 1366

18 octombrie 1955 — 13 noiembrie 1955

LUNA	ZIUA	g	f	W	Aria aparentă		Aria corectată		I	Observații
					u+p	u	u+p	u		
Octombrie	18,29	0	0	0	0		0		—	
	20,30	1	6	16	256		312		1	
	21,29	2	8	28	376	103	459	96	4	
	22,42	3	11	41	598	103	1063	76	3	
	23,3	4	28	68	805		1703		3	
	24,32	5	30	80	1932	238	2097	306	4	
	25,37	5	53	103	2145	427	1980	374	4	
	27,30	5	59	109	3352	564	2022	339	3	
	28,33	5	65	115	2941	530	2006	454	4	
	29,33	6	56	116	3266	581	2031	360	1	
	10,45	9	76	166	2035	171	1854	162	3	
Noembrie	13,36	6	87	147	2325	51	1608	30	4	

ROTAȚIA 1367

14 noiembrie 1955 — 11 decembrie 1955

LUNA	ZIUA	g	f	W	Aria aparentă		Aria corectată		I	Observații
					u+p	u	u+p	u		
Noembrie	14,53	6	—	—	2804	445	1784	287	2	lipsește clișeul
	20,39	6	26	86	—	—	—	—	2	
	24,35	5	—	—	2206	376	1249	225	1	
	27,36	6	40	100	2753	479	1:59	259	3	
	28,34	7	39	109	2069	256	1416	164	3	
Decem-brie	1,35	7	33	103	1949	222	1716	163	4	lipsește clișeul
	2,34	6	51	111	2257	256	1605	163	3	
	3,39	3	63	93	1069	205	1178	182	3	
	4,41	3	41	71	—	—	—	—	1	
	5,41	4	78	118	1984	137	1239	77	2	
	6,35	5	73	123	1539	205	1021	131	3	
	7,38	4	71	111	1317	137	910	97	3	
	8,37	4	25	65	650		498		2	
	9,46	5	50	100	1146	171	1244	219	2	
	10,45	5	35	85	718		838		2	

ROTAȚIA 1368

12 decembrie 1955 — 7 ianuarie 1956

LUNA	ZIUA	g	f	W	Aria aparentă		Aria corectată		I	Observații
					u+p	u	u+p	u		
Decem-brie	14,40	4	33	73	1453	325	1381	282	3	
	15,54	5	43	93	1830	376	1483	368	3	
	17,44	5	26	76	1795	376	1879	336	3	
	19,41	6	58	118	1932	229	1360	146	2	

ROTAȚIA 1363
28 iulie 1955 — 24 august 1955. —
28, 29, 1, 2, 3, 4, 9, 11, 12, 13, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 22

Φ°	h''	E S T							V E S T							h''	Φ°
		10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''		
+80°-90°																	-80°-90°
+70°-80°																	-70°-80°
+60°-70°																	-60°-70°
+50°-60°												1					-50°-60°
+40°-50°			2		1	1	1	1	1	2	1	2					-40°-50°
+30°-40°							1	1	1	2	1		2				-30°-40°
+20°-30°									2	1		1					-20°-30°
+10°-20°	1									1							-10°-20°
0°-10°																	0°-10°
0°-10°																	0°-10°
-10°-20°				1						1							+10°-20°
-20°-30°	1	1	1						3		1						+20°-30°
-30°-40°	3		2	1			1		1	2	2	1					+30°-40°
-40°-50°			4	2	1				2	4		1			1		+40°-50°
-50°-60°	3	1	1		1					1	1			2	1		+50°-60°
-60°-70°							1			1							+60°-70°
-70°-80°																	+70°-80°
-80°-90°																	+80°-90°

Explicații : În titlu se indică zilele de observație. Tabelul dă numărul protuberanțelor de o anumită înălțime situate pe marginea vestică sau estică a soarelui, între anume limite de latitudine.

ROTAȚIA 1364
25 august 1955 — 20 septembrie 1955. —
25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 1, 2, 3, 4, 5 8,, 9, 13, 14, 16, 19,

h'' φ°	E S T							V E S T								h'' φ°
	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	80''-90''	
+80°-90°																-80°-90°
+70°-80°																-70°-80°
+60°-70°		1														-60°-70°
+50°-60°		1		1	1	1					2					-50°-60°
+40°-50°		2	1				2	4	3	2			1			-40°-50°
+30°-40	2	3							4		1	1	1			-30°-40°
+20°-30°	2	1	2	1				2	2	1	1	1		1		-20°-30°
+10°-20°				1					1							-10°-20°
0°-10°			1		1			1								0°-10°
0°-10°									1							0°-10°
-10°-20°		1	3						1							+10°-20°
-20°-30°	1	1						3						1		+20°-30°
-30°-40°	2	4						2	1					2		+30°-40°
-40°-50°					1	1	1	2	3	1	2	2		1		+40°-50°
-50°-60°								1	1	1	2	1				+50°-60°
-60°-70°																+60°-70°
-70°-80°																+70°-80°
-80°-90°																+80°-90°

ROTAȚIA 1365

21 settembre 1955 — 17 ottobre 1955

21, 22, 23, 24, 27, 1, 6, 7, 10, 13, 15, 17,

[illegible]

ROTAȚIA 1366
18 octombrie 1955 — 13 noiembrie 1955
18, 20 21 22, 25, 26, 28 10. —

h'' φ°	E S T							V E S T							h'' φ°
	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	
+80°-90°															-80°-90°
+70°-80°															-70°-80°
+60°-70°								1							-60°-70°
+50°-60°				1			1		1						-50°-60°
+40°-50°	2	1		2	2				1			1			-40°-50°
+30°-40°					2					1	1				-30°-40°
+20°-30°							1	4							-20°-30°
+10°-20°	1														-10°-20°
0°-10°		1	2												0°-10°
0°-10°			1												0°-10°
-10°-20°									1	1					+10°-20°
-20°-30°	1	1						1	3						+20°-30°
-30°-40°		1	1	1		1			1						+30°-40°
-40°-50°	1							1	1	1			1		+40°-50°
-50°-60°												1			+50°-60°
-60°-70°															+60°-70°
-70°-80°															+70°-80°
-80°-90°															+80°-90°

ROTATIA 1367
 14 noIembrie 1955 — 11 decembrie 1955
 1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, —

[illegible]

ROTAȚIA 1368
12 decembrie 1955 — 7 ianuarie 1965
14, 15, 17, 19.

φ° \ h''	E S T							V E S T							h'' \ φ°
	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	10''-20''	20''-30''	30''-40''	40''-50''	50''-60''	60''-70''	70''-80''	
+80°-90°															-80°-90°
+70°-80°									1						-70°-80°
+60°-70°															-60°-70°
+50°-60°															-50°-60°
+40°-50°							1	1							-40°-50°
+30°-40°															-30°-40°
+20°-30°													1		-20°-30°
+10°-20°															-10°-20°
0°-10°										1					0°-10°
0°-10°								1							0°-10°
-10°-20°	1														+10°-20°
-20°-30°														1	+20°-30°
-30°-40°														1	+30°-40°
-40°-50°			1											2	+40°-50°
-50°-60°		1													+50°-60°
-60°-70°															+60°-70°
-70°-80°															+70°-80°
-80°-90°															+80°-90°

EVOLUȚIA GRUPU

POZIȚIA GRUPURILOR DE PETE

Nr. crt.	L°	φ°	Data trecerii la meridian.	Prima observ.	Ultima observ.	Nr. pete și tip.	90° 78°	78° 65°	65° 52°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	E		
198	294	+22	(1,7)		2	8,VII,IV,I			28-VII 7
199	213	+31	(7,9)	3	3	3,II			3-II 2
200	227	+43	(6,1)	4	4	5,II			
201	175	+16	(10,8)	6	16	22,V,IV,III			6-V 11
202	172	-21	11,0	6	17	26,VI,VII			6-VI 10
203	197	+32	9,1	9	13	12'II			
204	129	+22	14,3	9	15	7,II,V,II		9-II 2	10-II 4
205	133	-25	14,0	14	15	2,I			
206	111	-6	(15,6)	16	16	2,I			
207	80	+19	18	17	23	8,II,V,VI			
208	2	-26	23,9	23	23	2,II			

EXPLICAȚII:

(1) nr. curent, reprezintă nr. grupului; (2) L și (3) φ, mediile longitudinilor și latitu în paranteză, grupul nu era vizibil; (5) și (6) datele primei și ultimei observații; (7) dă ma situația grupelor în fusele de 13° long. în fiecare zi, cu tipul și nr. petelor observate. Nume-

TA 1363
august 1955

RILOR DE PETE

52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 78°	78° 90°
S T (8)					V E S T					
29-IV 2			1-I 8	2-I 1						
		4-II 5								
	8-IV 9	9-IV 22	10-IV 18	11-IV 10	12-III 3	13-III 3	14-III 3	15-III 3	16-III 1	
	8-VI 8	9-VI 26	10-VI 20	11-VI 20	12-VII 18	13-VII 20	14-VII 11	15-VII 5	16-VII 2	17-VII 2
				9-II 6	10-II 12	11-II 8	12-II 3	13-II 3		
11-II 5		12-V 7	13-V 7	14-II 7	15-II 2					
	14-I 2	15-I 2								
				16-I 2						
			17-II 2	18-II 6	19-II 8	20-V 7		22-VI 8	23-VI 9	
			23-II 2							

dinilor heliografice măsurate ale grupului; (4) data trecerii la meridian; în cazul când este ximul observat al nr. petelor grupului și evoluția tipurilor după notația sovietică; (8) dă rotația s-a făcut începînd cu un număr albitrar.

EVOLUȚIA GRUPU

POZIȚIA GRUPURILOR DE PETE.

Nr. crt.	L°	φ°	Data trecerii la meridian.	Prima observ.	Ultima observ.	Nr. pete, tip	90° 78°	78° 65°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	E	
209	310	+43	27,8	24	1	18,B,D,A,C.		
210	293	+20	29,1	26	1	14,A,C,A,B.		
211	251	-19	1,3	27	3	9,C,J,C,J.		27-C 3
212	235	-23	(2,5)	4	8	8,A,E,C,J.		
213	270	+29	(30,8)	28	29	3,A.		
214	211	+26	4,3	29	5	6,J,H,J,A.	29-J 1	30-J 1
215	193	+30	(5,7)	31	3	8,A,C.		31-A 2
216	178	+18	6,8	31	10	3,J,A.	31-J 1	1-J 2
216'	171	+16	(7,3)	2	4	7,C,B.		2-C 5
217	169	+27	7,5	31	14	3,H.	31-H 1	2-H 1
218	176	-21	7,0	1	9	6,J,A.		1-J 1
219	141	+28	9,6	3	11	8,H,C,D,J,	3-H 1	4-C 1
220	209	-21	(4,5)	2	2	2,A.		
221	131	-41	10,4	8	11	6,B,A.		
222	122	-27	11,0	8	12	9,J,C,A.		
223	71	-25	14,9	10	10	1,A.		
224	70	+22	15,0	12	19	18,C,D,C,J.		
225	71	-25	(14,9)	15	20	10,B,A.		
226	98	+14	13,0	15	15	1,A.		

EXPLICAȚII:

(1) nr. curent reprezintă nr. grupului; (2) L și (3) φ, mediile longitudinilor și latitudinilor; (4) data trecerii grupului la meridian; (5) și (6) datele primei și ultimei observații; (7) data maximului (pentru rotațiile 1364, 1365, 1366, s-a fixat ulterior, după diagrame) (8) data situației grupelor în

ȚIA 1364

septembrie 1955

RILOR DE PETE

65° 52°	52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 78°	78° 90°
S	T	(8)				V E S T					
	24-A 1	25-B 5	26-C 9	27-D 18	28-D 14	29-D 8	30-D 8	31-B 8	1-C 3		
		26-A 3	27-C 14	28-C 13	29-A 2	30-A 4	31-B 6	1-B 2			
28-C 4	29-J 1	30-J 1	31-J 1	31-J 7	1-C 9	2-J 3	3-J 2				
						4-A 4	5-E 6		7-C 8	8-J 1	
		28-A 3	29-A 1								
31-H 4	1-H 4	2-H 4	3-H 3	4-J 6	5-A 2						
1-C 5	2-C 8	3-C 5									
2-J 3	3-J 2	4-J 1	5-J 3		7-A 1	8-A 1	9-A 2	10-A 1			
3-C 5	4-B 7										
3-H 1	4-H 1	5-H 1		7-H 1	8-H 1	9-H 3	10-H 1	11-H 2	12-H 2	13-H 1	14-H 1
2-J 6	3-J 2	4-J 6	5-J 3		7-J 1	8-J 2	9-A 2				
5-D 2		7-J 4	8-J 1	9-J 3	10-J 8	11-J 3					
		2-A 2									
			8-B 6	9-B 3	10-A 3	11-A 2					
			8-J 5	9-J 6	10-C 9	11-A 3	12-A 2				
10-A 1											
		12-C 9	13-C 13	14-D 18	15-D 12	16-C 8		18-J 2	19-J 2		
					15-B 7	16-B 10		18-B 3	19-A 3	20-A 4	
						15-A 1					

dinilor heliografice măsurate ale grupului (4) data trecerii la meridian; în cazul cînd este în observat al nr. petelor grupului și evoluția tipurilor după notația internațională (Zürich); fusele de 13° long. în fiecare zi cu tipul și nr. petelor observate.

21 septembrie 1955 —

EVOLUȚIA GRUPU

POZIȚIA GRUPURILOR PE PETE

Nr. crt.	L°	φ°	Data treierii la meridian	Prima observ.	Ultima observ.	Nr. pete și tip	90° 78°	78° 65°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	B	
227	238	-23	(29,5)	23	27	8,B,J,C	23-B 1	24-J 1
228	310	-29	24,1	24	25	3,B		
229	321	+36	(23,2)	27	27	3,A		
230	167	+29	4,9	1	7	8,B		
231	160	-22	(5,4)	1	1	1,C		
232	137	+22	7,2	1	12	8,H,C		1-H 1
233	127	+22	(7,9)	6	7	8,A,B		
234	117	+21	(8,7)	6	6	2,A		
235	111	+29	9,2	7	12	11,C		
236	184	+26	(3,6)	7	7	7,C		
237	56	-19	(13,3)	7	12	10,B,C,B	7-B 2	
238	49	-25	(13,9)	10	12	3,A		
239	111	-26	(9,2)	12	12	2,A		

ȚIA 1365

17 octombrie 1955

RILOR PE PETE

65° 52°	52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 78°	78° 90°
S T (8)						V E S T					
25-C 2	26-C 3	27-C 8									
					24-B 3	25-B 2					
									27-A 3		
	1-B 8					6-B 5	7-B 7				
1-C 1											
				6-H 8	7-H 4			10-C 3		12-C 6	
			6-A 1	7-B 8							
						6-A 2					
			7-C 11			10-C 5		12-C 2			
							7-C 2				
	10-C 8		12-B 5								
	10-A 1		12-A 3								
								12-A 2			

POZIȚIA GRUPURILOR DE PETE

Nr. crt.	L°	φ°	Data tregerii la meridian	Prima observ.	Ultima obsev.	Nr. pete și tip	90° 78°	78° 65°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	E	
240	258	+18	25,3	20	29	20,D,E,B,G		20—D 6
241	239	+24	26,7	21	28	2,J		21—J 1
241'	230	+27	(27,4)	29	29	1,A		
242	210	+28	28,9	22	29	1,J,H	22—J 1	23—J 1
242'	197	+29	(29,9)	24	29	11,J,B,C		24—J 1
243	212	—22	28,8	22	29	27,J,H	22—J 1	23—H 6
243'	202	—21	29,5	29	29	7,C		
244	191	—24	(30,5)	24	29	13,H	24—H 1	25—H 1
245	134	+22	(3,7)	28	29	1,J	28—J 1	29—J 1
246	26	+29	11,9	10	13	8,D,J		
247	48	+26	10,2	10	10	1,A		
248	95	+23	(7,4)	10	10	13,B		
249	14	—29	12,8	10	13	10,J		
250	56	—17	(9,6)	10	10	2,A		
251	79	—19	(7,9)	10	10	3,A		
252	91	—24	(7,0)	10	10	3,A		

71A 1.66

13 notembrie 1955

RILOR DE PETE

65° 52°	52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 78°	78° 90°
S	T	(8)				V E S T					
21-D 7	22-E 9	23-E 19	24-E 20	25-B 30		27-B 17	28-B 17	29-G 2			
22-J 1	23-J 2	24-J 1	25-J 1		27-J 1	28-J 1					
						29-A 1					
24-H 1	25-H 1		27-H 1	28-H 1	29-H 1						
25-B 9		27-B 11	28-B 8	29-B 11							
24-H 6	25-H 11		27-H 22	28-H 26	29-H 27						
					29-C 7						
	27-H 8	28-H 12	29-H 13								
			10-D 8			13-J 2					
					10-A 1						
						10-B 13					
		10-J 10			13-J 2						
					10-A 2						
						10-A 3					
								10-A 3			

POZIȚIA GRUPURILOR DE PETE

Nr. crt.	L°	φ°	Data tregerii la meridian.	Prima observ.	Ultima observ.	Nr. pete tip	90° 72°	78° 65°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	B	
253	345	+24	(15,0)	10	14	49,F,D		10—F 17
254	354	—29	14,3	10	14	23,E		
255	302	+21	(18,3)	13	14	14,D		13—D 10
256	341	+24	(16,8)	20	20	6,E		
257	302	+18	(18,3)	20	20	4,J		
258	289	+20	(18,5)	20	20	14,D		
259	267	+14	20,9	20	20	1,A		
260	193	+27	26,5	20	2	8,G	20—G 1	
261	166	+44	28,6	24	2	11,B,A		
262	177	+26	27,8	24	28	8,A,D,C		
263	205	—20	25,6	20	1	11,H,C,H		20—H 3
264	177	—25	27,8	24	2	1,J,A		
265	91	—25	4,3	28	10	18,G	28—G 1	
266'	89	+22	4,4	1	10	57,E,B		
266	105	+22	3,2	28	6	1,J		
267	19	+29	9,8	5	10	27,C,B,D		
268	25	—16	(9,3)	5	8	9,C,D		
269	102	—17	(3,4)	6	6	3,A		
270	29	—16	(8,9)	9	10	4,J		
271	3	—24	(11,0)	9	10	6,B,D		

71A 1367

11 decembrie 1955

RILOR DE PETE

65° 52°	52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 78°	78° 90°
S T (8)						V E S T					
		13-F 49	14-D 15								
	10-E 19			13-E 23	14-E 20						
14-D 8											
									20-E 6		
							20-J 4				
						20-D 14					
				20-A 1							
		24-G 2			27-G 7	28-G 8			1-G 4	2-G 2	
24-B 2			27-B 11	28-B 11			1-A 1	2-A 1			
	24-A 1			27-D 8	28-C 5						
			24-H 1			27-H 11	28-C 10			1-H 2	
	24-J 1			27-J 1	28-J 1			1-A 1	2-A 1		
	1-G 4	2-G 6	3-G 18	4-G 8	5-G 12	6-G 7	7-G 3	8-G 1	9-G 1	10-G 3	
	1-E 20	2-E 40	3-E 55	4-E 24	5-E 57	6-E 40	7-E 32	8-E 12	9-B 26	10-B 6	
28-J 4			1-J 1	2-J 1	3-J 1	4-J 1		6-J 1			
5-C 15	6-B 22	7-B 27	8-D 12	9-D 14	10-D 17						
5-C 3	6-C 8	7-D 9	8-D 5								
							6-A 3				
					9-J 4	10-J 3					
		9-B 6	10-D 6								

ROTAȚIA 1368

12 decembrie 1955 — 7 ianuarie 1956

POZIȚIA GRUPURILOR DE PETE

EVOLUȚIA GRUPURILOR DE PETE

Nr. crt.	L°	φ°	Data trecerii la meridian	Prima observ.	Ultima observ.	Nr. pete și tip	90° 78°	78° 65°	65° 52°	52° 39°	39° 26°	26° 13°	13° 0°	0° 13°	13° 26°	26° 39°	39° 52°	52° 65°	65° 7°	7° 9°
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	E S T							(8)	V E S T					
272	372	+27	14,7	14	15	17,C		14-C 17	15-C 12											
273	279	+24	17,3	14	19	8,H					14-H 5	15-C 6		17-H 4		19-H 8				
274	266	+25	(18,3)	14	17	7,J,A				14-J 3	15-A 7		17-A 4							
275	255	-31	19,2	14	19	8,H			14-H 8	15-H 8		17-H 5		19-H 5						
276	294	+22	(16,2)	17	19	18,E								17-E 4		19-E 18				
277	198	-28	(23,5)	17	19	3,J	17-J 1		19-J 3											
278	280	-20	(17,3)	19	19	6,B										19-B 6				

СОЛНЕЧНЫЕ НАБЛЮДЕНИЯ

Авторы излагают состояние солнечной деятельности во время вращении 1363—1368 (28 июля 1955—7 января 1956), а именно:

1. Число групп, число пятен, относительное местное число Волфа, видимые и исправленные площади пятен (тень, тень и полутень).

2. Положение и эволюция групп пятен.

3. Число протуберанцев по их высоте и гелиографической широте.

Во время этих вращений средние относительные числа Волфа были в Бухаресте: 35,9; 61,2; 27,8; 82,4; 98,1; 90,2; а исправленные площади пятен: 563; 572; 312; 1428; 1250; 1526 в 10^{-6} S.

OBSERVATIONS SOLAIRES: LES ROTATIONS 1363—1368, 28 juillet 1955 — 7 janvier 1956

Résumé

Les auteurs présentent la situation de l'activité solaire pendant les rotations 1363—1368 (28 juillet 1955 — 7 janvier 1956), concernant:

1. Nombre de groupes, de taches, nombre relatif de Wolf local, aire tachée (ombre, et pénombre) apparente et réduite.

2. Position et évolution des groupes de taches.

3. Nombre des protubérances selon leur hauteur et leur latitude heliographique.

Les nombres relatifs de Wolf moyens à Bucarest ont été pendant ces rotations: 35,9; 61,2; 27,8; 82,4; 98,1; 90,2; l'aire tachée réduite 563, 572; 312; 1428; 1250; 1526; en 10^{-6} S

CO. H. 10TH INF. REGT.

1st Lt. J. H. ...
2nd Lt. ...
3rd Lt. ...
4th Lt. ...
5th Lt. ...
6th Lt. ...
7th Lt. ...
8th Lt. ...
9th Lt. ...
10th Lt. ...
11th Lt. ...
12th Lt. ...
13th Lt. ...
14th Lt. ...
15th Lt. ...
16th Lt. ...
17th Lt. ...
18th Lt. ...
19th Lt. ...
20th Lt. ...
21st Lt. ...
22nd Lt. ...
23rd Lt. ...
24th Lt. ...
25th Lt. ...
26th Lt. ...
27th Lt. ...
28th Lt. ...
29th Lt. ...
30th Lt. ...
31st Lt. ...
32nd Lt. ...
33rd Lt. ...
34th Lt. ...
35th Lt. ...
36th Lt. ...
37th Lt. ...
38th Lt. ...
39th Lt. ...
40th Lt. ...
41st Lt. ...
42nd Lt. ...
43rd Lt. ...
44th Lt. ...
45th Lt. ...
46th Lt. ...
47th Lt. ...
48th Lt. ...
49th Lt. ...
50th Lt. ...
51st Lt. ...
52nd Lt. ...
53rd Lt. ...
54th Lt. ...
55th Lt. ...
56th Lt. ...
57th Lt. ...
58th Lt. ...
59th Lt. ...
60th Lt. ...
61st Lt. ...
62nd Lt. ...
63rd Lt. ...
64th Lt. ...
65th Lt. ...
66th Lt. ...
67th Lt. ...
68th Lt. ...
69th Lt. ...
70th Lt. ...
71st Lt. ...
72nd Lt. ...
73rd Lt. ...
74th Lt. ...
75th Lt. ...
76th Lt. ...
77th Lt. ...
78th Lt. ...
79th Lt. ...
80th Lt. ...
81st Lt. ...
82nd Lt. ...
83rd Lt. ...
84th Lt. ...
85th Lt. ...
86th Lt. ...
87th Lt. ...
88th Lt. ...
89th Lt. ...
90th Lt. ...
91st Lt. ...
92nd Lt. ...
93rd Lt. ...
94th Lt. ...
95th Lt. ...
96th Lt. ...
97th Lt. ...
98th Lt. ...
99th Lt. ...
100th Lt. ...

CO. H. 10TH INF. REGT.

1st Lt. J. H. ...
2nd Lt. ...
3rd Lt. ...
4th Lt. ...
5th Lt. ...
6th Lt. ...
7th Lt. ...
8th Lt. ...
9th Lt. ...
10th Lt. ...
11th Lt. ...
12th Lt. ...
13th Lt. ...
14th Lt. ...
15th Lt. ...
16th Lt. ...
17th Lt. ...
18th Lt. ...
19th Lt. ...
20th Lt. ...
21st Lt. ...
22nd Lt. ...
23rd Lt. ...
24th Lt. ...
25th Lt. ...
26th Lt. ...
27th Lt. ...
28th Lt. ...
29th Lt. ...
30th Lt. ...
31st Lt. ...
32nd Lt. ...
33rd Lt. ...
34th Lt. ...
35th Lt. ...
36th Lt. ...
37th Lt. ...
38th Lt. ...
39th Lt. ...
40th Lt. ...
41st Lt. ...
42nd Lt. ...
43rd Lt. ...
44th Lt. ...
45th Lt. ...
46th Lt. ...
47th Lt. ...
48th Lt. ...
49th Lt. ...
50th Lt. ...
51st Lt. ...
52nd Lt. ...
53rd Lt. ...
54th Lt. ...
55th Lt. ...
56th Lt. ...
57th Lt. ...
58th Lt. ...
59th Lt. ...
60th Lt. ...
61st Lt. ...
62nd Lt. ...
63rd Lt. ...
64th Lt. ...
65th Lt. ...
66th Lt. ...
67th Lt. ...
68th Lt. ...
69th Lt. ...
70th Lt. ...
71st Lt. ...
72nd Lt. ...
73rd Lt. ...
74th Lt. ...
75th Lt. ...
76th Lt. ...
77th Lt. ...
78th Lt. ...
79th Lt. ...
80th Lt. ...
81st Lt. ...
82nd Lt. ...
83rd Lt. ...
84th Lt. ...
85th Lt. ...
86th Lt. ...
87th Lt. ...
88th Lt. ...
89th Lt. ...
90th Lt. ...
91st Lt. ...
92nd Lt. ...
93rd Lt. ...
94th Lt. ...
95th Lt. ...
96th Lt. ...
97th Lt. ...
98th Lt. ...
99th Lt. ...
100th Lt. ...

O NOUĂ METODĂ GRAVIMETRICĂ PENTRU DOZAREA ARGINTULUI

Acad. G. SPACU

și EL. ANTONESCU

Metodele de dozare a elementelor sub formă de combinațiuni complexe sau sub formă de săruri, rezultate prin tratarea cu reactivi organici, duc în general la rezultate mai precise.

Pentru argint se cunosc o serie de combinații complexe, care pot fi utilizate pentru dozarea cantitativă gravimetrică a acestui element.

Dintre metodele citate în literatură care folosesc combinațiile argintului cu substanțe organice, putem cita: metoda dată de Berg [1] care precipită argintul în soluții diluate sulfurice cu tioanilidă,; această metodă prezintă însă dezavantajul că precipitatul nu poate fi cântărit ca atare ci după calcinarea lui; metoda dată de Remington și Moyer [2] cu benzotriazol sau de Feigl și I. Pollak [3], de precipitare a argintului cu rhodanină în care complexul poate fi cântărit ca atare. Mai sînt citate metodele date de Kuras [4] cu mercaptobenzimidazol, de A. Lassieur [5] cu acidul phenylthiohydantoic, de F. Buscarons Ubeda [6] cu acetanilidă. Metodele mai recente utilizează mercaptobenzotiazolul [7], bromoazimidobenzen [8], sau 1-nitrozo-2 naftol [9]. În general puțini din acești reactivi organici sînt accesibili tuturor laboratoarelor.

Dintre metodele care utilizează combinații complexe ale argintului, pentru dozarea gravimetrică a acestui element, cităm:

Metoda dată de P. Spacu [10], în care argintul se precipită și se cântărește ca $[\text{Ag}(\text{CNS})_2]$ $[\text{Coen}_2(\text{CNS})_2]$. G. Spacu și P. Spacu [11] utilizează pentru dozarea argintului combinațiunea: $[\text{Ag}_2]_2$ $[\text{Cupn}_2]$. Precipitatul format poate fi cântărit ca atare, iar metoda poate fi folosită și pentru cantități foarte mici de argint, ca micrometodă.



În lucrarea de față s-a utilizat pentru dozarea argintului combinația complexă nou obținută: $[\text{AgI}_2]_2$ $[\text{Cr}_4(\text{OH})_6\text{en}_6]$ I_4 — rezultată la tratarea diiodoargentatului de potasiu — $[\text{AgI}_2] \text{K}$ — cu iodura hexaetilendiamin-hexol-tetracromică: $[\text{Cr}_4(\text{OH})_6\text{en}_6] \text{I}_6$.

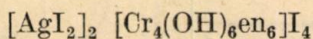
Încercările efectuate au arătat că precipitarea argintului cu reactivul de mai sus este cantitativă, astfel încît acest reactiv poate fi folosit pentru dozarea argintului.

Lucrînd în soluții neutre, concentrate, în prezența unui exces de iodură de potasiu și tratînd apoi cu un exces de reactiv $[\text{Cr}_4(\text{OH})_6\text{en}_6] \text{I}_6$ am obținut o combinațiune care, după spălare cu alcool și eter și uscare în vid, corespunde la următoarea formulă: $[\text{AgI}_2]_2$ $[\text{Cr}_4(\text{OH})_6\text{en}_6] \text{I}_4$.

Substanța are greutatea moleculară 1901,20 și un conținut de argint de 11,38 %. Precipitatul devine cristalin după câteva minute de agitare și se filtrează foarte ușor.

Partea experimentală.

Lucrând cu AgNO_3 în soluție neutră, concentrată, și în exces de iodură de potasiu, am obținut după cum am arătat mai sus, combinația :



Formula acestei substanțe am stabilit-o în felul următor :

Pentru dozarea iodului am dezagregat substanța prin fierbere cu carbonat de sodiu. Am filtrat precipitatul de hidroxid de crom și iodură de argint provenită din iodul legat de argint din interiorul complexului, iar în filtrat, acidulînd cu acid azotic, am precipitat iodul cu azotat de argint. Precipitatele depe filtru le-am spălat cu acid azotic, cînd hidroxidul de crom s-a disolvat iar iodura de argint a rămas ca atare. Deoarece aceste operații le-am efectuat pe un creuzet filtrant, dozarea argintului și a iodului legat de argint s-a redus la spălarea, uscarea și cîntărirea precipitatului de AgI rămas în creuzet.

În soluția obținută, după spălarea precipitatelor cu acid azotic, am dozat cromul ca Cr_2O_3 .

Rezultatele obținute la analiză au fost următoarele :

<u>Iod nelegat de argint.</u>		<u>Găsit</u>	<u>Calculat</u>
S=0,0521 g.	AgI=0,0384 g.	I%=39,83 %	I%=40,05 %
S=0,1311 g.	AgI=0,0977 g.	I%=40,29 %	—
S=0,0509 g.	AgI=0,0128 g.	I%=13,57 %	I%=13,35 %
S=0,1279 g.	AgI=0,0355 g.	I%=13,45 %	—
S=0,1101 g.	AgI=0,0410 g.	I%=13,30 %	—
<u>Iod total</u>		<u>Găsit</u>	<u>Calculat</u>
		I%=53,40 %	I%=53,40 %
		I%=53,83 %	—
		I%=53,28 %	—
<u>Argint</u>		<u>Găsit</u>	<u>Calculat</u>
S=0,0509 g.	AgI=0,0128 g.	Ag%=11,55 %	Ag%=11,24 %
S=0,1279 g.	AgI=0,0355 g.	Ag%=11,50 %	—
S=0,1101 g.	AgI=0,0410 g.	Ag%=11,40 %	—
<u>Crom</u>		<u>Găsit</u>	<u>Calculat</u>
S=0,0388 g.	Cr_2O_3 =0,0062 g.	Cr%=10,93 %	Cr%=10,94 %
S=0,1311 g.	Cr_2O_3 =0,0212 g.	Cr%=11,06 %	—

Modul de lucru

În soluția ce conține o sare de argint, dizolvată în cit mai puțină apă, se adaugă KI solidă pînă la dizolvarea precipitatului de AgI format la început. Se formează $[AgI_2]K$. Se mai adaugă puțină KI solidă, și apoi o soluție aproape saturată de reactiv, (cca. 0,6 g. reactiv în 100 cmc. apă) pînă cînd soluția apare puternic colorată în roz (15—20 cmc. reactiv în exces). Se agită timp de 3—4 minute, și se lasă soluția să stea timp de o oră, în care interval, precipitatul la început amorf, se depunde sub formă cristalină. Pentru trecerea cantitativă a precipitatului din pahar în creuzet, se poate utiliza chiar soluția filtrată sau o soluție de spălare, obținută în felul următor : 30—40 cc. de reactiv (0,6%) se diluează cu 20 cc. apă în care s-a dizolvat 0,5 g. de KI După trecerea precipitatului în creuzet, aceasta se spală de 2—3 ori cu puțină apă (1—2 cc. de fiecare dată) și apoi cu alcool 50% pînă ce filtratul trece încolor. Alcoolul trebuie de asemeni adăugat în porțiuni mici de 2—3 cc., pînă la o cantitate totală de 10—15 cc. La sfîrșit precipitatul se spală cu alcool și eter absolut și se usucă în vid.

$$\text{Raportul : } \frac{2Ag}{[AgI_2] [Cr_4(OH)_6 en_6] I_4} = 0,1134$$

Precizarea acestei metode a fost studiată pe cantități cunoscute de argint, ce au variat între 0,0049 g. și 0,0327 g. Ag.

Rezultatele obținute se găsesc în tabloul ce urmează și după cum se poate vedea diferențele între cantitățile de argint prezent în soluție și cantitatea de argint găsită, nu depășesc 0,3 mg.

Tabloul rezultatelor obținute

Nr. crt.	AgNO ₃ cîntărit g.	Ag prezent în soluție g	$[AgI_2] [Cr_4(OH)_6 en_6] I_4$ g.	Ag găsit g.	Diferența mg.
1	0,0310 g.	0,0197 g.	0,1760 g.	0,0199 g.	0,2 mg.
2	0,0151 g.	0,0096 g.	0,0850 g.	0,0096 g.	—
3	0,0495 g.	0,0314 g.	0,2786 g.	0,0315 g.	0,1 mg.
4	0,0078 g.	0,0049 g.	0,0439 g.	0,0049 g.	—
5	0,0287 g.	0,0182 g.	0,1610 g.	0,0182 g.	—
6	0,0280 g.	0,0177 g.	0,1561 g.	0,0177 g.	—
7	0,0134 g.	0,0085 g.	0,0753 g.	0,0085 g.	—
8	0,0167 g.	0,0106 g.	0,0970 g.	0,0109 g.	0,3 mg.
9	0,0513 g.	0,0326 g.	0,2886 g.	0,0327 g.	0,1 mg.
10	0,0139 g.	0,0088 g.	0,0789 g.	0,0089 g.	0,1 mg.
11	0,0102 g.	0,0065 g.	0,0580 g.	0,0065 g.	—
12	0,0075 g.	0,0048 g.	0,0428 g.	0,0048 g.	—
13	0,0210 g.	0,0134 g.	0,1200 g.	0,0136 g.	0,2 mg.
14	0,0101 g.	0,0064 g.	0,0549 g.	0,0062 g.	0,2 mg.
15	0,0305 g.	0,0193 g.	0,1702 g.	0,0193 g.	—
16	0,0148 g.	0,0094 g.	0,0831 g.	0,0094 g.	—

Observații

1. Reactivul I-am obținut prin triturarea sulfatului hexaetilen diaminhexol-tetracromic, obținut după metoda P. Pfeiffer [12], cu iodură de potasiu.

2. Deoarece combinația este totuși puțin solubilă în apă, spălarea a fost făcută cu alcool 50%, în care solubilitatea este mult micșorată.

3. Din cauza excesului de iodură de potasiu din soluție, odată cu precipitarea argintului se produce și o precipitare a reactivului, care este greu solubil în soluție de iodură de potasiu. Pentru îndepărtarea reactivului precipitat este necesară spălarea cu puțină apă și alcool 50%.

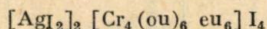
Laboratorul de Chimie Anorganică
și Analitică
Facultatea de Chimie
București.

BIBLIOGRAFIE

- [1] Berg R. : *Z. anal. chem.* 1938, T. 115, p. 204 Ber. Deutsch. chem. Ges. 1935, T. 68, p. 403.
- [2] Remington, Moyer : *Dissertation Abst.* No. 24 Columbus Ohio 1937.
- [3] Feigl, Pollak : *C. A.*, 1927, T. 21, p. 2633. *Mikrochemie* 1926, T. 4, p. 185-7.
- [4] Kuras M. : *Chem. Obzor* 1938, T. 13 p. 95-6.
- [5] Lassieur A. : *Compt. rend.*, 1923, T. 176, p. 1221-23.
- [6] Buscarons Ubeda F. Capitan F. : *C. A.* 1951, p. 7073. *Anal. real soc. espan.*, fis. y quim, T. 46 B, p. 453-62.
- [7] Ubaldini Ivo, Nebbia L. : *C. A.* 1951, p. 8399. *Ann. chim. (Rome)* 1951, T. 41, p. 181-7.
- [8] Tarasevich N. I. : *C. A.* 1950, p. 5759. *Vestnic Moskov. Univ.*, 1948, T. 3, 10161-8
- [9] Wenger p. e., Monnier D, Besso Z : *C. A.* 1950 p. 6338. *Anal. Chimia. Acta* 1949, T. 3, p. 660-2.
- [10] Spacu P., *Z. f.... anal. chem.* 1935, T. 103, p. 370. *Bull. soc. Științe Cluj*, 1934 T. 7, p. 568.
- [11] Spacu G., Spacu P. : *Z. anal. chem.* 1932, T. 90, p. 182-9.
- [12] Pfeiffer P. : *Z. . anorg. u. allg. chem.*, 1908, T. 58, p. 293.

НОВЫЙ ВЕСОВОЙ МЕТОД ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ СЕРЕБРА

В настоящем сообщении авторы предлагают новый весовой метод определения серебра основан на образовании нового комплексного соединения :



получено при взаимодействии соли серебра с подкислым калий, взят в избытке, и с $[Cr_4(OH)_6 en_6] I_6$.

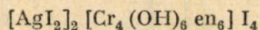
Точность этого метода была изучена на количествах серебра варьированных между 0,0049 г и 0,0327 г серебра.

Из полученных результатов заключается что разница между количеством серебра из раствора и тем найденном при анализе не превышает 0,3 мг.

UNE NOUVELLE METHODE GRAVIMETRIQUE POUR LE DOSAGE DE L'ARGENT

Résumé

Dans cette Note, les Auteurs proposent une nouvelle méthode gravimétrique pour le dosage de l'argent, basée sur la formation d'une combinaison complexe nouvelle :



qui résulte du traitement d'un sel d'argent par l'iodure de potassium en excès et par l'iodure hexaéthylendiamino-hexoltétra chromique.

La précision de cette méthode a été étudiée sur des quantités d'argent qui ont varié de 0,0049 g. à 0,0327 g.Ag.

Des résultats obtenus, les Auteurs ont déduit que les différences entre la quantité d'argent de la solution et celle qu'ils ont trouvée, ne dépasse pas 0,3 mg.

O NOUĂ METODĂ VOLUMETRICĂ PENTRU DOZAREA PLUMBULUI

Acad. GH. SPACU

și CORNELIA IANCU

Metodele volumetrice pentru dozarea elementelor sînt uneori preferate în laboratoarele industriale, metodelor gravimetrice, deoarece pe lîngă faptul că pot servi la analize în serie au și avantajul că utilizează reactivi ce se găsesc curent mai în toate laboratoarele.

În literatură sînt date multe metode de dozare volumetrică a plumbului, care sînt în general metode indirecte fie acidimetrice sau alcalimetrice, fie metode ce au la bază o reacție de precipitare.

Încă din 1865 Grăger [1] arată că se poate doza plumbul precipitîndu-l cu un exces de ferocianură de potasiu, acest exces determinîndu-se cu o soluție de permanganat de potasiu.

Mohr [2] precipită plumbul cu un exces de acid oxalic și amoniac retitrînd excesul de acid oxalic cu permanganat de potasiu. R. C. Cowly și P. Catford [3] titrează excesul de acid oxalic în prezența de acid sulfuric, iar H. L. Ward [4] urmînd aceeași cale dozează plumbul în prezență de mari cantități de acid acetic. W. Diehl [5] determină plumbul prin precipitare cu o soluție de bicromat de potasiu cu titru cunoscut, retitrînd excesul de bicromat cu o soluție de tiosulfat de sodiu.

În 1903 J. Hayes — Campbell [6] bazîndu-se pe același principiu titrează excesul de bicromat de potasiu cu sare Mohr, utilizînd drept indicator ferocianura de potasiu.

A. P. Laurie [7] determină direct plumbul prin titrare cu o soluție de bicromat de potasiu în prezență de azotat de argint.

Longi și Bonavia [8] arată că metoda instituită de Domonte care titrează plumbul la cald în prezența unui exces de KOH cu o soluție titrată de sulfură de sodiu, nu dă rezultate satisfăcătoare.

Tot acești autori [9] arată că se obțin rezultate mai bune titrînd o soluție de azotat de plumb, lipsită de acid azotic cu ferocianură de potasiu în prezență însă de acetat sau azotat de uranil.

C. A. M. Balling [10] obține rezultate mai mari, cînd titrează plumbul în soluție acetică cu sulfat acid de potasiu, folosind ca indicator tropeolina.

C. Schindler [11] și Alexander [12] întrebuițînd o soluție de molibdat de amoniu, titrează plumbul în prezența unei soluții de tanin drept indicator.

C. A. Cameron [13] descrie o metodă de dozare indirectă a plumbului care se bazează pe faptul că plumbul se precipită cu o soluție normală de iodată, excesul de acid iodic determinîndu-se prin titrare cu tiosulfat de sodiu în prezență de acid clorhidric.

Metoda lui Lindemann și Motteu [14] se bazează pe faptul că o soluție de clorură de var, transformă la rece sulfurile metalice în oxizii respectivi, respectiv superoxizi și acid sulfuric. Peroxidul format se tratează cu un exces de iodură de potasiu și acid clorhidric, iar iodul pus în libertate se dozează cu tiosulfat de sodiu.

Rupp [15] instituie o metodă acidimetrică de dozare a plumbului titrând o soluție neutră a unei sări a metalului de mai sus, cu o soluție de cianură de potasiu. Excesul de cianură de potasiu se retitrează cu un acid în prezență de metiloranj.

A. Bacovescu și E. Vlahuța [16] determină plumbul indirect prin titrarea sării respective cu carbonat de mangan ce fusese adăugat în exces. Sarea de mangan în exces se determină titrimetric cu permanganat de potasiu.

În 1937 I. Murgulescu și C. Cîndea [17] titrează o soluție acetică ce conține ioni de plumb, cu o soluție titrată de molibdat de sodiu folosind ca indicator de adsorbție, eosina.

În lucrarea de față ne-am bazat pe faptul că plumbul, așa cum au arătat G. Spacu și J. Dick [18] formează o sare bazică de forma: $\text{Pb}(\text{OH})\text{SCN}$, atunci când se tratează o sare de plumb cu piridină și sulfocianură de amoniu sau mai bine de potasiu.

Deoarece complexul format este foarte stabil în soluție ce conține ioni SCN am instituit o metodă nouă de dozare volumetrică a plumbului.

Principiul acestei metode este următorul: se precipită plumbul cu piridină și sulfocianură de amoniu, soluție de titru cunoscut și se retitrează excesul de sulfocianură cu o soluție titrată de azotat de argint, în prezență de difenilcarbazonă ca indicator.

Modul de lucru

Într-un balon cotat de 100 ml. pentru cantități de plumb cuprinse între 0,1—0,6 g. plumb, sau de 50 ml. pentru cantități de plumb cuprinse între 0,05—0,1 g, se introduce soluția ce conține ionii de plumb, se adaugă 0,5—1,5 ml. piridină, după cantitatea de plumb și se aduce balonul la semn cu o soluție deci normală de sulfocianură de potasiu. Se agită bine conținutul balonului și se filtrează imediat printr-un filtru cantitativ, prinzând filtratul direct într-o biuretă uscată.

Se măsoară apoi, într-un flacon de titrare, 25 ml. soluție, se adaugă o singură picătură de indicator: soluție alcoolică 1% de α -dinitrofenol și se neutralizează excesul de piridină cu acid azotic normal picătură cu picătură, pînă la culoarea galben slab a indicatorului. Se evită adăugarea unei cantități prea mari de acid, deoarece titrarea ionului SCN cu azotat de argint în prezență de difenilcarbazonă se face în mediu neutru sau foarte slab acid.

Dacă în soluție este prezentă o cantitatea prea mare, de acid, colorația violetă apare mai târziu, iar dacă mediul este alcalin, colorația apare mai devreme.

La soluția astfel neutralizată se adaugă 15—20 picături soluție alcoolică 1% difenilcarbazonă și se titrează cu o soluție decinormală de azotat de argint de titru cunoscut, pînă cînd sulfocianura de argint formată capătă o colorație violacee.

Observații

Preciziunea metodei depinde de cantitatea de săruri de amoniu. Dacă probele conțin mult plumb, se va forma o cantitate mare de săruri de amoniu, din reacția între sarea de plumb și sulfocianura de amoniu, săruri care dizolvă o cantitate apreciabilă din sarea bazică precipitată.

Deci când se vor găsi prezente multe săruri de amoniu, trebuie să se îndepărteze.

Se recomandă de aceea să se utilizeze sulfocianura de potasiu în locul celei de amoniu.

Soluțiile prea acide se vor evaporă în prealabil la uscare. Plumbul nu se poate determina într-o soluție de acetat de plumb, deoarece sarea bazică se dizolvă într-o măsură apreciabilă în acetatul de amoniu care se formează.

Soluțiile slab acide se vor neutraliza în prealabil cu piridină și apoi se va precipita plumbul cu sulfocianură de potasiu.

Plumb luat în analiză	Plumb găsit	Diferența	Diferența %
0,3234 g.	0,3230 g.	0,0004	-0,1
0,1521 g.	0,1521 g.	0,0000	—
0,5708 g.	0,5717 g.	0,0009	+0,1
0,4755 g.	0,4754 g.	0,0001	-0,02
0,0951 g.	0,0951 g.	0,0000	—
0,1331 g.	0,1333 g.	0,0002	+0,1
0,4896 g.	0,4897 g.	0,0001	+0,02
0,3805 g.	0,3806 g.	0,0001	+0,02
0,5385 g.	0,5388 g.	0,0003	+0,06
0,0190 g.	0,0190 g.	0,0000	—
0,1711 g.	0,1712 g.	0,0001	+0,01
0,2091 g.	0,2090 g.	0,0001	+0,04
0,0760 g.	0,0761 g.	0,0001	+0,1
0,2855 g.	0,2856 g.	0,0001	+0,03
0,3804 g.	0,3800 g.	0,0004	-0,1
0,2475 g.	0,2477 g.	0,0002	+0,07

Laboratorul de Chimie Anorganică și Analitică
Facultatea de Chimie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Gräger : *Z. f. Anal. Chem.* 4, 1865, 438.
- [2] Mohr : *Ztr. Bl.* 1907, II, 1659.
- [3] R. C. Cowly și J. P. Catford : *Z. f. Anal. Chem.* 42, 1903, 633.
- [4] H. L. Ward : *Z. f. Anorg. Chem.* 77, 1912, 257.
- [5] W. Diehl : *Z. f. Anal. Chem.* 19, 1880, 306.
- [6] J. Hayes-Campbell : *Z. f. Anal. Chem.* 42, 1903, 632.
- [7] A. P. Laurie : *Z. f. Anal. Chem.* 42, 1903, 631.
- [8] Longi și Bonavia : *Z. f. Anal. Chem.* 42, 1903, 633.
- [9] Longi și Bonavia : *Z. f. Anal. Chem.* 42, 1903, 634.
- [10] C. A. M. Balling : *Z. f. Anal. Chem.* 22, 1883, 250.
- [11] C. Schindler : *Z. f. Anal. Chem.* 27, 1888, 137.
- [12] Alexander : *Ztr. Bl.* 1893, II, 293.
- [13] C. A. Cameron : *Z. f. Anal. Chem.* 18, 1879, 475.

- [14] Lindemann și Motteu : *Ztr. Blt.* 1893, II, 1106.
 [15] Rupp : *Ztr. Blt.* 1910, I, 1055, 1183.
 [16] A. Bacovescu și E. Vlăhuta : *Z. f. Anal. Chem.* 150, 1911, 115.
 [17] I. Murgulescu și C. Cîndea : *Z. f. Anal. Chem.* 110, 1937, 207.
 [18] G. Spacu și J. Dick : *Z. f. Anal. Chem.* 72, 1927, 289.

НОВЫЙ ОБЪЕМНЫЙ МЕТОД ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ СВИНЦА

В настоящем сообщении авторы предлагают новый, быстрый и точный объёмный метод определения свинца.

Количественное осаждение делается с помощью пиридина и титрованного раствора KSCN, взят в избытке, в виде $\text{Pb} \begin{cases} \text{SCN} \\ \text{OH} \end{cases}$. В фильтрате определяется избыток KSCN с помощью титрованного раствора AgNO_3 при наличии дифенилкарбозона, как индикатор.

Ионы Zn^{++} , Cd^{++} , Co^{++} , Ni^{++} , Cu^{++} препятствуют определению свинца.

Ошибка метода $\pm 0,1\%$.

UNE NOUVELLE MÉTHODE VOLUMÉTRIQUE POUR LE DOSAGE DU PLOMB

Résumé

Les auteurs de cette note proposent une nouvelle méthode volumétrique rapide et précise de dosage du plomb. On précipite le plomb quantitativement comme $\text{Pb} \begin{cases} \text{OH} \\ \text{SCN} \end{cases}$ avec de la pyridine et avec un excès de solution titrée de KSCN. L'excès de KSCN est dosé dans la solution filtrée avec une solution titrée de AgNO_3 , en présence de diphenylcarbasone comme indicateur.

Le dosage du plomb est empêché par les ions : Zn^{++} , Cd^{++} , Cu^{++} , Ni^{++} , Co^{++} . L'erreur de la méthode est de $\pm 0,1\%$.

CONTRIBUȚII LA CUNOAȘTEREA COMBINAȚIILOR AMINELOR AROMATICE CU ACIDUL ACETIC

E. ANGELESCU și C. HÖLSZKY

În vederea cunoașterii combinațiilor ce iau naștere în sistemele binare formate din amine aromatice și acizi grași inferiori, determinările unor proprietăți care depind de spațiul liber dintre molecule prezintă un deosebit interes. Astfel de determinări efectuate asupra sistemelor binare formate de acidul formic, acetic, propionic și butiric cu unele amine aromatice primare [1] ca și sistemele binare formate de acid formic, propionic și butiric cu unele amine aromatice secundare și terțiare [2] [3] [4] pun în evidență formarea de combinațiuni moleculare și permit tragerea unor concluziuni asupra naturii acestor combinațiuni.

În lucrarea de față se vor expune datele obținute în determinarea volumului molecular, a contracțiunii de volum, a viscozității, a tensiunii superficiale, a energiei moleculare superficiale, a parachorului, precum și a indicelui de refracție a sistemelor binare formate din acid acetic și o amină aromatică secundară sau terțiară (monometil — (M_1), dimetil — (M_2), monoetil — (E_1), dietilanilină (E_2)) și se va face discuțiunea rezultatelor obținute.

Rezultatele obținute din determinările făcute la 25°C sînt consemnate în tabelele 1—4.

Tabela 1.

Sistemul metilanilină — acid formic

Nr. crt.	Amina în mol %	Greut. specifică 25°/4°	Volum molecular cm ³	Contracțiune de volum %	Viscozitate centipoise	Tens. superficială dyne/cm	Parachor	n_D^{25}
1	0	1,0437	57,52	0	1,10	28,73	133,2	1,3713
2	6,17	1,0611	59,32	2,27	2,67	29,67	138,5	1,3991
3	11,02	1,0682	61,06	3,39	5,03	30,31	143,2	1,4203
4	18,41	1,0652	64,49	3,76	7,46	31,81	153,2	1,4432
5	25,13	1,0574	68,01	3,56	7,34	32,77	162,7	1,4598
6	34,45	1,0452	73,13	2,84	6,73	33,88	176,5	1,4790
7	44,77	1,0311	78,65	2,41	5,24	34,90	191,2	1,4981
8	55,12	1,0184	84,41	1,76	3,95	35,79	206,5	1,5141
9	67,68	1,0050	91,41	1,06	2,99	36,84	225,2	1,5312
10	82,69	0,9930	99,63	0,50	2,35	38,09	247,5	1,5492
11	100	0,9819	109,05	0	1,98	39,59	273,5	1,5686

Sistemul etilanilină — acid acetic

Tabela 2

Nr. crt.	Amina în mol %	Greut. specifică 25°/4°	Volum molecular cm ³	Contractiune de volum %	Viscozitate centipoise	Tens. superficială dyne/cm	Parachor	n _D ^{25°}
1	0	1,0437	57,52	0	1,10	28,73	133,2	1,3713
2	4,79	1,0568	59,58	2,04	2,64	29,18	138,5	1,3970
3	10,27	1,0626	62,42	3,39	5,94	30,28	146,4	1,4188
4	15,74	1,0595	65,73	3,90	9,63	31,24	155,4	1,4389
5	22,87	1,0509	70,42	3,97	11,37	31,84	167,2	1,4556
6	31,35	1,0354	76,46	3,45	10,25	32,69	182,8	1,4734
7	40,15	1,0218	82,75	2,96	8,02	33,74	199,4	1,4886
8	51,37	1,0040	91,04	2,12	6,57	34,21	220,1	1,5042
9	64,74	0,9894	100,84	1,38	3,54	34,73	244,8	1,5203
10	80,15	0,9718	112,14	0,68	2,55	35,82	274,3	1,5352
11	100	0,9564	126,62	0	1,95	36,51	311,2	1,5520

Sistemul dimetilanilină — acid acetic

Tabela 3

Nr. crt.	Amina în mol %	Greut. specifică 25°/4°	Volum molecular cm ³	Contractiune de volum %	Viscozitate centipoise	Tens. superficială dyne/cm	Parachor	n _D ^{25°}
1	0	1,0437	57,52	0	1,10	28,73	133,2	1,3713
2	4,32	1,0551	59,46	1,77	2,23	29,71	138,7	1,4022
3	11,46	1,0569	63,42	3,18	4,09	29,86	148,3	1,4206
4	15,75	1,0502	66,32	3,17	4,36	31,55	157,2	1,4321
5	23,15	1,0366	71,54	2,85	3,88	32,16	170,3	1,4499
6	31,15	1,0211	77,42	2,26	3,18	32,77	185,3	1,4672
7	42,20	1,0024	85,59	1,53	2,41	33,19	205,5	1,4833
8	51,46	0,9905	92,34	1,05	2,05	33,73	222,5	1,4974
9	64,02	0,9763	101,54	0,56	1,67	34,79	246,6	1,5145
10	79,48	0,9646	112,52	0,31	1,45	35,81	275,2	1,5311
11	100	0,9523	127,17	0	1,29	37,01	313,7	1,5562

Sistemul dietilanilină — acid acetic

Tabela 4

Nr. crt.	Amina în mol %	Greut. specifică 25°/4°	Volum molecular cm ³	Contractiune de volum %	Viscozitate centipoise	Tens. superficială dyne/cm	Parachor	n _D ^{25°}
1	0	1,0437	57,52	0	1,10	28,73	133,2	1,3713
2	3,86	1,0525	60,30	1,94	2,61	29,08	140,1	1,3992
3	8,30	1,0553	63,90	3,27	5,38	30,31	149,9	1,4157
4	13,30	1,0520	68,33	4,03	9,66	31,30	161,6	1,4324
5	19,11	1,0415	73,97	4,16	12,07	32,38	176,5	1,4485
6	26,32	1,0244	81,49	3,66	10,45	31,86	193,6	1,4645
7	35,60	1,0036	91,42	2,88	7,68	31,76	218,3	1,4803
8	45,53	0,9856	102,07	2,18	5,24	31,91	242,6	1,4938
9	58,94	0,9654	116,58	1,32	3,55	32,18	277,7	1,5089
10	76,21	0,9469	135,10	0,59	2,45	32,58	322,8	1,5234
11	100	0,9299	160,37	0	1,93	34,29	388,2	1,5390

metilanilină — acid acetic ($K = 0,509$, $a = 4,31$)

Nr.	crt.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
V	găsit	57,52	59,32	61,06	64,49	68,01	73,13	78,65	84,41	91,41	99,63	109,05
V	calculat	57,52	59,25	61,06	64,40	67,93	73,13	79,17	85,16	92,14	100,11	109,05
	$\Delta V \%$	0	-0,12	0	-0,14	-0,12	0	+0,66	+0,89	+0,80	+0,48	0

etilanilină — acid acetic ($K = 0,488$, $a = 3,96$)

Nr.	crt.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
V	găsit	57,52	59,58	62,42	65,73	70,42	76,46	82,75	91,04	100,84	112,14	126,62
V	calculat	57,52	59,65	62,50	65,73	70,40	76,46	83,08	91,67	101,73	112,84	126,62
	$\Delta V \%$	0	+0,12	+0,13	0	-0,03	0	+0,40	+0,69	+0,88	+0,62	0

dimetilanilină — acid acetic ($K = 0,555$, $a = 5,69$)

Nr.	crt.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
V	găsit	57,52	59,46	63,42	66,32	71,54	77,42	85,59	92,34	101,34	112,52	127,17
V	calculat	57,52	59,40	63,42	67,20	71,53	77,57	86,02	92,92	102,00	112,86	127,17
	$\Delta V \%$	0	-0,10	0	+1,33	-0,01	+0,19	+0,50	+0,63	+0,45	+0,30	0

dietilanilină — acid acetic ($K = 0,6002$, $a = 4,79$)

Nr.	crt.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
V	găsit	57,52	60,30	63,90	68,33	73,97	81,49	91,42	102,07	116,58	135,10	160,37
V	calculat	57,52	60,28	63,89	68,33	73,98	81,49	91,69	102,80	117,55	135,83	160,37
	$\Delta V \%$	0	-0,02	-0,01	0	+0,01	0	+0,29	+0,71	+0,83	+0,54	0

Diseuția rezultatelor Volumul molecular și contracțiunile de volum

Sistemele binare studiate prezintă contracțiuni de volum (φ) pronunțate (până la 40%) a căror valoare maximă descrește în ordinea: dietil — > etil — > metil — > dimetilanilină (fig. 1), adică tocmai în ordinea

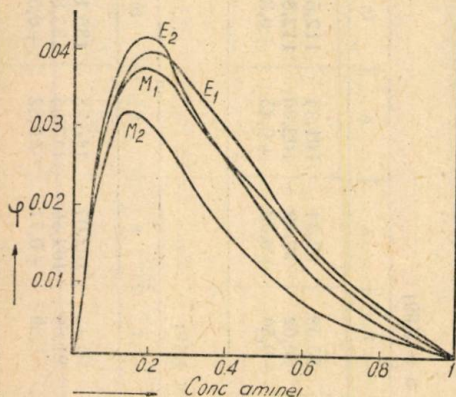


Fig. 1

descreșcătoare a constantelor de disociere. Ca și în cazul celorlalte sisteme binare maximele contracțiunilor se plasează în regiunea amestecurilor bogate în acid (fig. 1).

Pentru calcularea volumelor moleculare am folosit formula dată de E. Angelescu și C. Eustațiu [1]

$$V = [x V_1 +$$

$$(1-x) V_2] [1 - K x^a (1-x)] \quad (1)$$

unde K și a sînt două constante ce se determină din două determinări experimentale.

Tabela 5 ne arată, ca și la celelalte sisteme binare studiate, că formula (1) se aplică mulțumitor.

Admițînd că contracțiunea de volum este datorită combinațiunii între componenți la formarea căreia se aplică legea maselor, constantei a i se poate atribui o semnificație fizică și anume ar reprezenta numărul de molecule de acid ce se combină cu o moleculă de amină pentru a forma combinațiunea moleculară respectivă. Faptul că pentru constanta a se obțin valori ce nu sînt numere întregi scoate în evidență faptul că procesele chimice ce au loc la amestecarea celor doi componenți sînt complexe și nu conduc la combinațiuni moleculare unitare, dar în orice caz, componentul acid intră într-o proporție mai mare decît amina corespunzătoare. Aceste observațiuni se adevăresc și pentru sistemele în care componentul bazic este o amină aromatică primară (vezi tabela 6).

Tabela 6

	Amine primare +)			Amine secundare		Amine terțiare	
	Anilină	o-toluid	m-toluid	M_1	E_1	M_2	E_2
Contracție maximă	4,49	4,07	4,46	3,76	3,97	3,18	4,16
Conc. aminei la maxim	21,10	18,41	25,60	18,41	22,87	11,46	19,11
K	0,47	0,46	0,44	0,509	0,488	0,555	0,6002
a	3,28	3,60	3	4,31	3,96	5,69	4,79

Viscozitatea

În cazul sistemelor amine aromatice substituie — acid acetic viscozitatea prezintă de asemenea maxime a căror valoare depinde de natura aminei și anume descrește în aceeași ordine ca maximele de contracție,

deci în ordinea descrescătoare a constantelor de disociere. Totuși maximele viscozităților nu pot fi puse numai pe seama contracțiunilor de volum, deoarece în acest caz ar trebui să verifice relația lui Mc.Leod [5] care se bazează pe această reciprocitate.

Încercarea de a aplica relația aceasta, arată că ea se verifică în limite restrânse de concentrațiuni, ceea ce scoate la iveală și alți factori ce intervin în viscozitatea sistemelor binare.

Totuși concentrația aminei la care viscozitatea sistemelor prezintă valori maxime în cazul sistemelor cu

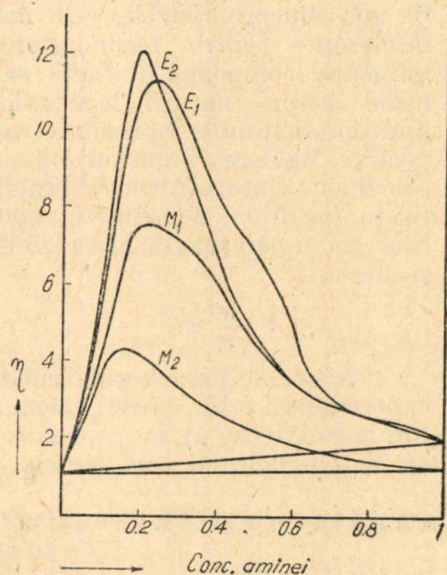


Fig. 2

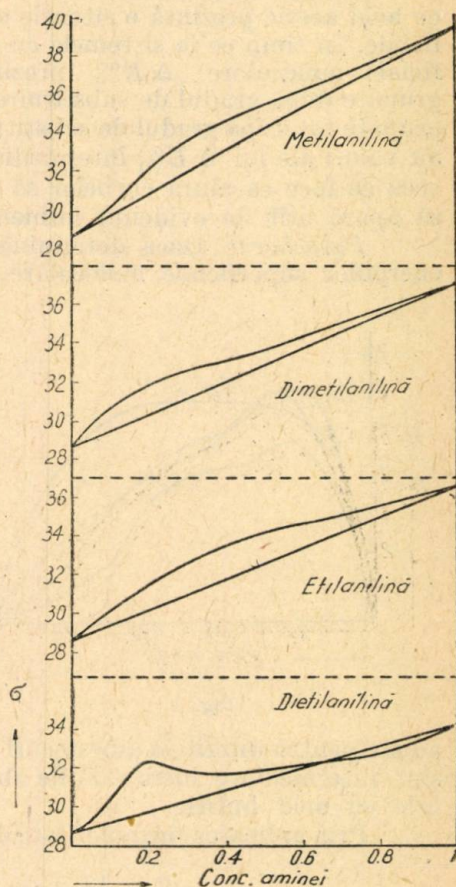


Fig. 3

acid acetic este practic aceeași cu concentrația aminei la care avem contracțiuni de volum maxime.

Din fig. 2 unde sînt reprezentate curbele de viscozitate, se remarcă de asemenea că maximele ce se găsesc în regiunea amestecurilor bogate în acid verifică regula dată de E. Angelescu și C. Eustațiu [1] după care maximum de viscozitate al unui amestec binar se găsește deplasat spre componentul cel mai asociat.

Tensiunea superficială, energia moleculară superficială și parachorul

Tensiunile superficiale (σ) prezintă abateri pozitive de la aditivitate (fig. 3) în tot domeniul de concentrațiuni. Deși semnul abaterilor arată că sistemele cu acid acetic se aseamănă cu sistemele cu acid formic [2] unde

predomină abaterile pozitive spre deosebire de sistemele cu acid butiric [4] unde abaterile sînt negative, ele nu sînt suficient de reprezentative pentru a putea trage concluziuni asupra influenței aminei.

Energia superficială moleculară ($\sigma V^{2/3}$) calculată pentru sistemele cu acid acetic prezintă o situație asemănătoare cu cea a tensiunilor superficiale. În timp ce la sistemele cu acid formic [2] abaterile energiei superficiale moleculare $\Delta E\%$ prezintă abateri pozitive mari cu aminele grupate după gradul de substituie, iar la acidul butiric (4) valori negative grupate tot după gradul de substituie al aminelor, sistemele cu acid acetic au valori ale lui $\Delta E\%$ intermediare, în general pozitive și de valori mici ceea ce face ca alura curbelor să nu mai poată fi atît de regulată și nici să apară atît de evidentă influența aminei.

Parachorul. Dacă determinările de tensiune superficială și calculul energiilor superficiale moleculare prezintă pentru sistemele studiate un

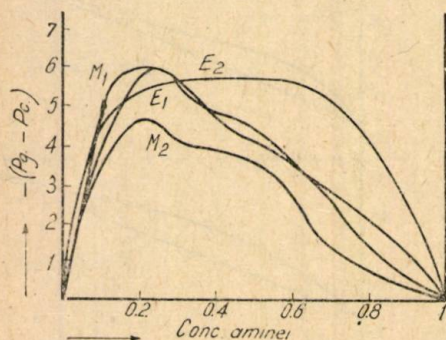


Fig. 4

interes limitat, parachorul pare să fie una din proprietățile cele mai interesante pentru recunoașterea influenței componentului acid sau bazic asupra naturii legăturilor din combinațiunile moleculare respective. Valoarea parachorului s-a calculat cu ajutorul formulei simplificate, neglijînd densitatea vaporilor la temperatura de lucru (25°C) și anume:

$$P = \frac{M}{D} \sigma^{1/4}$$

Abaterile parachorului găsite experimental față de cel calculat

aditiv pentru diferitele amestecuri au valori negative (fig 4), iar ca maxime sînt intermediare între valorile abaterilor la sistemele cu acid formic și cele cu acid butiric.

Prin aplicarea formulei date de E. Angelescu și C. Eustațiu [1]

$$P = [P_1x + P_2(1 - x)] (1 - K\varphi)$$

în care φ este contracțiunea de volum, iar K un factor numeric, s-au obținut valori ale parachorului calculat foarte apropiate de ale parachorului găsit experimental. Formula de mai sus ne arată că abaterile parachorului sînt determinate nu numai de contracțiunea de volum deoarece acesta trebuie corectat cu factorul K care variază după acidul și amina care intră în componența sistemului binar. Valorile lui K sînt calculate din cîte două determinări experimentale și sînt trecute în tabela 7.

Datele din tabela 7 ne arată că la sistemele cu acid formic valorile lui K sînt subunitare, adică abaterile parachorului sînt mai mici decît cele care ar deriva numai din contracțiunea de volum. În cazul sistemelor cu acid propionic și butiric, situația este inversă, în sensul că valorile supraunitare ale lui K arată că abaterile sînt mai mari decît cele care ar deriva numai din contracțiunea de volum. Sistemele cu acid acetic au valori ale lui K intermediare și apropiate de unitate, ceea ce denotă că de la acidul acetic se schimbă comportarea acizilor grași în seria homoloagă.

Valorile lui K

Acidul Amină	o-toluid +)	m-toluid +)	M_1	E_1	M_2	E_2
formic	0,75	0,96	0,41	0,51	0,26	0,38
acetic	1,00	1,10	1,07	0,82	1,20	0,90
propionic	1,50	1,37	2,19	1,77	2,13	1,07
butiric	1,80	1,75	1,80	1,57	1,65	1,30

+) Valorile sînt luate din lucrările citate [1—4].

Aceeași tabelă ne arată însă și influența diferită a aminelor. Totuși în afara sistemelor cu acid formic, unde valorile lui K par să se grupeze după gradul de substituție a aminei, în cazul sistemelor cu acid acetic, propionic și butiric intervin și alți factori constitutivi care nu permit tragerea unor concluziuni sigure asupra influenței aminelor în ceea ce privește natura combinațiilor moleculare de acest tip.

Indici de refracție și refracție moleculară

Dificultățile de stabilire a unor relațiuni certe între abaterile indicelui de refracție sau ale refracției specifice sau moleculare și procesele chimice ce pot avea loc la amestecarea a două lichide, au determinat ca aceste proprietăți optice să fie mai puțin utile în studiul combinațiilor moleculare ce se formează în sistemele binare, acizi grași — amine aromatice. La sistemele prezentate în nota de față, s-au determinat indicii de refracție și s-au calculat refracțiile moleculare, dar se pare că numai abaterile indicelui de refracție sînt caracteristice. După E. Angelescu și C. Eustațiu [1] poziția maximelor abaterilor Δn între indicii de refracție găsit și cel determinat după regula aditivă arată raportul molecular de acid și amină aromatică în combinațiunea formată. Valorile lui Δn pentru sistemele cu acid acetic trecute în fig. 5 ne arată că poziția maximelor aflate între 0,3 și 0,4 moli amină pledează pentru un raport de doi moli acizi față de un mol de amină.

Forma destul de regulată a acestor curbe pledează pentru ideea că indicii de refracție este mai puțin sensibil la modificări structurale decât celelalte proprietăți.

Concluzii. Sistemele binare lichide formate din acid acetic și o amină aromatică secundară: metilanilină (M_1) și etilanilină (E_1) sau terțiară: dimetilanilină (M_2) și dietilanilină (E_2) prezintă abateri de la aditivitate a acelor proprietăți ce depind de spațiul liber dintre molecule. Aceste abateri pun în evidență formarea de combinații și deschid perspectiva unor interpretări asupra naturii combinațiunii moleculare respective. În cazul tuturor sistemelor binare studiate și pentru toate proprietățile arătate, se observă că maximele abaterilor sînt date de amestecurile bogate

în componentul acid. Acest lucru scoate în evidență faptul că în compoziția combinațiunii moleculare formate, acidul intră într-o proporție mai mare decât amina. Comparind însă forma curbelor obținute se constată că ele

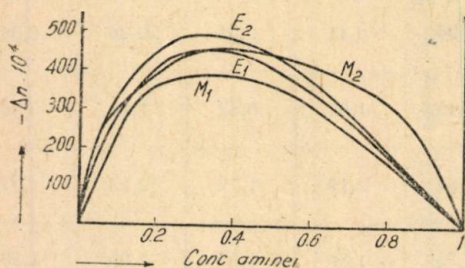


Fig. 5

nu sînt aceleași pentru toate proprietățile urmărite, ceea ce ne arată că aceste curbe, pe lângă că sînt determinate de formarea combinațiilor, suferă influențe ce depind, pe de o parte, de natura componentului acid și bazic, iar, pe de altă parte, diferitele proprietăți traduc în mod deosebit anumite particularități structurale ale combinațiilor. Se pare că și la sistemele binare cu acid acetic proprietățile superficiale se comportă mai bine în evidență influența componentului acid sau bazic, urmărind în sistemele binare acid — amină aromatică substituită, influențele aduse de acidul formic, acetic, propionic și butiric. Se observă că abaterile tensiunilor superficiale și ale energiilor superficiale moleculare nu numai că descresc odată cu creșterea catenei acidului dar devin în cazul acidului butiric negative pentru toate amestecurile binare, ceea ce reprezintă de fapt o inversare în comportarea acidului la formarea acestor combinații. Studiul parachorului a scos și mai bine în relief acest fapt. Aplicînd formula dată de E. Angelescu și C. Eustațiu [1] pentru calcularea parachorului se pune în evidență influența adusă de contracțiunea de volum care însă trebuie corectată cu un factor numeric K . Valorile subunitare ale lui K pentru sistemele cu acid formic arată că abaterile parachorului sînt mai mici decât cele ce ar rezulta numai de pe urma contracțiunii de volum. În cazul acidului propionic și butiric, valorile supraunitare ale lui K arată o comportare contrară și nu numai diferită, iar acidul acetic apare ca termen de trecere în această inversiune de comportare a acizilor grași. Cea mai plauzibilă ipoteză în interpretarea acestor observații se pare că este atribuirea unui caracter hetero-polar a legăturii în combinațiunile formate de acidul formic și a unui caracter homeo-polar a celor date de acidul propionic și butiric. În cazul acidului acetic, caracterele celor două tipuri de legătură se pare că se compensează. Din aceleași valori ale lui K , se pot recunoaște și influențele provocate de componentul bazic, influențe mai puțin nete ca în cazul acizilor.

De asemenea este de menționat că abaterile indicilor de refracție de la aditivitate par să fie mai puțin influențate de particularitățile structurale ale combinațiunii moleculare. Acest lucru ar permite stabilirea compoziției după poziția maximumului de abatere, care pentru sistemele binare cu acid acetic pledează pentru un raport de doi moli acid față de un mol amină.

Laboratorul de chimie organică

Facultatea de Chimie

București

BIBLIOGRAFIE

- [1] E. Angelescu und C. Eustațiu : *Z. physik. Chem.*, (A) 177, 1936, 263.
- [2] E. Angelescu și C. Hölşzky : *Revista Universității C. I. Parhon* Nr. 9 pag. 83, 1956.
- [3] E. Angelescu, C. Hölşzky și C. Demetrescu : *Bul. Acad. R.P.R.*, tom. V, 1953, 65.
- [4] E. Angelescu și C. Hölşzky : *Bul. Acad. R.P.R.* tom. II, Nr. 3, pag. 241. 1950
- [5] M. c. Leod : *Trans. Faraday Soc.* 19, 1923, 6, 17, cf. Hatschek. Viskosität der Flüssigkeiten. Dresden 1929, pg. 146.

ВКЛАД В НАУКУ О СОЕДИНЕНИЯХ АРОМАТИЧЕСКИХ АМИНОВ С УКСУСНОЙ КИСЛОТОЙ

В настоящую работу авторы продолжают исследования в области знания природы образованных соединений в бинарных системах жирные кислоты — ароматические амины принося данные относительно свойств вытекающих из свободного пространства между молекулами (молекулярный объем, объемная контракция, вязкость, молярное поверхностное натяжение, молекулярная поверхностная энергия, парачор, показатель преломления и молекулярная рефракция для систем состоящих из уксусной кислоты и вторичного амина: метиланилин (M_1) этиланилин (E_1) или третичного амина: диметиламин (M_2) и диэтиламин (E_2).

Отклонения от адитивности достаточно характерные для изученных свойств свидетельствуют образование соединений и дают возможность делать некоторые выводы которые в частности придают гетеро или гомеополарному характеру данного соединения. Для этих выводов поверхностные свойства дают самые оцененные признаки

Относительно молярного соотношения кислота/амин кажется что отклонения показателя преломления могут быть использованы более убедительно так как они менее чувствительны на различными конститутивными влияниями. В системах образующихся из уксусной кислоты с изученными замещенными, ароматическими аминами эти отклонения поддерживают точку зрения что на каждый молекул амина соответствуют две молекулы кислоты.

Все измерения производились при температуре 25° Цельсия.

CONTRIBUTIONS A LA CONNAISSANCE DES COMBINAISONS DES AMINES AROMATIQUES AVEC L'ACIDE ACETIQUE

Résumé

Dans la note présente, les auteurs, en continuant leurs recherches visant la connaissance de la nature des combinaisons formées par les amines aromatiques avec les acides gras inférieurs, présentent les résultats obtenus dans l'étude des propriétés physico-chimiques dépendant de l'espace libre intermoléculaire (volume moléculaire et contraction de volume, viscosité, tension superficielle et énergie moléculaire superficielle, parachor, indice de réfraction et réfraction moléculaire) des systèmes contenant de l'acide acétique et une amine aromatique secondaire: méthylaniline (M_1), éthylaniline (E_1) ou tertiaire: diméthylaniline (M_2), diéthylaniline (E_2).

Les écarts à la règle additive des propriétés étudiées, assez caractéristiques, mettent en évidence la formation de combinaisons moléculaires entre les composants et donnent la possibilité de tirer des conclusions sur leur nature et spécialement en ce qui concerne leur caractère hétéro ou homéopolaire. De ce point de vue, les écarts des propriétés superficielles sont les plus intéressants et les plus caractéristiques.

En ce qui concerne les conclusions qu'on peut tirer sur le rapport moléculaire entre l'acide et l'amine qui se trouvent dans la combinaison formée, il semble que l'indice de réfraction en peut donner les plus sûres indications parcequ'en général l'indice de réfraction est moins sensible que les autres propriétés aux influences constitutives. Dans les systèmes étudiés dans la note présente, ces écarts indiquent un rapport moléculaire de deux mols d'acide acétique pour un mol d'amine, dans la combinaison formée.

Toutes les déterminations ont été faites à 25°.

METODA GRAVIMETRICĂ PENTRU DOZAREA ARGINTULUI

P. SPACU și M. GAFIȚEANU

Metodele analitice mai recente de determinare cantitativă a elementelor utilizează ca reactivi substanțe organice, care datorită greutatei lor moleculare mari, conduc la rezultate mai precise.

Astfel, în cazul de față, se cunosc o serie de combinațiuni complexe care se folosesc pentru determinarea cantitativă a argintului pe cale gravimetrică, printre care :

— metoda lui Feigl și Pollak [1] care utilizează ca reactiv rhodanina.

În această metodă combinația complexă, ce conține argint, se cântărește ca atare ;

— metoda lui Lassieur [2] care folosește pentru precipitarea cantitativă a argintului acidul feniltiohidantoic.

— metoda lui Berg [3] care precipită argintul cu thioanolidă în soluții sulfurice. Un dezavantaj al acestei metode este faptul că precipitatul este cântărit numai după calcinare.

— metoda dată de Remington și Moyer [4] care folosesc ca reactiv 1.2.3. benzotriazolul.

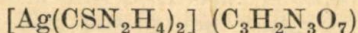
Un dezavantaj al metodelor arătate mai sus este acela că în mare măsură, reactivii se procură cu mare greutate în laboratoare sau necesită un timp îndelungat de preparare.

De asemenea, pentru dozarea gravimetrică a argintului, mai sînt citate metode care se bazează pe formarea combinațiunilor complexe insolubile ale argintului ca :

— metoda bazată pe formarea combinațiunii : $[\text{Ag}(\text{SCN})_2]$ $[\text{Coen}_2(\text{CNS})_2]$ (5)

— sau metoda care se bazează pe formarea combinațiunii complexe insolubile ; $[\text{AgI}_2]$ $[\text{Cupn}_2]$ (6), metodă ce poate fi întrebuințată și în domeniul microchimic.

În lucrarea de față am pus la punct o nouă metodă de dozare a argintului, sub forma combinațiunii complexe cu acid picric și tiouree :



Intr-un articol de specialitate, K. B. Iațimirski și A. A. Astașeva [7], fac un studiu amplu asupra combinațiunilor complexe cu tioureea.

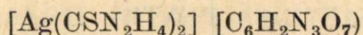
Studiile anterioare ale lui Kurnacov au atras atenția asupra faptului că se formează combinațiuni complexe stabile cu tioureea, numai cu metalele ce sînt precipitate de H_2S în mediu acid.

Cationii complexi mari de forma : $[\text{Me}(\text{CSN}_2\text{H}_4)_n]^{z+}$ formează combinații complexe insolubile cu anioni mari, de exemplu cu ionul picrat : $[\text{C}_3\text{H}_2\text{N}_3\text{O}_7]^-$ numai în cazul cînd metalul complex este Ag^+ , Cu , Hg^{2+} ,

Cd, Pb²⁺, Bi³⁺ și nu se separă nici un fel de precipitat în cazul celorlalți ioni.

Dintre toate elementele care formează combinațiuni complexe cu tioureea și acidul picric, argintul formează combinațiunea cea mai insolubilă, reacția fiind foarte sensibilă. Limita de diluție este de 1:1.500.000.

Cunoscând aceste caracteristici ale reacției am stabilit condițiile pentru determinarea cantitativă a argintului sub formă de :



În acest scop am folosit ca reactiv o soluție de acid picric 1% saturată la cald și soluție de tiouree 5%.

Modul de lucru

La soluția unei sări de argint ce conține între 0,02—0,1 g. Ag, diluată la 70—80 ml. se adaugă o soluție de acid picric 1% în mic exces. Se încălzește soluția la fierbere și se adaugă apoi o soluție de tiouree 5%. Precipitatul apare după agitare cu bagheta, sub forma unor cristale galbene, ca fulgi strălucitori.

Se lasă să se răcească încet sau se grăbește răcirea prin introducerea paharului într-un pahar cu apă.

Precipitatul se depune ușor și soluția de deasupra rămâne limpede. Dacă soluția rămâne incoloră, se poate ca precipitarea să nu fie completă.

Se încearcă aceasta, adăugând cu picătura soluție de acid picric și tiouree. În cazul când se mai formează precipitat, se mai adaugă reactiv, se agită puternic și se lasă să se depună. Când precipitarea e completă, soluția de deasupra precipitatului apare colorată în galben, indiciu că există un exces de acid picric în soluție.

Se filtrează printr-un creuzet filtrant A, se spală cu apă rece, apoi cu 1—2 ml. alcool, 1—2 ml. alcool absolut și în sfârșit cu eter absolut.

Factor de transformare : 0,2210.

Observații

1. Trebuie să se păstreze ordinea reactivilor, deoarece dacă se adaugă întâi tiouree, apoi se încălzește, argintul este redus la sulfură de argint și argint metalic.

2. Se spală cu cantitatea indicată de alcool și nu mai mult, pentru a evita o eventuală dizolvare sau descompunere a precipitatului.

3. Precipitarea se face la cald pentru a favoriza formarea cristalelor sub formă de paiete strălucitoare, care filtrează ușor.

4. Se lucrează în soluții neutre sau slab acide, deoarece în soluții alcaline se separă de obicei precipitatele sulfurilor metalelor respective.

Am efectuat dozarea argintului și în prezența altor elemente. Cum era de așteptat, am obținut rezultate bune, în cazul când aceste elemente sînt : metale alcaline, alcalino-pămîntoase, aluminiu, zinc, fer, cobalt, nichel, crom, mangan.

Ceace este însă mai interesant este faptul că s-a putut doza argintul în prezența plumbului, asigurînd soluției o reacție slab acidă, prin adăugarea de 2—3 picături de acid azotic la soluția de analizat.

În tabela ce urmează sînt trecute rezultatele obținute.

Soluție de azotat de argint. TAG = 0,00511.	(Ag (CSN ₂ H ₄) ₂ (C ₆ H ₂ N ₃ O ₇) cîntărit	grame argint	Diferența în grame	Diferența %
1. 5 ml. = 0,02555 g. Ag.	0,1158	0,02559	+0,00004	0,15
2. 7 ml. = 0,03577 g. Ag.	0,1621	0,03582	+0,00005	0,13
3. 12 ml. = 0,06132 g. Ag.	0,2776	0,06134	+0,00002	0,03
4. 10 ml. = 0,05110 g. Ag.	0,2312	0,05109	-0,00001	0,01
5. 8 ml. = 0,04088 g. Ag.	0,1857	0,04103	+0,00015	0,3
6. 6 ml. = 0,03066 g. Ag.	0,1388	0,03067	+0,00001	0,03
7. 5 ml. = 0,02555 g. Ag.	0,1155	0,02552	-0,00003	0,11
8. 15 ml. = 0,07665 g. Ag.	0,3469	0,07666	+0,00001	0,01
9. 21 ml. = 0,10731 g. Ag.	0,4861	0,10742	+0,00011	0,1
10. 14 ml. = 0,07154 g. Ag.	0,3238	0,07155	+0,00001	0,01
11. 7,5 ml. = 0,03832 g. Ag.	0,1730	0,03823	-0,00009	0,23
12. 9 ml. = 0,04599 g. Ag.	0,2079	0,04595	-0,00004	0,08
13. 7,5 ml. = 0,03832 g. Ag.	0,1733	0,03830	-0,00002	0,05
14. 8,5 ml. = 0,04343 g. Ag.	0,1966	0,04344	+0,00001	0,02
15. 5,5 ml. = 0,02810 g. Ag.	0,1271	0,02809	-0,00001	0,03
16. 6,5 ml. = 0,03321 g. Ag.	0,1503	0,03321	—	—
17. 5 ml. = 0,02555 g. Ag.	0,1156	0,02555	—	—
18. 6ml. = 0,03330 g. Ag.	0,1510	0,03337	+0,00007	0,21
19. 8 ml. = 0,04440 g. Ag.	0,2005	0,04431	-0,00009	0,2
20. 10 ml. = 0,05550 g. Ag.	0,2512	0,05551	+0,00001	0,01

Probele 15, 16, 17 au fost efectuate în prezența ionilor arătați mai sus.

Probele 18, 19, 20 au fost efectuate în prezența plumbului.

După cum se poate vedea în tabelă, în general erorile nu depășesc $\pm 0,2\%$.

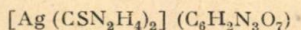
Laboratorul de chimie Anorganică și Analitică
Facultatea de Chimie
București.

BIBLIOGRAFIE

- [1] F. Feigl und I. Pollak : *Mikrochemie* : 4, 185—7 (1926) C. A. 21, 2633 (1927)
- [2] M-me and M. A. Lassieur : *Compt. rend.* 176, 1221—23 (1923) C. A. 17, 2404 (1923)
- [3] R. Berg and W. Roebling : *Angew. Chem.* : 48, 597—601 (1935); C. A. 29, 7855 (1935)
- [4] W. J. Remington and H. V. Moyer : *Disertation Abst* N. 24. Columbus. Ohio State Univ. Press (1937)
- [5] P. Spacu : *Bull. soc. Stiințe Cluj* 7, 568—70 (1934) C. A. 28, 6082 (1934)
- [6] G. Spacu și P. Spacu : *Z. anal. Chem.* 90—182—9 (1932) C. A. 27, 42 (1933)
- [7] K. B. Iațimirski și A. A. Astașeva : *Jurnal analit. chimii*, 1952.

ВЕСОВЫЙ МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ СЕРЕБРА

В этом сообщении предлагается новый весовой метод определения серебра в виде комплексного соединения :



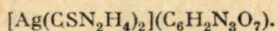
Серебро, в данном случае, осаждается с растворами пикриновой кислоты и гипомочевины. Метод представляет интерес потому что определение происходит быстро и можно его сделать и при наличии других элементов, даже в присутствии свинца.

Ошибка метода $\pm 0,2\%$.

METHODE GRAVIMETRIQUE POUR LE DOSAGE DE L'ARGENT

Résumé

Dans cette note, on propose une nouvelle méthode gravimétrique pour le dosage de l'argent, comme :



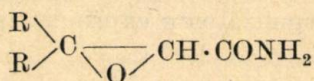
On précipite l'argent avec la thiourée et l'acide picrique. La méthode présente des avantages, parceque le dosage est rapide, peut être effectué en présence de beaucoup d'autres éléments et spécialement, en présence du plomb.

L'erreur de la méthode est de +0,2 %.

SINTEZE DE NOI AMIDE GLICIDE CU ACȚIUNE FIZIOLOGICĂ

GEORGE VASILIU, LIVIA GERTLER, dr. MUREȘAN și dr. SIMIONOVICI

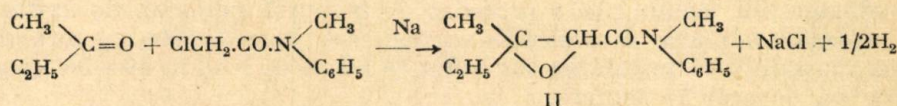
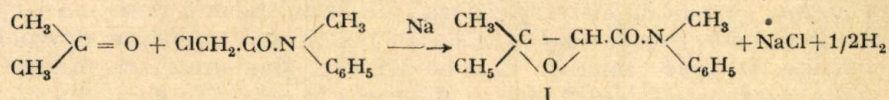
Amidele glicidice, cunoscute încă din 1905, au fost puțin studiate, datele din literatură asupra lor fiind destul de sumare. Amidele glicidice prezintă o proprietate interesantă aceea de a fi fiziologic active. Astfel după cum a arătat F o u r n e a u [1] în 1934 amidele de tipul :



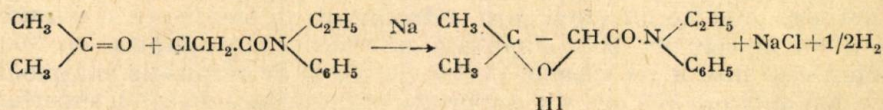
au o acțiune hipnotică și eliminarea lor din organism se face foarte repede. Cercetări în această direcție au mai fost făcute de B o d f o o r s [2], de S c h i c k h [3] în 1936 și mai în urmă s-au obținut o serie de patente pentru unele din aceste amide glicidice. Cercetările lui F o u r n e a u asupra acțiunii hipnotice nu au stabilit în mod sistematic indicele de toxicitate și au arătat numai că acțiunea hipnotică poate fi comparată cu a derivaților barbiturici.

Intr-o lucrare anterioară [4] am preparat câteva amide glicidice substituie cu tiazol. În continuarea acestor cercetări, în lucrarea de față am preparat câteva noi amide glicidice și s-a început un studiu asupra activității lor fiziologice, studiu care a fost făcut în secția de farmacodinamie a Institutului Chimico-Farmaceutic.

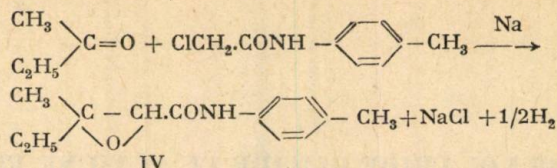
Amidele glicidice au fost preparate prin acțiunea amidelor α -halogenate asupra cetonelor în prezența sodiului metalic. Astfel prin condensarea *N*-metil-fenil-cloracetamidei cu acetona și metiletilcetona s-a obținut β - β -dimetil-*N*-metilfenilglicidamida și β -metil- β -etil-*N*-metilfenilglicidamida :



Prin acțiunea *N*-etilfenilcloracetamidei asupra acetonei s-a preparat β - β -dimetil-*N*-etilfenilglicidamida :



Din *N*-paratolilcloracetamida și metil-etilcetonă s-a obținut β -metil- β -etil-*N*-paratolilglicidamida :



Studiul activității fiziologice s-a efectuat pentru stabilirea acțiunii hipnotice și a indicelui de toxicitate.

Stabilirea indicelui de toxicitate

S-a făcut prin administrarea per os la șoarece. Rezultatele sînt cuprinse în următorul tabel în care cifrele reprezintă procentele de mortalitate pentru dozele corespunzătoare exprimate pe 1000 g. șoarece :

	1000 g.	1500 g.	2000 g.	2870 g.	3000 g.	5750 g.
Glicidamida I	0	40	60	—	100	—
Glicidamida II	0	0	0	0	—	50
Glicidamida III	—	—	—	17	—	66
Glicidamida IV	0	0	10	—	—	—

Stabilirea acțiunii hipnotice

Glicidamida I administrată subcutanat în doze de 0,4—2000 mg. (exprimate pe 1000 g. șoarece) produce un somn care se instalează din ce în ce mai repede cu cît crește doza : de la 20' pentru doza mică la 2' pentru doza mare. Dozele mai mari de 400 mg. nu sînt suportate, provocînd mortalitate. Dozele mici de la 0,4—100 mg. sînt suportate producînd un somn care se instalează destul de rapid în cca. 20', cu o durată de 20—30 minute. Somnul este precedat de o scurtă perioadă de agitație.

Administrarea per os este mai bine suportată : doze de 1000 mg. nu determină mortalitatea, instalarea somnului se face mai lent în 40—50' și are o durată de cca. 15 minute.

Administrarea intraperitoneal a unei doze de 0,3 mg. este suportată și provoacă un somn cu o durată de 15'.

Glicidamida II administrată subcutanat în doze de 1150 mg. — 11.150 mg. produce un somn care se instalează în 5'—15' cu o durată de 30'—120'. Dozele nu sînt suportate provocînd mortalitatea de 100%. Somnul este însoțit de spasme tonico-clonice și de respirație spasmodică. Doze mai mici sub 575 mg. sînt suportate dar provoacă un somn superficial.

Aministrarea per os în doze de 5750 mg. produce un somn de lungă durată 60—120' dar animalele sucombă în proporție de 50—60% în decurs de 24 ore. Doze mai mici 575—1000 mg. produc un somn superficial.

Glicidamida III administrată per os în doze de 5780 mg. produce un somn cu o durată de 10—15 minute. Doze mai mici 2875 mg. nu produc decât o somnolență fiind totuși toxice pentru șoarece.

Glicidamida IV administrată per os în doze 1000—15000 mg. nu produce somn ci numai o somnolență, în schimb prezintă un indice de toxicitate mai redus.

Din aceste date experimentale se poate trage concluzia că $\beta\beta$ -dimetil-*N*-metilfenilglicidamida prezintă o activitate hipnotică interesantă: este suportată în doză eficientă producând un somn de o durată de 15 minute per oral și de 30 minute subcutanat. În ceea ce privește toxicitatea glicidamidelor studiate este de remarcat că înlocuirea unei grupe metil cu etil în poziția β sau la azot aduce o scădere marcată a indicelui de toxicitate.

Partea experimentală

Amidele β -halogenate au fost obținute prin acțiunea clorurii de cloracetil asupra aminelor respective.

*Prepararea $\beta\beta$ -dimetil-*N*-metilfenilglicidamidei.*

Intr-un balon cu trei gături se introduce un amestec de 12 g. *N*-metilfenilcloracetamidă și 150 cc. acetonă. Se răcește cu gheață și se adaugă 1,5 g. Na în mici porțiuni sub agitare mecanică. După adăugarea sodiului se continuă agitarea 12 ore. Se încălzește apoi pe baia de apă o oră, se filtrează precipitatul de NaCl format și se distilă excesul de acetonă. Din reziduiul rămas cristalizează glicidamida. Se recrystalizează din alcool etilic. Cristale incoloro rombighe cu p.t. 72°. Rendement 60%.

Analiza : N% calculat 6,82
găsit 6,70

*Prepararea β -metil- β -etil-*N*-metilfenilglicidamidei.*

Se dizolvă 18,3 g de *N*-metilfenilcloracetamidă în 200 cc. metil-etilcetonă și se adaugă în mici porțiuni 2,3 g. Na. Se lucrează ca mai sus. β -metil- β -etil-*N*-metilfenilglicidamida se prezintă sub forma unui lichid viscos cu p.f. 170°/12 mm. Rendement 58%.

Analiza : N% calculat 6,38
găsit 6,46

*Prepararea $\beta\beta$ -dimetil-*N*-etilfenilglicidamidei*

Se dizolvă 19,7 g. de *N*-etilfenilcloracetamidă în 200 cc. acetonă și se adaugă în mici porțiuni 2,3 g. sodiu metalic. Se lucrează ca mai sus. $\beta\beta$ -dimetil-*N*-etilfenilglicidamida este un lichid viscos cu p.f. 147°/3 mm. Rendement 45%.

Analiza : N% calculat 6,38
găsit 6,69

Prepararea β -metil- β -etil-*N*-paratolilglicidamidei

Se dizolvă 18,3 g. de *N*- paratolileloracetamidă în 200 cc. metiletilcetonă și se adaugă în mici porțiuni 2,3 g. sodiu metalic. Se lucrează ca în cazurile precedente.

β -metil- β -etil-*N*-paratolilglicidamida cristalizată în ace incolore cu p.t. 254°. Rendement 30%.

Analiza : $N\%$ calculat 6,38
găsit 6,28

Laboratorul de Chimie Organică
Facultatea de Chimie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Fourneau, Billeter : *J. Pharm. Chim.* 19, 49 (1934)
- [2] Sven Bodfoors ; *Ber.* 52, 142 (1919)
- [3] Otto Schickh ; *Ber.* 69, 971 (1936)
- [4] G. Vasiliu și L. Gertler ; *Rev. Univ. C. I. Parhon* Nr. 8, 97 (1955)

СИНТЕЗЫ НОВЫХ ГЛИЦИДНЫХ АМИДОВ С ФИЗИОЛОГИЧЕСКИМ ДЕЙСТВИЕМ

Действием амидов α -замещенными галоидом с кетонами в присутствии металлического натрия получены следующие глицидные амиды: β - β диметил — *N*-метилфенилглицидамид, β -метил— β этил—*N* метил фенил глицидамид, β - β диметил—*N* этил фенил глицидамид и β -метил— β этил толил глицидамид. Авторы изучают токсичность и гипнотическое действие этих веществ и обнаружили что β - β диметил *N*метил фенил глицидамид вызывает сон в течении 15' если дается „per os“ и 30' если ставится укол.

SYNTHÈSES D'AMIDES GLICIDIQUES AVEC ACTION PHYSIOLOGIQUE

Résumé

Par l'action des amides β -halogénées sur les cétones en présence du sodium on a préparé les amides glicidiques suivantes : la β - β -diméthyl-*N*-méthylphénylglicidamide, la β -méthyl- β -éthyl-*N*-méthylphénylglicidamide, la β - β -diméthyl-*N*-éthylphénylglicidamide et la β -méthyl- β -éthyl-tolilglicidamide. Les auteurs ont étudié la toxicité et l'action hypnotique de ces substances et ont observé que la β - β -diméthyl-*N*-méthylphénylglicidamide produit un sommeil d'une durée de 15' per os et de 30' lorsque cette amide est administrée par voie souscutanée.

O METODĂ GRAVIMETRICĂ PENTRU DOZAREA CUPRULUI

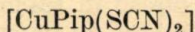
P. SPACU și EL. ANTONESCU

Începînd cu metoda de dozare a cuprului cu piridină, ca $[\text{CuPy}_2(\text{SCN})_2]$ (3) s-au instituit o serie de metode în care cuprul este precipitat și cîntărit sub forma de combinațiune complexă. Ultimele metode recomandate sînt metodele de dozare a cuprului ca $[\text{CuAn}_2(\text{SCN})_2]$ (4) și cea de dozare sub formă de $[\text{Hg}(\text{CNS})_4]$ Cu (5).

Datele complete de literatură se găsesc într-o lucrare publicată anterior. ⁴⁾

Avantajele pe care le prezintă dozarea cuprului sub forma de combinație complexă, ne-au făcut să căutăm un nou procedeu rapid și precis de dozare a cuprului sub această formă.

Astfel am utilizat pentru precipitarea cuprului, piperazina și sulfocianura de amoniu, obținînd o substanță nouă, a cărei formulă am stabilit-o ca fiind :



Combinații ale cuprului cu piperazina au mai fost obținute sub forma de combinațiuni duble de clorhidrat de piperazină și CuCl_2 sau CuBr_2 de către J. Amiel (4). R. Ripan (2) a preparat o serie de sulfati dubli hidratați cu piperazină și acid sulfuric de forma $\text{Pip}[\text{Cu}(\text{H}_2\text{O})_4]\text{SO}_4 \cdot \text{H}_2\text{SO}_4$ în care a înlocuit H_2O cu NH_3 , en, Py.

Combinațiunea $[\text{CuPip}(\text{SCN})_2]$ a fost obținută prin precipitarea cuprului din $\text{CuSO}_4 \cdot 5\text{H}_2\text{O}$, cu un amestec de piperazină și sulfocianură de amoniu. Precipitarea cuprului cu acest amestec de reactiv s-a dovedit a fi cantitativă în anumite condiții pe care le vom arăta mai jos.

Substanța se prezintă sub forma de paete verzi, frumos cristalizate, mai ales atunci cînd precipitarea se face la gheață.

Formula substanței a fost stabilită prin analiza următoare : cuprul a fost dozat prin calcinarea la CuO a unei cantități cunoscute de substanță, sau prin precipitarea cuprului după distrugerea complexului, sub forma de $[\text{CuPy}_2(\text{SCN})_2]$ Azotul a fost dozat pe o altă probă prin metoda Kjeldahl. Pentru determinarea sulfului s-a făcut disolvarea complexului în amoniac și oxidarea sulfului la sulfat în acest mediu amoniacal, cu perhidrol.

SO_4 obținut a fost precipitat sub forma de sulfat de bariu.

Rezultatele obținute au fost următoarele :

Cupru		Găsit	Calculat
S = 0,1286 g.	CuO = 0,0388 g.	24,10 %	23,90 %
S = 0,0869 g.	CuO = 0,0260 g.	23,90 %	—

Azot

S = 0,0603 g.

S = 0,1540 g.

Găsit

21,02 %

20,95 %

Calculat

21,07 %

—

Sulf

S = 0,0851 g.

BaSO₄ = 0,1645 g.

24,19 %

24,09 %

S = 0,0746 g.

BaSO₄ = 0,1300 g.

23,92 %

—

Greutatea moleculară a substanței [CuPip(SCN)] este : 265,80.

Dozarea cuprului sub formă de [CuPip(SCN)]

Modul de lucru

Soluția neutră ce conține ionii de cupru, este tratată la temperatura obișnuită, cu soluția reactiv, formată din 0,1 g. piperazină disolvată în 40 cm² soluție 1 % de NH₄SCN. Excesul de piperazină este neutralizat cu câteva picături de acid acetic diluat, deoarece un exces de piperazină determină disolvarea precipitatului. Se formează un precipitat verde, care prin agitare devine cristalin. După depunerea precipitatului, se face filtrarea prin creuzet cu masă filtrantă. Ca soluție de spălare se utilizează numai apă distilată. Precipitatul de spală apoi de 5 ori cu cît 1 cm² de alcool absolut, o picătură dintr-o soluție de piperazină 2%, în alcool, și la urma de 5 ori cu cîte 2 cm² de eter absolut curat.

După ce precipitatul a fost uscat la vid, se cîntărește.

Factorul de transformare este 0,2391.

Precizia acestei metode a fost studiată pe cantități de cupru variind între 0,0117 g. și 0,0387 g cupru.

Rezultatele obținute se găsesc în tabloul ce urmează, și după cum se vede, diferențele între cantitatea de cupru prezentă în soluție și cantitatea de cupru găsită, nu depășesc 0,19 mg.

Nr. cr.	CuSO ₄ ·5H ₂ O cîntărit g	[CuPip (SCN ₂)] cîntărit g	Cupru cîntat g	Cupru găsit g	Diferența mg
1	0,0912	0,0971	0,0232	0,0232	—
2	0,1520	0,1619	0,03868	0,03871	+0,03
3	0,1214	0,1290	0,03080	0,03084	+0,04
4	0,1075	0,1141	0,02730	0,02728	-0,02
5	0,1484	0,1575	0,0378	0,0377	-0,1
6	0,1048	0,1120	0,0267	0,0267	—
7	0,0995	0,1071	0,02532	0,02550	+0,18
8	0,0782	0,0826	0,01990	0,01980	-0,1
9	0,1126	0,1196	0,02865	0,02859	-0,06
10	0,0874	0,0921	0,0222	0,0221	-0,1
11	0,1274	0,1360	0,03242	0,03251	+0,09
12	0,0818	0,0861	0,02080	0,02068	-0,12
13	0,0682	0,0721	0,0173	0,0172	-0,1
14	0,0630	0,0664	0,0160	0,0159	-0,1
15	0,0758	0,0799	0,01929	0,01910	-0,19
16	0,0463	0,0491	0,01178	0,01173	-0,05

Observații

1. Precipitarea se poate face și la cald, răcind imediat apoi soluția la gheață. Precipitatul obținut este cristalin și se depune imediat.

2. S-au făcut determinări în prezența ionilor de amoniu, potasiu, sodiu, ca și în prezența ionilor de cobalt și nichel. Rezultatele au arătat

că acești ioni nu împiedică întru nimic dozarea cuprului prin metoda descrisă, rezultatele fiind aceleași cu cele obținute atunci când cuprul se găsea singur în soluție.

3. Incercările făcute în prezența ionilor de zinc și cadmiu precum și a ionilor de fier și aluminiu, n-au dus la rezultate satisfăcătoare.

Laboratorul de chimie anorganică și analitică
Facultatea de Chimie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Amiel J. *C-B* 1936, t. I, p. 1912. *C.R. hebdomadaire de l'Académie des Sciences*, 1935, 201, 964—66.
- [2] Ripan R. *C-B* 1937, t. I, p. 2754. *Ber. deutsch. chem. Ges.* 1937, 70, 401—07.
- [3] Spacu G. *Bul. soc. științe Cluj*, 1922, t. I, p. 352 și 288.
- [4] Spacu G. și El. Antonescu : *Studii și cercetări de chimie*, 1955, t. III, nr. 3—4 p. 161.
- [5] Sierra F. u. C. Abrisqueta *C-B* 1955, t. 28, p. 6581. *Anal. Real. Soc. Espan. Fis. Quim. ser. B* 1954, 50, 421—26.

ВЕСОВОЙ МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ МЕДИ

В этом сообщении предлагается метод определения меди в виде нового комплексного соединения: $[\text{Cu Air}(\text{SCN})_2]$.

Для осаждения меди используется водный раствор содержащий пиперазин и KSCN

Полученное зелёное кристаллическое соединение фильтруется через фильтровальный тичек, промывается с водой, спиртом и эфиром и потом сушится в вакууме.

Метод позволяет определение меди в присутствии ионов: NH_4^+ , K^+ , Na^+ , Co^{2+} , Ni^{2+} , получая удовлетворительные результаты.

UNE MÉTHODE GRAVIMÉTRIQUE POUR LE DOSAGE DU CUIVRE

Résumé

Dans cette note on propose le dosage gravimétrique du cuivre sous la forme d'une nouvelle combinaison complexe : $[\text{Cu Pap}(\text{SCN})_2]$.

Pour précipiter le cuivre on utilise une solution aqueuse contenant de la pipérazine et thiocyanate de potassium. On filtre le précipité vert cristallin obtenu à travers un creuset filtrant, on lave avec de l'eau, de l'alcool et de l'éther et finalement on le sèche dans le vide.

Cette méthode permet le dosage du cuivre en présence des ions : NH_4^+ , K^+ , Na^+ , Co^{2+} , Ni^{2+} , en obtenant des résultats satisfaisants

ACȚIUNEA UNOR SUBSTANȚE CHIMICE ASUPRA CREȘTERII RĂDĂCINILOR DE FASOLE

N. SĂLĂGEANU și I. SILEANU

Punindu-ni-se la dispoziție substanțe organice noi ca: Metilperhidroacridină, esterul etilic al acidului α -brom-naftil-acetic, acidul ciclohexilfenilacetic, acidul acenaftilbuturic și ciclohexiliden ciclohexenonă sintetizate în laboratorul de chimie organică a Facultății de Chimie din București de către Gh. Vasiliu și Bărbulescu, am urmărit acțiunea lor asupra plantelor.

Ne-am servit de următoarele metode de cercetare: am aplicat la hipocotilele etiolate de floarea soarelui un inel de pastă de lanolină cu substanța de cercetat, pregătită amestecând 1 gr. lanolină cu 1 cm³ soluție, ce conținea substanța respectivă, astfel încît pasta obținută să conțină 1—3% din substanța de cercetat [1]. La experiența de control am aplicat un inel de pastă de lanolină fără substanță. Cu această metodă nu am putut constata nici o acțiune stimulatorie sau inhibitorie a substanțelor cercetate și anume metilperhidroacridină, ciclohexilfenilacetic, și acenaftilbuturic.

Cea de a doua metodă constă în tratarea butașilor plantelor de fasole „Ploaie de aur” cu soluțiile substanțelor respective urmărind efectul acestor substanțe asupra apariției și creșterii rădăcinilor adventive în apă de izvor [3]. În experiență s-a lucrat cu 10 plante. La substanțele cercetate, solubile în apă, tratarea butașilor s-a făcut într-o serie de experiențe: 6 ore iar în alta: 12 ore. Substanțele insolubile în apă le-am dizolvat în 4 cmc. alcool etilic și apoi am adăugat 4 cmc apă. iar tratamentul butașilor s-a efectuat timp de 3 secunde sau 6 secunde cu soluțiile alcoolice pregătite. Butașii tratați au fost spălați cu apă și apoi s-au ținut în apă de izvor sub clopote de sticlă în seră.

Cu această metodă am obținut următoarele rezultate:

Esterul etilic al acidului α -brom-naftil-lacetic în soluții alcoolice și anume de cîte 0,5 mgr., 1 mgr., 5 mgr., și 10 mgr. în 8 cmc alcool 48% și la un tratament al butașului de 3 secunde și 6 secunde nu stimulează formarea rădăcinilor adventive de fasole cum se vede în tabela 1 și fig. 1

Numărul rădăcinilor adventive e mai mare la experiența de control decît la butașii stimulați.

Din aceeași tabelă rezultă că și distanța pe care apar rădăcinile adventive e mai mare la butașii din experiența de control. Lungimea medie a rădăcinilor adventive e ceva mai mare la butașii tratați.

Cu *metilperhidroacridină* am făcut 2 serii de experiențe, una la 3. I.1956 și a doua la 14.I.1956. În ambele cazuri am folosit soluții apoase de diferite concentrații. Durata stimulării a fost într-o serie de 6 ore și

în alta de 12 ore. Precum se vede în tabela 2 butașii tratați formează un număr mai mare de rădăcini adventive decât cei din experiența de

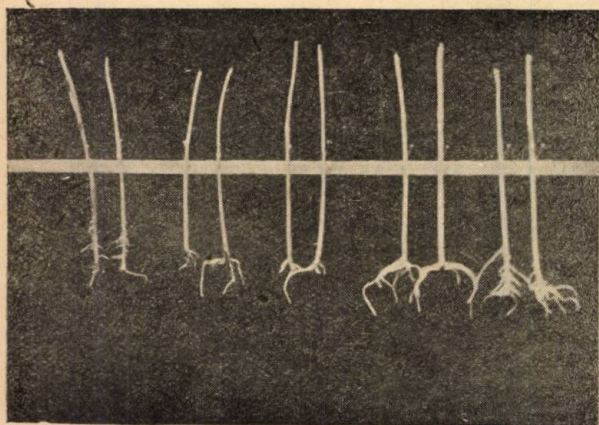


Fig. 1. Acțiunea esterului etilic al acidului α — brom-naftilacetic.

control. Numărul rădăcinilor adventive e mai mare la butașii tratați timp de 6 ore decât la cei tratați timp de 12 ore. Distanța butașului pe care se formează rădăcinile adventive e mai mare la butașii tratați decât la cei din experiența de control, iar la butașii tratați timp de 6 ore această distanță e mai mare decât la cei tratați timp de 12 ore. fig. 2.

Lungimea rădăcinilor e ceva mai mare la butașii tratați decât la cei din experiența de control. În cele mai multe cazuri în genere rădăcinile sînt mai mari la

butașii tratați timp de 6 ore decât la cei tratați timp de 12 ore.

Metilperhidriacridona nu e toxică în concentrațiile la care am experimentat, adică între concentrațiile 1 mgr. la litru — 400 mgr. la litru.

Soluțiile apoase ale acidului *acenaftilbutiric* începînd cu concentrația de 50 mgr. la litru au efecte toxice asupra plantelor. Aceasta se manifestă prin omorîrea butașilor mai ales la tratamentele făcute cu concentrațiile de 200 și 400 mgr. la litru.

Tabela 1

Acțiunea esterului etilic al acidului α -brom-naftil-acetic.

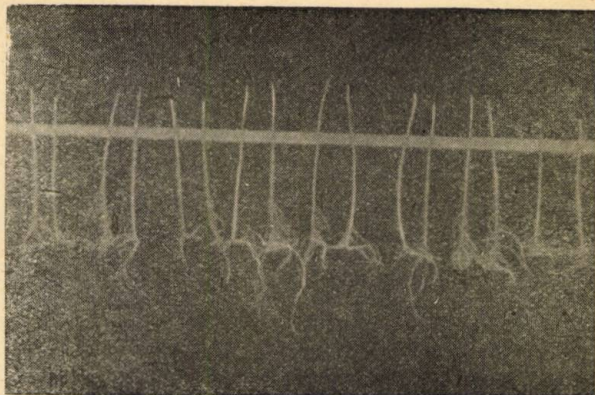
Conc. în mg. la 8 cm. alcool 48%.	Durata stimulării	Nr. răd. la un butaș.	Dist. med. pe care se extind răd. în cm.	Lung. med. a răd. în cm.	Nr. pl. care n-au format răd.	Nr. plantelor moarte.
0,5	3"	5	1,75	1,38	1	—
0,5	6"	8	1,02	2,59	—	—
1	3"	10	2,73	1,48	3	—
1	6"	11	2,30	2,48	—	—
5	3"	14	2,11	2,71	—	—
5	6"	18	3,44	1,23	—	—
10	3"	25	3,07	2,18	—	1
10	6"	17	2,88	3,01	—	—
0	3"	21	5,61	1,51	1	1
0	6"	19	5,55	0,99	1	—

Efectul toxic mai rezultă și din inhibarea creșterii rădăcinilor adventive ale butașilor, care începe la concentrația de 50 mgr. la litru și se accentuează pe măsura creșterii concentrației, cum se vede în tabela 3.

Asupra formării rădăcinilor adventive această substanță are un efect relativ mic de stimulare. La tratamentele de 6 și 12 ore cu soluții de concentrație de 50 mgr./litru—400 mgr. la litru numărul rădăcinilor adventive e mai mare, decât la cele din experiența de control.

Tot la tratamentul cu soluțiile de aceeași concentrații e mai mare și distanța butașului, pe care apar rădăcinile adventive.

Acidul ciclohexilfenilacetic în soluții apoase de câte 1 mgr., 5 mgr., 100 mgr, 200 mgr. și 400 mgr. la litru la o durată a tratamentului de 6



0 mg. 1 mg. 5 mg. 10 mg. 50 mg. 100 mg. 200 mg. 400 mg.

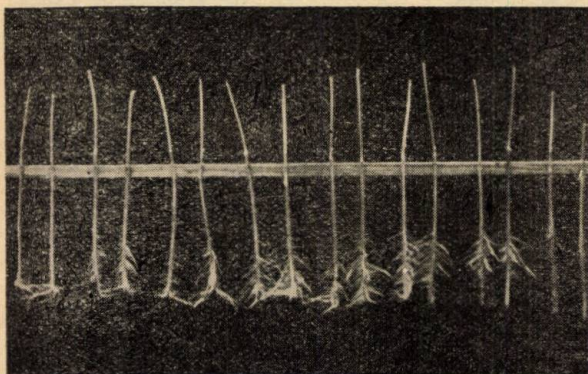
Fig. 2. Acțiunea metiperhidroacridinei

Tabela 2

Acțiunea metil perhidroacridinei.

Conc. in mg la 1 l.	Durata stimulării în ore	Nr. răd. la un butaș	Dist. med. pe care se extind răd. în cm.	Lung. med. a răd. în cm.	Nr. pl. care n-au format răd.	Nr. plantelor moarte.
1	6	22	3,08	1,98	—	—
1	12	12	2,33	2,38	1	—
5	6	20	3,07	1,67	2	—
5	12	14	3,03	2,73	—	—
10	6	15	2,51	2,56	—	—
10	12	18	3,38	2,28	—	1
50	6	21	3,32	2,02	—	—
50	12	17	3,43	2,73	—	—
100	6	18	3,12	1,40	1	2
100	12	19	2,92	2,64	—	—
200	6	32	4,53	1,43	—	—
200	12	25	3,97	2,67	—	—
400	6	33	4,13	2,07	1	—
400	12	23	3,22	2,88	—	1
0	12	10	1,05	1,79	—	—

ore și 12 ore exercită o ușoară acțiune de înrădăcinare a butașilor de fasole. Această acțiune crește cu concentrația soluțiilor până la concentrația de 400 mgr. la litru, la butașii stimulați timp de 6 ore și până la concentrația de 200 mgr. la litru la butașii tratați timp de 12 ore. Distanța medie pe care apar rădăcinile adventive e mai mare la butașii tratați, decît la butașii din experiența de control. Lungimea medie a rădăcinelor butașilor tratați pînă la concentrația de 50 mgr. la litru este aproximativ aceeași ca la butașii din experiența de control. Peste această concentrație lungimea medie a rădăcinilor la butașii tratați scade puțin după cum se vede în tabela 4.



0 mg. 1 mg. 5 mg. 10 mg. 50 mg. 100 mg. 200 mg. 400 mg.

Fig. 3a. Acțiunea acidului ciclohexilfenilacetic, la durata tratamentului de 6 ore

După intensitatea creșterii rădăcinilor adventive ale butașilor constatăm o acțiune inhibitoare a acidului ciclohexilfenilacetic începînd

Acțiunea acidului acenaftil bufiric.

Tabela 3

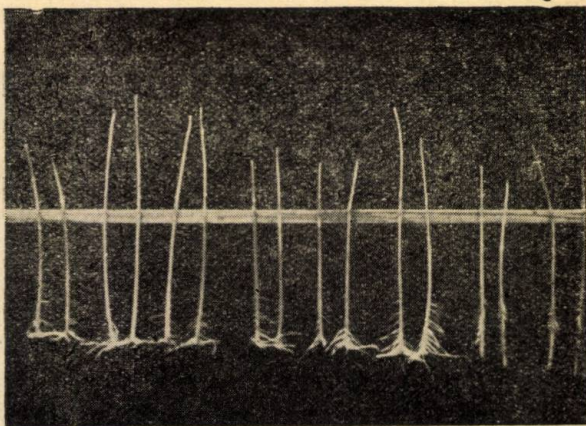
Conc. în mg/l.	Durata stimulării în ore	Nr. răd. la un butaș	Dist. med. pe care se extind răd. în cm.	Lung. med. a răd. în cm.	Nr. pl. care n-au format răd.	Nr. plantelor moarte
1	6	15	2,36	1,73	—	—
1	12	12	4,3	0,61	—	—
5	6	21	3,28	1,67	—	—
5	12	11	1,27	1,54	—	—
10	6	18	2,57	1,67	—	—
10	12	20	2,10	1,35	1	—
50	6	53	5,31	0,96	—	1
50	12	25	3,01	1,07	—	1
100	6	30	5,38	0,57	—	1
100	12	37	5,58	0,92	1	1
200	6	30	6,35	0,56	—	3
200	12	21	5,70	0,19	1	5
400	6	19	3,5	0,18	1	8
400	12	53	9,5	0,4	—	9
0	12	18	2,47	1,48	—	—

cu concentrația de 100 mgr. la litru la durata tratamentului de 12 ore și cu concentrația de 200 mgr. la litru la durata tratamentului de 6 ore.

În fig. 3 a și 3 b. se observă la butașii tratați cu concentrații mai mari că apariția rădăcinilor are loc numai la o oarecare distanță dela suprafața de secțiune bazală a butașului.

Substanța *ciclohexiden-ciclohexenonă* în soluții de alcool etilic 48% în concentrațiile cuprinse între 0,5 mgr și 10 mgr. la 8 cmc alcool etilic 48%, nu a exercitat nici o acțiune de stimulare a înrădăcinării butașilor, precum se vede în tabela 5 și fig. 4.

În ceea ce privește mecanismul acțiunii substanțelor chimice cercetate, asupra creșterii rădăcinilor nu am întreprins cercetări. Probabil acestea acționează prin intermediul metabolismului cum indică Iu. V. Rakitin [2].



0 mg. 1 mg. 5 mg. 10 mg. 50 mg. 100 mg. 200 mg. 400 mg.

Fig. 3b. Acțiunea acidului cicluhexil-fenil-acetic, la o durată a tratamentului de 12 ore

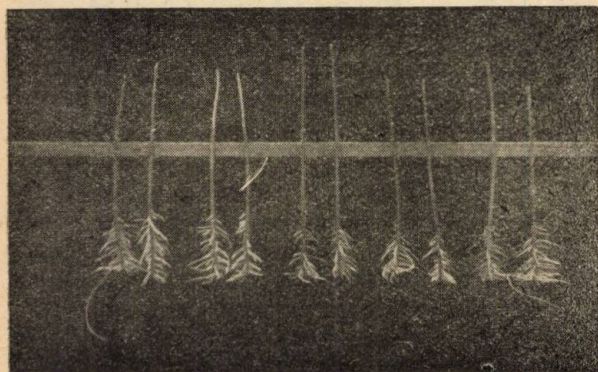
Acțiunea acidului ciclohexil fenilacetic.

Tabela 4

Conc. în mg/l.	Durata stimulării în ore	Nr. răd. la un butaș	Dist. med. pe care se fextind răd. în cm.	Lung. med. a răd. în cm.	Nr. pl. care n-au format răd.	Nr. plantelor moarte
1	6	14	2,93	2,49	—	—
1	12	21	4,35	1,85	—	—
5	6	23	3,74	2,06	—	—
5	12	29	4,40	2,53	—	—
10	6	18	3,77	2,40	—	—
10	12	25	2,37	3,66	—	—
50	6	22	3,05	2,22	1	1
50	12	31	4,72	2,17	—	—
100	6	32	4,94	2,18	1	—
100	12	50	6,45	1,27	—	—
200	6	34	5,94	1,06	—	—
200	12	54	7,7	1,29	—	1
400	6	49	7,1	0,48	1	4
400	12	37	9	0,61	—	1
0	12	15	2,76	2,83	1	1

Concluzii

Dintre substanțele cercetate esterul etilic al acidului α -brom-naftilacetic nu stimulează formarea rădăcinilor adventive, ci stimulează numai ușor creșterea rădăcinilor.



0 mg. 0,5 mg. 1 mg. 5 mg. 10 mg.
Fig. 4. Acțiunea cidohexiliden-cidohexenonei

Metilperhidroacridina stimulează înrădăcinarea și creșterea rădăcinilor adventive, neavînd o acțiune toxică nici la tratamentul butașilor timp de 12 ore cu soluția de 400 mgr. la litru. Acidul acenaftilbutiric stimulează ușor înrădăcinarea butașilor în concentrațiile de 50 mgr. — 400 mgr. la litru. Această substanță exercită o acțiune toxică asupra butașilor de fasole în concentrații de 200—400 mgr. la litru.

Acidul ciclohexilfenilacetic stimulează înrădăcinarea butașilor. Soluțiile concentrate de 200 — 400 mge. la litru inhibează creșterea rădăcinilor. Nici una din substanțele cercetate nu au o acțiune puternică de stimulare asupra înrădăcinării butașilor, comparabile cu a acidului β indolil butiric. Substanța ciclohexiliden ciclohexenonă nu exercită în concentrațiile de 0,5 — 10 mgr. în 8 cmc alcool etilic de 48% nici o acțiune de stimulare sau inhibare a creșterii rădăcinilor adventive de fasole.

Catedra de Fiziologia Plantelor și Microbiologie
Facultatea de Biologie
București

Tabela 5

Acțiunea ciclohexiliden-ciclohexenonei.

Conc. în mg. la 8cm ³ . alcool 48%	Durata stimulării în sec.	Nr. răd. la un butaș	Dist. med. pe care se exrind răd. în cm.	Lung. med. a răd în cm.	Nr. pl. care n-au format răd.	Nr pl. moarte
0,5	3	32	3,48	1,64	—	—
0,5	6	38	4,64	1,95	—	—
1	3	41	4,57	1,49	—	—
1	6	29	3,64	1,55	—	—
5	3	40	4,59	1,24	—	—
5	6	36	4,36	1,92	—	—
10	3	55	5,18	1,23	—	—
10	6	41	4,5	1,82	—	—
0	3	48	5,69	1,56	—	—
0	6	57	5,18	1,41	—	—

BIBLIOGRAPHIE

- 1] R. Jetovski : *Rustove stimulatory* Ed. Acad. Cehosl. Praha 1953 pag. 28.
- [2] Iu V. Rakitin : *Problema stimulării rasteii v sveazi s zadaciami sel'skohozajstva. Uspehi sovremennoi biol.* 36 (1953) pag. 389.
- [3] R. H. Turečkaia : *Primeri uskorenoga razmnoženia rasteii putem cerenkovania.* Izd. Ak. Nauk. S.S.S.R. Moscova Leningrad. 1949.

ДЕЙСТВИЕ НЕКОТОРЫЕ ХИМИЧЕСКИХ ВЕЩЕСТВ НА РОСТ КОРНЕЙ ФАСОЛИ

Среди испытанных веществ, этиловый эфир альфа-бромнафтилуксусной кислоты не стимулирует образование придаточных корней, а лишь незначительно увеличивает рост корней.

Метилпергидроакридин стимулирует укоренение и рост придаточных корней, не оказывая токсического действия даже при обработке черенков в течение 12 часов раствором, содержащим 400 мг на литр.

Аценафтилмасляная кислота несколько стимулирует укоренение черенков при концентрациях в 50—40 мг/л. Это вещество оказывает токсическое действие на черенки фасоли при концентрациях в 200—400 мг/л.

Циклогексилфенилуксусная кислота стимулирует укоренение черенков. Концентрированные растворы (200—400 мг/л) угнетают рост корней.

Ни одно из испытанных веществ не оказывает такого мощного стимулирующего влияния на укоренение черенков, которое можно было бы сравнить с действием бета-индолилмасляной кислоты.

Циклогексалиден-циклогексенон при концентрациях 0,5—10 мг в 8 мл 48%-го этилового спирта не оказывает какого-либо стимулирующего или угнетающего влияния на рост придаточных корней фасоли.

L'ACTION DE QUELQUES SUBSTANCES CHIMIQUES SUR LA CROISSANCE DES RACINES DE L'HARICOT

Résumé

Parmi les substances étudiées — l'éthère éthylique de l'acide brom-naphtyle-acétique ne stimule pas la formation des racines adventives, mais stimule légèrement la croissance des racines.

La méthyle-perhydro-acridine stimule l'enracinement et la croissance des racines adventives, n'ayant pas d'action toxique même dans le cas où l'on traite la bouture avec la solution de 400 mgr./l. pendant 12 heures.

L'acide acénaphtyle-butyrique stimule légèrement l'enracinement des boutures dans les concentrations de 50—400 mgr./l. Cette substance exerce une action toxique sur les boutures de l'haricot, dans les concentrations de 200—400 mgr./l.

L'acide cyclo-hexile-phényle-acétique stimule l'enracinement des boutures. Les solutions concentrées de 200—400 mgr/l. inhibent la croissance des racines.

Aucune des substances étudiées n'a une action stimulatrice comparable par son intensité à celle de l'acide β -indolile-butyrique. La substance cyclohexilidène cyclohexenone dans la concentration de 0,5—10 mgr./dans 8 cmc. d'alcool éthylique de 48 % n'exerce aucune action stimulatrice ou inhibitrice sur la croissance des racines adventives de l'haricot.

DESPRE INFLUENȚA BIOXIDULUI DE CARBON ASUPRA METABOLISMULUI FRUCTELOR ÎN TIMPUL PĂSTRĂRII

N. SĂLĂGEANU și D. A. POPESCU

În primăvara și vara anului 1955 am urmărit mersul intensității respirației fructelor de cireșe, soiul „Germersdorf”, caise de soiul „Meilleure d'Hongrie”. și piersici de soiul „Elberta”, ținute într-o atmosferă cu concentrații diferite de bioxid de carbon.

Fructele au fost culese cu mâna în stare proaspătă de pe pomi în vîrstă de 10—15 ani de la ferma Institutului Agronomic „N. Bălcescu” din București. După culegere, fructele au fost ținute în laborator în borcane de sticlă, închise ermetic, care aveau o capacitate de 10 litri. În borcane am adăugat cantitatea necesară de bioxid de carbon, pentru a realiza următoarele concentrații: 5%, 12%, 22%, 35% și 45% și am păstrat un borcan pentru experiența de control. — Pînă în ziua următoare fructele ridica u cu 1—2% concentrația de bioxid de carbon. După adăugarea bioxidului de carbon am analizat concentrația gazelor cu aparatul *Haldane* [3]. — După 24 de ore am făcut o nouă analiză de gaze, în vederea determinării intensității respirației și a coeficientului respirator. Pentru menținerea constantă a umidității aerului din borcane am introdus cîte 50 cmc. soluție NaCl 21%, care menține umiditatea aerului de 85%.

Am urmărit modul de păstrare a fructelor, notînd în fiecare zi numărul fructelor putrezite; acestea au fost înlăturate din borcan.

Mersul intensității respirației și al coeficientului respirator este trecut în figurile 1,2 și 3.

Intensitatea respirației scade la toate soiurile de fructe, cu atît mai mult, cu cît și concentrația de CO_2 e mai mare. Această scădere a intensității respirației se constată atît la determinările după cantitatea produsă de bioxid de carbon (graficele 1, 2, 3 (fig. A) cît și la determinările după cantitatea de oxigen consumat (graficele 1,2,3, figura B)

Comparînd intensitatea respirației la diferitele fructe cercetate, rezultă că la temperatura de 22—24°, la care am lucrat, valoarea cea mai mare, — de 60 cmc. CO_2 /kg./h. am obținut-o la caise, în timp ce la piersici și la cireșe intensitatea respirației este mult mai scăzută și anume de 30 cmc. CO_2 /kg./h.

Analizînd datele bibliografice, rezultă că în genere concentrațiile de bioxid de carbon au un efect de inhibare asupra respirației diferitelor organe ale plantelor. Astfel *Rubin*, B. A. (10) constată că modificarea conținutului de bioxid de carbon și de oxigen din atmosfera în care se păstrează fructele are repercursiuni însemnate asupra schimbului respirator de gaze. Creșterea conținutului de bioxid de carbon în aer e însoțită de regulă de o depresiune în privința degajării lui de către țesuturi, determinînd apariția unor condiții de anaerobioză. *Gustafson* (2) remarcă deasemenea că în timpul păstrării tomatoanelor într-un spațiu închis,

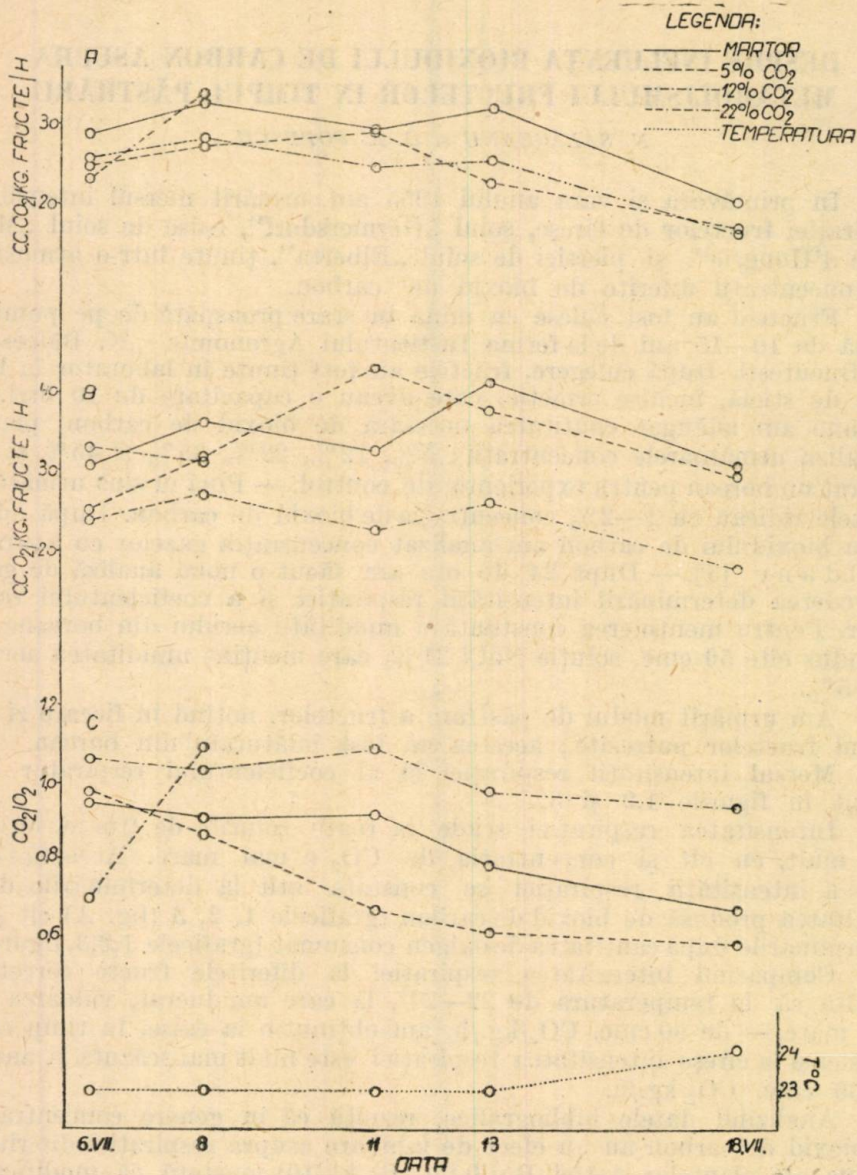


Fig. 1. Variația intensității respirației și a coeficientului respirator la cireșele de var. „Germersdorf“ păstrate în diferite concentrații de CO₂

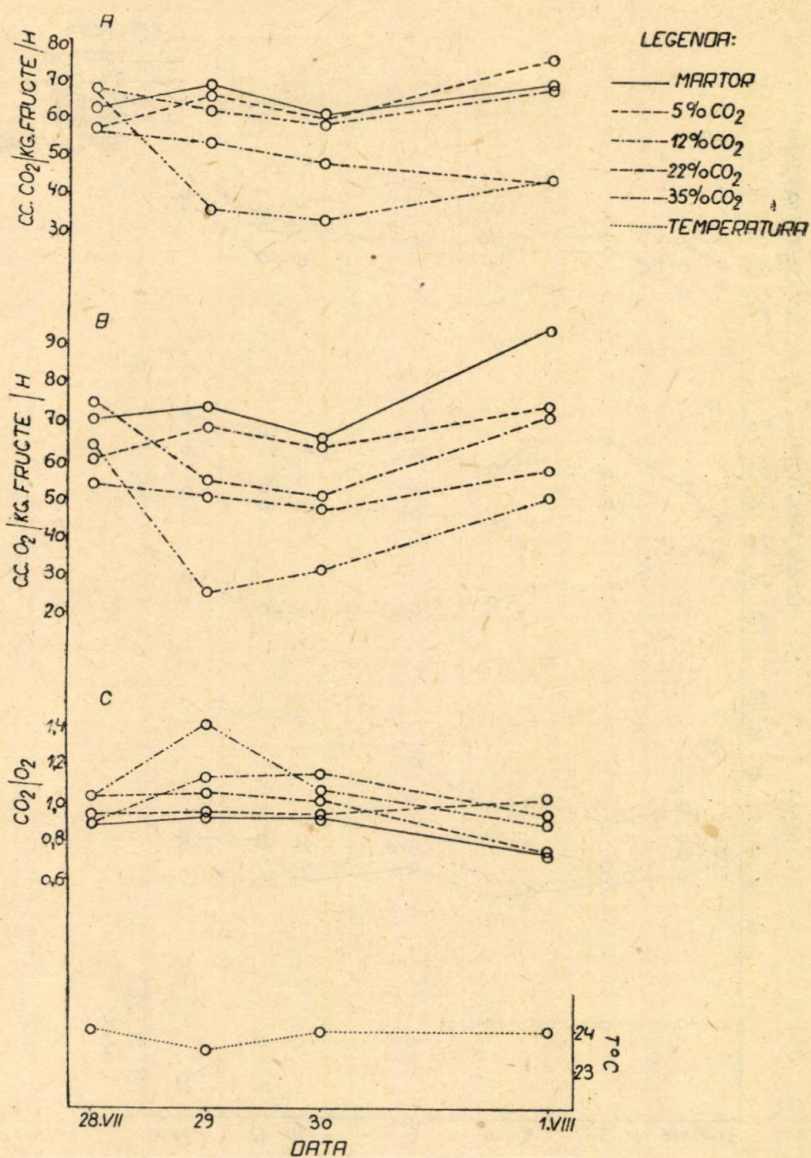


Fig. 2 Variația intensității respirației și a coeficientului respirator la caisele var. Meilleure d'Hongrie, păstrate în diferite concentrații de CO₂

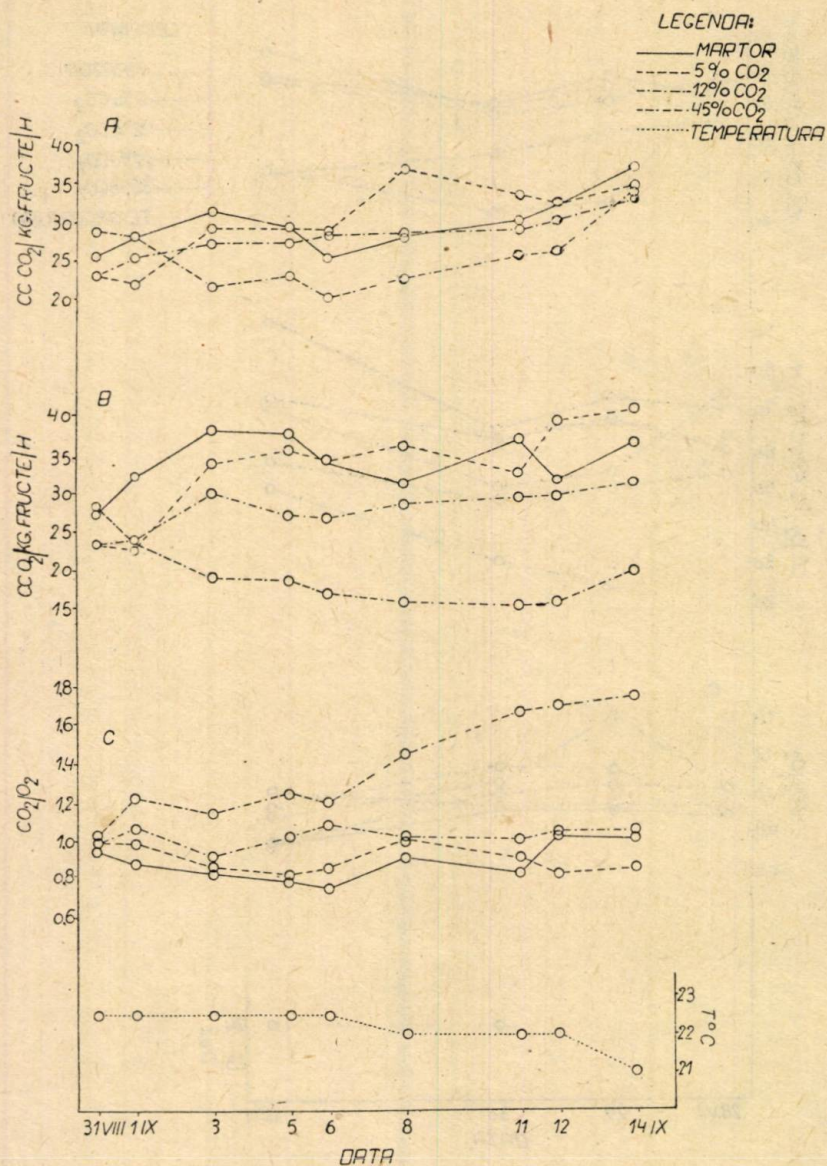


Fig. 3 Variația intensității respirației și a coeficientului respirator la piersicile de var „Elberta” păstrate în diferite concentrații de CO₂.

consumarea oxigenului și creșterea conținutului de bioxid de carbon, în urma degajării lui de către țesuturi, aduce după sine anumite tulburări în schimbul gazos respirator și în primul rând în întrebuințarea oxigenului. Metlițkî, (7) imaginînd metoda de autoconservare a legumelor în lăzi ermetic închise, constată că bioxidul de carbon, degajat de legume prin respirație, se acumulează treptat în interiorul lăzii și exercită o acțiune de frînare a intensității respirației.

În ceea ce privește coeficientul respirator, în experiențele noastre am constatat că, paralel cu creșterea concentrației de bioxid de carbon din mediu înconjurător, coeficientul respirator al fructelor cercetate crește. (graficele 1, 2, 3, p.C.). În timp ce fructele, păstrate în lipsă de bioxid de carbon și în concentrații mici, de 5%, au coeficientul respirator puțin sub unitate, la concentrațiile mari de bioxid de carbon acesta se ridică pînă la 1,1—1,2, iar la piersici, în concentrații de bioxid de carbon de 45%, coeficientul respirator ajunge pînă la valoarea mare de 1,7—1,8. Dela această regulă avem o singură excepție la cireșele, păstrate în atmosferă cu 5% CO_2 (graficul 1.p.C.), la care coeficientul respirator e mai mic, decît la fructele păstrate în atmosfera normală.

Creșterea coeficientului respirator în condintrațiile mari de CO_2 are loc probabil ca și cum fructele ar recurge în parte la respirația intramoleculară.

Din datele bibliografice însă rezultă că intensitatea respirației plantelor este influențată relativ puțin de concentrația scăzută a oxigenului. Kidd și colaboratorii săi (5) găsesc în această privință că o scădere apreciabilă a intensității proceselor fiziologice la pere se obține numai cînd nivelul conținutului de oxigen scade sub 2%, ceea ce nu s-a realizat în experiențele noastre.

Creșterea coeficientului respirator s-ar putea pune deaceia pe seama temperaturii ridicate, — de 22—24°, la care s-au efectuat experiențele și care, după M a g n e s s [6] și D a v i s [1] duce la creșterea conținutului de bioxid de carbon din atmosfera internă a fructelor și la micșorarea concomitentă a procentului de oxigen. R u b i n B. A. [10] este de părere că temperatura ridicată intervine prin modificarea solubilității gazelor, — oxigenul avînd o solubilitate specifică mai scăzută, decît bioxidul de carbon. Pe de altă parte, temperatura ridicată intensifică procesul respirației, prin aceasta crește consumul de oxigen în interiorul celulelor și pierderea lui este compensată numai în parte prin difuzarea gazului din atmosfera înconjurătoare. Datorită aceleiași intensificări a respirației, conținutul de bioxid de carbon din atmosfera internă crește, odată cu creșterea temperaturii și astfel rezultă un coeficient respirator supraunitar.

Urmărind durata păstrării fructelor în diferite concentrații de bioxid de carbon, am constatat următoarele. Cireșele se păstrează mai rău într-un aer, îmbogățit în bioxid de carbon, decît în aerul lipsit de acest gaz. În tabela 1 se vede efectul dăunător al bioxidului de carbon, atît în concentrația de 5%, cît și de 12 și 22%. Caisele, (tabela 2), s-au păstrat mai bine în aerul cu concentrația de 12% CO_2 , iar piersicile s-au păstrat mai bine în aerul cu concentrația de 22% CO_2 . În aerul cu concentrații mai mari, — de 35% și 45%, fructele se păstrează la început bine, timp de 13 zile, însă după aceea ele putrezesc repede, probabil din cauza toxicității mari a bioxidului de carbon în aceste concentrații mari.

Tabela nr. 1

**DURATA PĂSTRĂRII FRUCTELOR DE CIRESE „GERMERSDORF”, ȚINUTE
IN AER CU DIFERITE CONCENTRAȚII DE BIOXID DE CARBON.**

Data anal.	zile de păstrare	temp. °C	Martor (%fructe)		5% CO ₂ % fructe		12% CO ₂ % fructe		22% CO ₂ % fructe	
			bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate
29. VI 1956	0	23	100	—	100	—	100	—	100	—
6. VII „	7	23	83,75	16,25	26,89	75,65	24,35	24,35	77,5	22,5
8. VII „	9	23	80,00	20,00	69,40	30,60	58,80	41,20	62,50	37,50
11. VII „	12	23	62,50	37,50	35,00	65,00	13,1-	06,88	—	—
13. VII „	14	23	57,5	42,50	4,357	5,651	0,009	0,80	—	—
18. VII „	19	24	38,80	61,20	12,50	87,50	5,62	94,38	—	—
25. VII „	26	24	13,75	86,25	4,38	95,62	1,8)	98,12	—	—

Tabela nr. 2

**DURATA PĂSTRĂRII FRUCTELOR DE CAISE „MEILLEURE D'HONGRIE”,
ȚINUTE ÎN AER CU BIOXID DE CARBON DE DIFERITE CONCENTRAȚII.**

Data anal.	Zile de păstr.	Temp. °C	Martor		5% CO ₂		12% CO ₂		22% CO ₂		35% CO ₂	
			%fructe		% fructe		%fructe		%fructe		%fructe	
			bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate
28.VII.56	σ	24	100,00	—	100,00	—	100,00	—	100,00	—	100,00	—
29 „ „	1	23	100,00	—	100,00	—	100,00	—	100,00	—	60,00	40,00
30 „ „	2	24	55,45	45,00	60,00	40,0	100,00	—	80,00	20,00	40,00	60,00
1.V III. „	4	24	10,00	90,00	30,00	70,00	60,00	40,00	50,00	50,00	40,00	60,00

Tabela nr. 3

**DURATA PĂSTRĂRII PIERSICILOR „ELBERTA”, ȚINUTE IN AER
CU BIOXID DE CARBON DE DIFERITE CONCENTRAȚII.**

Data analizei	Zile de păstrare	Temperatura °C	Martor		5%CO ₂		12%CO ₂		22%CO ₂		35%CO ₂		45%CO ₂	
			%fructe		%fructe		%fructe		%fructe		%fructe		%fructe	
			bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate	bune	stricate
31.VIII. 956	0	22	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—
6.IX „	7	22	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—	100,0	—
9.IX „	10	22	100,0	—	100,0	—	100,0	10 0,0—	—	100,0	—	100,0	—	—
12.IX „	13	22	50,0	50,0	100,0	—	83,3	16,7	100,0	—	100,0	—	100,0	—
14.IX „	15	21	33,3	66,7	66,7	33,3	50,0	50,0	66,7	33,3	16,7	83,3	33,3	66,7

Modul în care intervine bioxidul de carbon în păstrarea fructelor este relativ complicat. S-ar putea ca el să intervină prin acțiunea de inhibare a metabolismului, pus în evidență prin determinările asupra intensității respirației. Faptul că cireșele însă se comportă altfel, rezultă că nu trebuie făcută o regulă generală din aceasta, fenomenul trebuind să fie cercetat la fiecare soi de fructe în parte.

S-ar putea ca bioxidul de carbon să intervină asupra creșterii microorganismelor, inhibând în concentrațiile sale mari această creștere. În genere, în starea lor tină, viețuitoarele sînt mai sensibile față de acțiunile dăunătoare ale mediului înconjurător. Celulele adulte ale fructelor se resimt relativ puțin de pe urma concentrațiilor mari de bioxid de carbon, în timp ce celulele tinere ale microorganismelor, dăunătoare fructelor, sînt mai puternic influențate. În acest caz fenomenul creșterii este deosebit de sensibil față de acțiunea dăunătoare a factorilor mediului înconjurător.

E posibil deasemenea ca bioxidul de carbon în concentrații mari să intervină asupra complexului enzimatic. Urmărind activitatea invertazei la piersici, var. Elberta, în decursul păstrării în concentrații diferite de bioxid de carbon, constatăm o scădere a activității acestei enzime paralel cu creșterea concentrației de bioxid de carbon (tabela 4). Totodată con-

Tabela 4

DINAMICA UNOR SUBSTANȚE ORGANICE DIN PIERSICIELE "ELBERTA" PĂSTRATE ÎN AER CU BIOXID DE CARBON DE DIFERITE CONCENTRAȚII

Varianța exp.	Martor			5 % CO ₂			22%CO ₂		45%CO ₂		
Data analizei	28.VIII	10.IX.	15.IX	28.VIII	10.IX	15.IX.	28.VIII	10.IX.	28.VIII 1955	10.IX.	15.IX
Zahăr total după inversie %	6,64	7,78	7,47	6,64	7,87	5,44	6,64	6,72	6,64	5,46	9,99
Monozaharide înainte de inversie %	2,22	3,14	4,96	2,22	2,83	3,63	2,22	3,23	2,22	3,65	3,88
Dizaharide %	4,42	4,64	2,51	4,42	5,04	1,81	4,42	3,49	4,42	1,81	6,67
Activitatea invertazei (zahăr invertit %)	1,37	2,36	2,09	1,37	0,49	1,35	1,37	0,89	1,37	1,91	0,61
Aciditate titrabilă (acid malic %)	0,27	0,28	0,30	0,25	0,25	0,30	0,25	0,24	0,25	0,21	0,7

statăm că hidroliza zaharozei are loc mai încet la fructele păstrate în atmosferă cu conținut ridicat de bioxid de carbon. Același fapt rezultă și din concentrația monozaharidelor, care e mai scăzută în concentrațiile mai mari de bioxid de carbon, față de concentrațiile mai mici și față de experiența de control. Asupra acidității titrabile din suc, CO₂ n-a manifestat o influență însemnată.

În această privință Miller și Brooks [8] au stabilit că bioxidul de carbon din atmosfera în care se păstrează fructele influențează asupra conținutului de zaharoză mai puternic la temperaturi ridicate, adică

tocmai în acele condiții, în care invertirea zaharozei este mai intensă. La legumele rădăcinoase, Miller și Dowd [9] găsesc că la 25° cantitatea de zaharoză este de 1,5 ori mai mare la probele tratate cu CO₂, decât la cele de control, iar la 15° de 1,4 ori. În privința conținutului de zaharuri reducătoare, autorii constată că acesta era mai ridicat la variantele de control, față de cele experimentale. Kidd și West [4] constată că în mediul gazos, chimismul fructelor e îndreptat spre procesele de descompunere; ei găsesc o puternică hidroliză a zaharozei și acumularea neînsemnată de zaharuri reducătoare. Cantitatea de zahăr total scade treptat.

În ceea ce privește aciditatea, Miller și Dowd [9] constată că tratarea cu bioxid de carbon n-a avut un efect însemnat asupra acidității titrabilă a cireșelor din soiul Early Richmond, în timp de 24 de ore de tratare, nici asupra piersicelor Elberta în 48 de ore. La soiul de prune Burbank, bioxidul de carbon, acționând timp de 6 zile, în concentrații de 50%, provoacă reducerea simțitoare a acidității sucului lor, efectul fiind mai pronunțat la temperaturi ridicate.

Concluzii

1. În atmosfera cu concentrații de bioxid de carbon între 5 — 45% intensitatea respirației scade, iar coeficientul respirator crește direct proporțional cu concentrația de bioxid de carbon la fructele de cireșe, varietatea Germersdorf, la caisele Meilleure d'Hongrie și la piersicele Elberta.

2. Activitatea invertazei scade paralel cu creșterea concentrației de bioxid de carbon la piersicele Elberta, iar cantitatea totală de acizi rămâne nemodificată.

3. Caisele s-au păstrat cel mai bine în atmosfera cu concentrația de 12% CO₂, piersicile în 22%, iar la cireșe n-am observat o creștere a duratei de păstrare în atmosfere bogate în CO₂.

BIBLIOGRAFIE

- [1] Davis W. : *Bot. Gaz.*, 81, 323, (1926).
- [2] Gustafson F. : *Amer. Jour. Bot.*, 23, 441, (1936).
- [3] Muralt A. : *Praktische Physiologie*. Berlin, 1943.
- [4] Kidd, F. and West, C. : *Jour. Pomol.*, 8, 1, (1930).
- [5] Kidd F., West, C. and Trout, S.A: *Dept. Sci. a. Indus. Res., Food Invest. Bd. Rept. 1934, 92—99* (1932) Citat de Gerhardt, F. and Ezell, B.D. in *Jour. Agr. Res.* 56, 2, (1938)
- [6] Magness J. : *Bot. Gaz.*, 70, 308, (1920).
- [7] Metlițkii, L. B. : „*Konservnaia i plodoobscinaia promtšlennost*, 2, (1937). Citat de Minin, I. M. în „*Hranenie ovoscei i plodov*”, Moskva, (1938)
- [8] Miller E. V. and Brooks C : *Jour. Agric. Res.*, 45, 449, (1932).
- [9] Miller E. V. and Dowd O. : *Jour. Agric. Res.*, 53, 1, (1-936).
- [10] Rubin B. A. : *Biohimiceskie osnovi hranenia ovoșcei*, Moskva, (1945).

Catedra de Fiziologia
Plantelor și Microbiologie
Facultatea de Biologie
București

К ВОПРОСУ О ВЛИЯНИИ УГЛЕКИСЛОТЫ НА ОБМЕННЫЕ ПРОЦЕССЫ ПЛОДОВ ВО ВРЕМЯ ХРАНЕНИЯ

1. У плодов черешни сорта Гермерсдорф, абрикоса сорта Мейёр д'Онгри и персика сорта Эльберта при выдерживании их в атмосфере, содержащей 5—45% углекислоты, интенсивность дыхания снижается, а дыхательный коэффициент возрастает прямо пропорционально концентрации углекислоты.

2. У персиков сорта Эльберта активность инвертазы снижается параллельно увеличению концентрации углекислоты, а общее содержание кислот остается неизменным.

3. Абрикосы сохранялись лучше всего в атмосфере с 12% CO_2 , персики — в атмосфере с 22% CO_2 , а у черешен мы не наблюдали увеличения продолжительности хранения в атмосфере богатой углекислотой.

DE L'INFLUENCE DU BIOXIDE DE CARBONE SUR LE MÉTABOLISME DES FRUITS PENDANT LEUR CONSERVATION

R é s u m é

1. Dans une atmosphère où la concentration du bioxide de carbone varie entre 5—45 %, l'intensité de la respiration décroît, et le coefficient respiratoire augmente dans un rapport directement proportionnel à la concentration en bioxide de carbone, pour les cerises de la variété GERMERSDORF, pour les abricots MEILLEURE D'HONGRIE et pour les pêches ELBERTA.

2. L'activité de l'invertase se diminue parallèlement à l'augmentation de la concentration en bioxide de carbone, pour les pêches ELBERTA, tandis que la quantité totale des acides ne change pas.

3. Les abricots ont été le mieux conservés dans une atmosphère dont la concentration était 12 %, les pêches — dans la concentration de 22 %, tandis que pour les cerises on n'a pu observer aucune augmentation de la durée de la conservation, dans des atmosphères riches en bioxide de carbone.

REPORT OF THE COMMISSIONER OF THE GENERAL LAND OFFICE
ON THE PROGRESS OF THE SURVEY OF THE PUBLIC LANDS
IN THE YEAR 1871

The following report of the Commissioner of the General Land Office, on the progress of the survey of the public lands in the year 1871, is submitted to the Senate and House of Representatives, in compliance with a resolution of the Senate, passed on the 12th of March, 1870, and a resolution of the House of Representatives, passed on the 12th of March, 1870, both of which resolutions were passed in pursuance of a resolution of the Senate, passed on the 12th of March, 1870, and a resolution of the House of Representatives, passed on the 12th of March, 1870, both of which resolutions were passed in pursuance of a resolution of the Senate, passed on the 12th of March, 1870, and a resolution of the House of Representatives, passed on the 12th of March, 1870.

REPORT OF THE COMMISSIONER OF THE GENERAL LAND OFFICE
ON THE PROGRESS OF THE SURVEY OF THE PUBLIC LANDS
IN THE YEAR 1871

The following report of the Commissioner of the General Land Office, on the progress of the survey of the public lands in the year 1871, is submitted to the Senate and House of Representatives, in compliance with a resolution of the Senate, passed on the 12th of March, 1870, and a resolution of the House of Representatives, passed on the 12th of March, 1870, both of which resolutions were passed in pursuance of a resolution of the Senate, passed on the 12th of March, 1870, and a resolution of the House of Representatives, passed on the 12th of March, 1870.

DESPRE INFLUENȚA UNOR SĂRURI ASUPRA GERMINAȚIEI ȘI RESPIRAȚIEI CÎTORVA SOIURI DE GRÎU

N. SĂLĂGEANU și V. PETREA

Sărurile minerale din solurile sărăturoase influențează diferitele procese fiziologice, care au loc în plante. Acțiunea lor se manifestă chiar dela începutul dezvoltării plantelor.

În vara anului 1955 am studiat acțiunea NaCl , SO_4Na_2 , SO_4Mg și CO_3Na_2 asupra germinației și respirației unor soiuri de grâu. Am lucrat cu soiurile de grâu A

15, Cenad 117, Marquis, Acad. R.P.R. 48 și Bankut. Germinația cariopselor s-a făcut în cutii Petri, care aveau pe fund două straturi de hîrtie de filtru îmbibată cu soluția de cercetat. În fiecare cutie Petri — am pus cîte 50 de cariopse. Concentrațiile sărurilor cu care am lucrat au fost următoarele: 0,05%, 0,1%, 0,5%, 1%, 1,5%, 2%, 2,5%, 3%, 3,5%, 4%, 4,5%, și 5%.

Deasemeni am pus să germineze cariopse în apă de la robinet și în apă distilată. Fiecare variantă a fost repetată de patru ori.

Urmărind germinația cariopselor de grâu A 15 pe soluții de NaCl , SO_4Na_2 , SO_4Mg și CO_3Na_2 , constatăm următoarele: cariopsele de grâu A 15 germinează relativ bine la concentrația de 4% SO_4Mg (fig. 1). Deasemeni ele mai germinează pînă la proporția de 50% în soluția de 5% SO_4Mg .

Pe soluțiile de SO_4Na_2 (fig. 2) cariopsele de grâu A 15 germinează mai greu. Așa de exemplu pe soluția de 3% germinează aproximativ 30%, iar pe soluția de 4% sub 10%. Și mai greu germinează cariopsele de grâu A 15 pe soluții de NaCl . Așa de exemplu în fig. 3 se vede că la concentrația de 3% în decurs de 14 zile, abia au germinat 20% din cariopse. Aceste rezultate confirmă experiențele lui Oganessian A. P. [1] care a arătat că NaCl produce o scădere mai mare a germinației decît SO_4Na_2 .

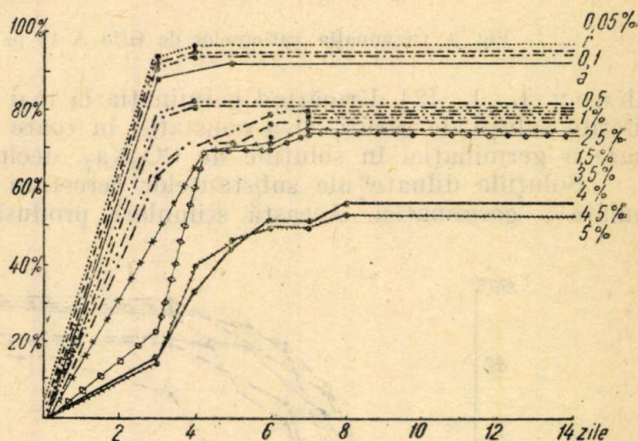


Fig. 1. Germinația cariopselor de Grâu A15 pe sol. de SO_4Mg

Efectul cel mai dăunător asupra cariopselor de grâu A 15 îl au soluțiile de CO_3Na_2 (fig. 4). În soluția de 2,5% CO_3Na_2 au germinat 10% din cariopse. Acest fapt este în concordanță cu rezultatele obținute de S e r-

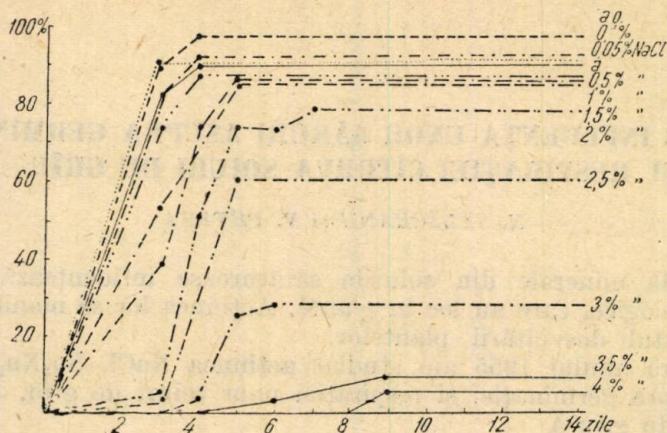


Fig. 2. Germinația cariopselor de Grâu A 15 pe sol. de SO_4Na_2

g h e e v L. I. [2]. Urmărind germinația la mai multe soiuri de grâu în diferite soluții de săruri, el a constatat în toate cazurile o scădere mai mare a germinației în soluțiile de CO_3Na_2 , decât în celelalte săruri.

Soluțiile diluate* ale substanțelor cercetate exercită o ușoară stimulare a germinației. Această stimulare produsă de concentrații mici

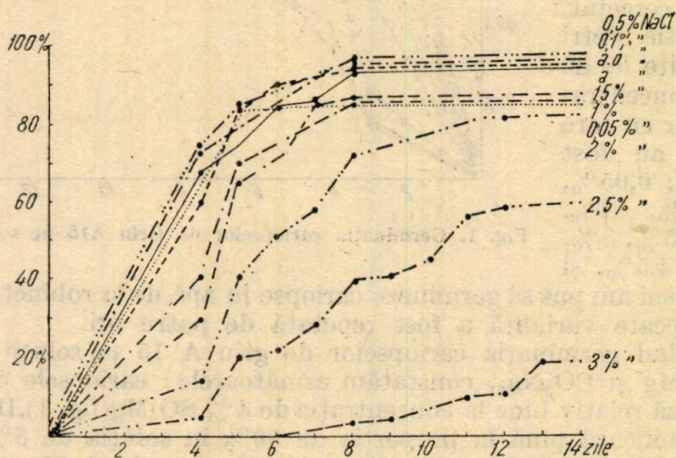


Fig. 3. Germinația cariopselor de Grâu A15 pe sol. de Na Cl

de săruri, confirmă rezultatele obținute de Keller B. [3]. Incepînd cu soluțiile de concentrații de 0,5% la toate sărurile are loc un fenomen de inhibare a germinației.

Urmărind germinația cariopselor cîtorva soiuri de grâu și anume: A 15, Cenad 117, Acad. R.P.R., Marquis, și Bankut, pe soluțiile de NaCl

de diferite concentrații am obținut următoarele date trecute în fig. 3, 5, 6, 7, 8. Cariopsele grîului A 15 germinează în proporția de 55—60% în soluția de NaCl 2,5% în timp ce celelalte soiuri germinează într-un

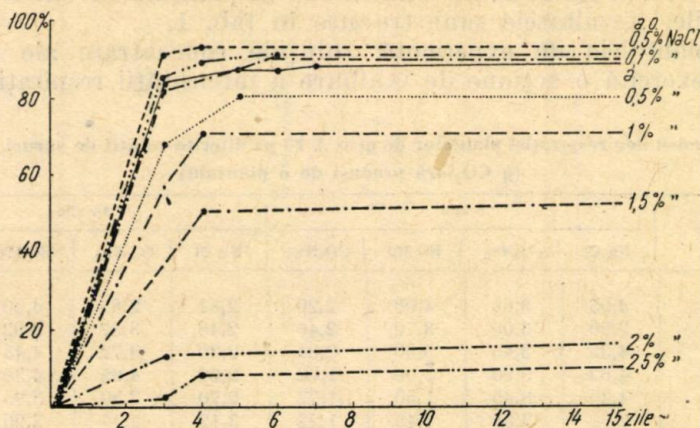


Fig. 4. Germinația cariopselor de Grîu A 15 pe sol. de CO_3Na_2

procent cu mult mai mic, și anume la grîul Cenad 117,11%, la grîul Acad. R.P.R. 48, 14%, la grîul de primăvară Marquis 14%. Cel mai mult este inhibată germinația la soiul Bankut 1201, ale cărui cariopse pe soluția de 3% NaCl, nu a încolțit niciuna.

În genere cariopsele ținute în apă dela conductă au germinat ceva mai bine decît cele din apă distilată. Acest fapt se poate atribui fie efec-

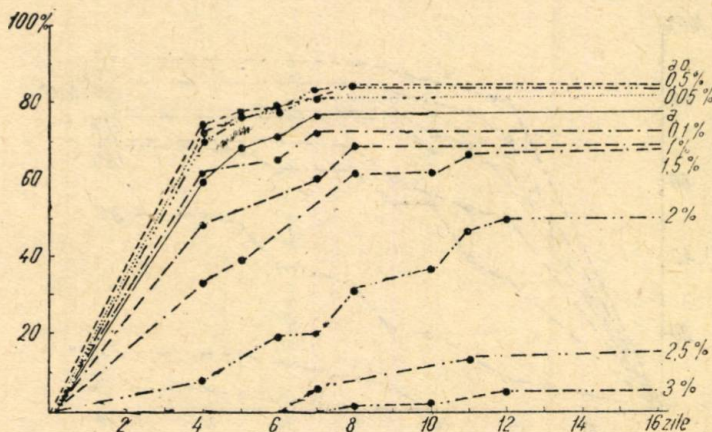


Fig. 5. Germinația cariopselor de Grîu Marquis pe sol de NaCl

tului sărurilor de bicarbonat de calciu și magneziu, care sînt în cantitate mai mare în apa conductelor din București, fie urmelor de cupru sau staniu, care se găsesc în apa distilată și care inhibă în parte germinația.

Intensitatea respirației la plantulele de grîu am determinat-o cu metoda Haldane. Au fost ținute cîte 50 plantule într-un borcan de 750 cmc. timp

de șase ore la temperatura camerei și la întuneric. După acest timp s-a analizat concentrația CO_2 din borcane, de unde s-a calculat intensitatea respirației plantelor. Valorile s-au calculat în cme. CO_2 produși de o plantă într-o oră. Determinările s-au făcut la plantule în vîrstă de 8 zile și de 16 zile. Rezultatele sunt trecute în tab. 1.

La plantulele de experiență soluțiile concentrate ale diferitelor substanțe exercită o acțiune de inhibare a intensității respirației cu atît

Tabela 1

Intensitatea respirației plantelor de grîu A 15 pe diferite soluții de săruri.
(g CO_2 /oră produși de o plantă)

	8 zile				16 zile			
	Na Cl	SO_4Na_2	SO_4Mg	CO_3Na_2	Na Cl	SO_4Na_2	SO_4Mg	CO_3Na_2
apă dist.	4,95	3,60	4,00	2,20	2,81	2,85	4,50	2,55
apă obișn.	3,90	3,00	3,70	2,46	2,48	3,37	3,92	3,70
0,05 %	4,35	3,43	3,00	2,34	2,20	3,72	4,45	4,70
0,1 %	4,62	3,90	3,00	1,92	2,02	4,95	4,30	4,35
0,5 %	4,20	3,45	1,50	1,72	2,70	3,30	3,95	3,51
1 %	2,90	2,38	1,49	1,22	3,12	2,77	2,90	1,63
1,5 %	2,20	1,92	1,87	0,59	2,70	1,46	2,50	0,62
2 %	1,05	0,63	0,78	0,29	1,17	0,98	1,40	0,55
2,5 %	0,80	0,57	1,48	0,28	0,88	0,73	2,18	0,26
3 %	—	0,64	1,36	0,16	1,53	1,27	1,98	0,17

mai mare cu cît concentrația soluției e mai mare. Aceasta concordă cu afirmația lui G h e n k e l P. A. [4] că sărurile în concentrații mari coboară intensitatea respirației. Efectul de inhibare a intensității respirației este mai mare după 8 zile, decît după 16 zile, ceea ce se datorește probabil

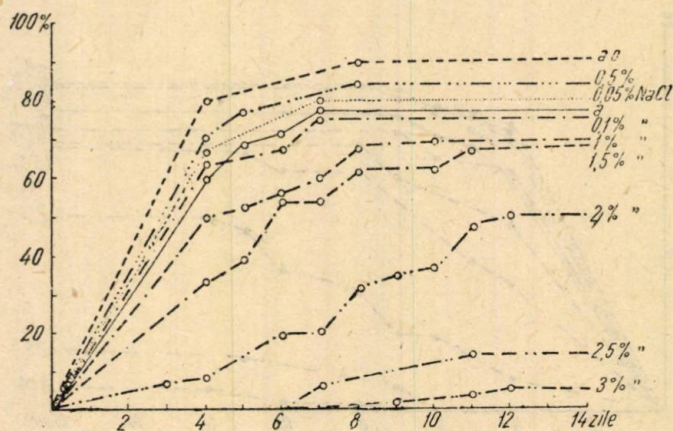


Fig. 6. Germinația cariopselor de Grîu Acad. R.P.R. pe sol, de Na Cl

faptului că plantele tinere fiind mai plastice, reacționează mai puternic față de condițiile mediului înconjurător.

Soluțiile diferitelor săruri cercetate au efect neegal în ceea ce privește acțiunea lor de inhibare a respirației. Efectul cel mai mare se constată la soluția de CO_3Na_2 , după care urmează soluția de SO_4Na_2 . Un efect

ceva mai slab se constată în soluția de NaCl și cel mai slab efect îl are soluția de SO_4Mg . Soluția de CO_3Na_2 poate interveni asupra intensității respirației prin intermediul pH-ului relativ ridicat, precum și prin toxicitatea ionilor de sodiu. Acțiunea de inhibare a NaCl poate fi atribuită toxicității atât a ionilor de clor cât și de sodiu. E greu de explicat

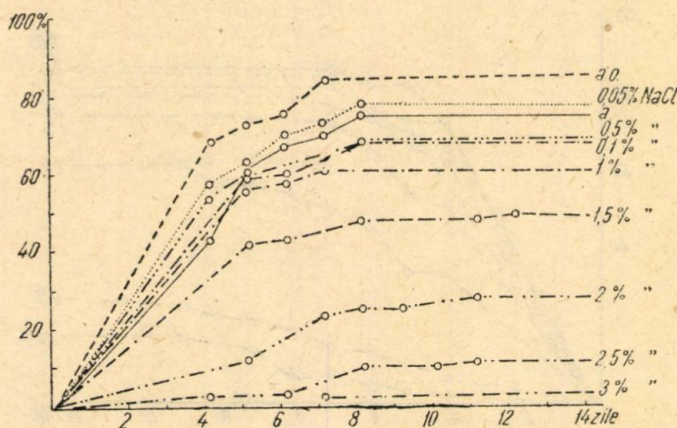


Fig. 7. Germinația cariopselor de Grâu Cenad pe sol. de NaCl

acțiunea de inhibare mai mare a soluțiilor de SO_4Na_2 , decât a soluției de NaCl.

Analizând soluțiile după valoarea presiunii osmotice constatăm următoarele (tab. 2): soluțiile procentuale de SO_4Na_2 și SO_4Mg sunt apropiate în ceea ce privește presiunea lor osmotică. Așa de exemplu soluția de 2% SO_4Na_2 are presiunea osmotică 4,50 atm., iar soluția de 2% SO_4Mg are presiunea osmotică 4,86 atm. Soluțiile procentuale de CO_3Na_2 au o valoare mai mare. Așa de exemplu soluției 2% CO_3Na_2 îi corespunde o presiune osmotică de 7,80 atm. Soluțiile de NaCl au presiuni osmotice cu mult mai mari. Așa de exemplu soluția NaCl 2% are presiunea osmotică de 12,32 atm.

Tabela 2

Presiunea osmotică în atmosfere

	Na Cl	SO_4Na_2	SO_4Mg	CO_3Na_2
0,05 %	0,308	0,112	0,121	0,195
0,1 %	0,616	0,225	0,243	0,39
0,5 %	3,08	1,12	1,21	1,95
1 %	6,16	2,25	2,43	3,90
1,5 %	9,24	3,37	3,64	5,85
2 %	12,32	4,50	4,86	7,80
2,5 %	15,40	5,62	6,07	9,75
3 %	18,48	6,75	7,29	11,70
3,5 %	21,56	7,87	8,50	13,65
4 %	24,64	9,00	9,72	15,60
4,5 %	27,72	10,12	10,93	17,55
5 %	30,80	11,25	12,15	19,50

Plantele cercetate sînt adaptate la soluții diluate în apa din sol. În genere presiunea osmotică a sucului celular presat din plantele de cultură este în jurul a 10 atm. sau sub 10 atm.

În mod normal forța de sucțiune a celulelor rădăcinii plantelor e relativ mică. În timpul vestejirii plantelor forța de sucțiune

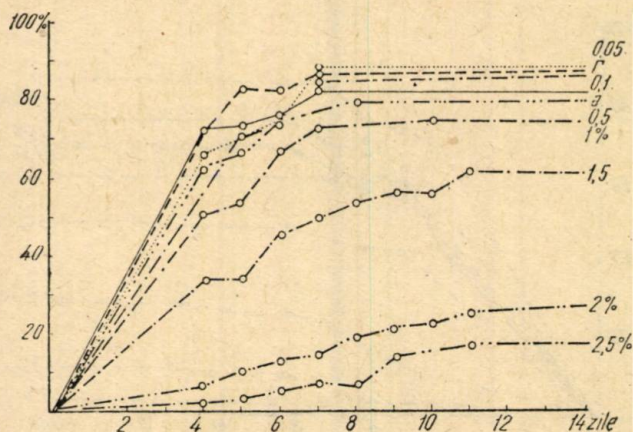


Fig. 8. Germinația cariopselor de Grîu Bankut pe sol. de Na Cl

a rădăcinii crește simțitor ajungînd la începutul vestejirii la valori între 9,1 atm.—cum au găsit Furrs și Reeve [5]—sau de 9,1—29,5 atm. cît a găsit Dolgov S. I. [6]. Dintre sărurile cu care am experimentat, după cum rezultă din tab. 2, numai soluțiile de NaCl provoacă în concentrațiile din experiențe presiuni osmotice mai mari. De exemplu la soluția de 3% NaCl are o presiune osmotică de 18,48 atm. De aici rezultă că soluțiile sărurilor cercetate au și alte acțiuni dăunătoare asupra plantelor, întrucît acțiunea de inhibare a creșterii, cît și a respirației se manifestă și la soluțiile mai diluate cu presiuni osmotice mai mici. Dintre soluțiile sărurilor cercetate mai ales cele de NaCl își pot manifesta acțiunea de inhibare a creșterii și prin presiunea osmotică mare.

Determinînd intensitatea respirației la diferite soiuri de grîu crescute pe soluții de NaCl de diferite concentrații (tab. 3) constatăm o scădere a intensității respirației, începînd cu soluțiile dela 0,5—1,5%.

Tabela 3

Intensitatea respirației la diferite soiuri de grîu crescute pe sol. de Na Cl

	A 15	Acad. R.P.R.	Cenad 117	Marquis	Bankut
apă dist.	1,27	2,54	2,21	1,70	1,92
apă obișn.	2,06	2,79	1,81	1,33	2,22
0,05 % Na Cl	1,83	2,43	2,00	1,12	0,72
0,1 %	1,49	1,58	1,73	0,79	1,07
0,5 %	2,08	3,12	2,00	0,99	1,67
1 %	1,98	2,68	1,73	0,99	1,31
1,5 %	1,45	1,76	1,14	1,04	1,13
2 %	0,96	2,93	0,57	0,31	1,38
2,5 %	0,66	0,86	0,54	0,22	1,05
3 %	0,53	0,68	0,52	0,30	0,77

Această deosebire apare evidentă mai ales cînd intensitatea respirației se raportează la numărul de plante. Calculînd intensitatea respirației la greutatea proaspătă a plantelor, obținem în genere un mers asemănător cu deosebirea că scăderea intensității respirației în soluții concentrate de NaCl este mai puțin frapantă, iar la grîul A 15 ea nici nu are loc. Socotim că aceasta se datorește creșterii mai încete a plantelor pe soluții mai concentrate de NaCl.

Concluzii

Soluțiile sărurilor de SO_4Mg , SO_4Na_2 , NaCl și CO_3Na_2 au o acțiune de inhibare asupra germinației cariopselor de grîu în concentrații cuprinse între 1—3% în ordinea enumerată.

În concentrații mici de 0,05—0,5% ele exercită o ușoară acțiune de stimulare.

Dintre soiurile de grîu cercetate mai puțin sensibile față de săruri sînt A 15, urmează soiul Acad. R.P.R. 48 și Marquis și apoi soiurile Cenad 117 și Bankut 1201.

Intensitatea respirației plantulelor de grîu A 15 scade cu concentrația soluțiilor; mai puternic pe soluțiile de CO_3Na_2 urmează apoi pe soluțiile SO_4Na_2 , apoi soluția NaCl și mai puțin SO_4Mg .

Plantele de 8 zile sînt mai sensibile decît cele de 16 zile.

Catedra de Fiziologia Plantelor
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Oganesian A. P. : *Solustoicivosti nekotoryh polevkh kultur*. Pochvovedenie 10, 1954
- [2] Sergheev L. I. : *Vnoslivesti rastenii*. Moscova 1953.
- [3] Keller B. : *Halophyten und xerophytenstudien*. Journ. Ecol. 13, 2, 1925
- [4] Ghenkel P. A. : *Solustoicivosti rastenii i puti ee napravlenego povlsheniia*. Moscva 1954
- [5] Furrș și Reevek : *Jour. Agr. Res.* p. 71, 1954.
- [6] Dolgov S. I. : *Dolk. Vashnil. f. 2*. Moscova 1948.

К ВОПРОСУ О ВЛИЯНИИ НЕКОТОРЫХ СОЛЕЙ НА ПРОРАСТАНИЕ И ДЫХАНИЕ НЕКОТОРЫХ СОРТОВ ПШЕНИЦЫ

Растворы таких солей, как SO_4Mg , SO_4Na_2 , NaCl и CO_3Na_2 оказывают угнетающее влияние на прорастание зерновок пшеницы при концентрациях, лежащих в пределах 1—3%, в вышеуказанном порядке.

При небольших (0,05—0,5%) концентрациях они оказывают небольшое стимулирующее действие.

Среди исследованных сортов пшеницы наименее чувствительным оказался сорт А 15, затем следуют сорта Академия РНР 48 и Маркиз и, наконец, сорта Ченад 117 и Банкут 1201.

Интенсивность дыхания проростков пшеницы сорта А 15 снижается сильнее при повышении концентрации растворов; наиболее сильное снижение наблюдается при воздействии CO_3Na_2 , затем следуют растворы SO_4Na_2 и NaCl и, наконец, раствор SO_4Mg оказывает в этом отношении наименьший эффект.

8-дневные проростки более чувствительны чем 16-дневные.

DE L'INFLUENCE DE CERTAINS SELS SUR LA GERMINATION ET LA RESPIRATION DE QUELQUES SORTES DE BLÉ .

Résumé

Les solutions des sels de SO_4Mg , $\text{SO}_4\text{Na}_2\text{NaCl}$ et CO_3Na_2 ont une action inhibitrice sur la germination des cariopses de blé, dans des concentrations contenues entre 1—3 %, dans l'ordre énuméré ci-dessus. Dans de faibles concentrations, de 0,05 à 0,5 %, elles exercent une légère action stimulatrice.

Parmi les sortes de blé étudiées, la moins sensible à l'action des sels est A_{15} , ensuite ACADÉMIA 48 et MARQUIS, et enfin CENAD 117 et BANKUT 1201.

L'intensité de la respiration des plantules de blé A_{15} diminue avec la concentration des solutions, la diminution est plus forte pour les solutions de CO_3Na_2 , et de plus faible pour les solutions de SO_4Na , ClNa_2 , et SO_4Mg .

Les plantules de 8 jours sont plus sensibles que celles de 16 jours.

CONTRIBUȚIUNI NOI LA STUDIUL ZOOCECIDILOR DIN R.P.R.

M. A. IONESCU și N. ROMAN

Prin lucrarea de față se aduc noi contribuții la studiul răspîndirii Zoocecidilor în țara noastră și în acelaș timp se completează inventarul formelor ce erau cunoscute anterior, cu mai multe specii noi pentru cecidologia țării. Sînt citate în această lucrare 35 zoocecidii de Cynipide, cele mai multe pe specii de *Quercus*; pe lîngă acestea, lucrarea cuprinde un număr de specii de gale, produse de Arthropode aparținînd la alte Ordine și Familii, anume Zoocecidii de Diptere Cecidomyide, Coleoptere, Lepidoptere, Heteroptere, Eriophyde, pe un număr mare de plante lemnoase și ierboase. Sînt citate 19 specii noi pentru țara noastră, dintre care 4 specii de Cynipide. Alte 5 specii sînt citate acum pentru prima dată în Transilvania.

Pentru economisirea spațiului și conform uzanței, s-au întrebuițat următoarele prescurtări: Hym. = gală produsă de Hymenopter; Het = gală produsă de Heteropter; H = Homopter; D = Dipter; C = Coleopter; L = Lepidopter; Er = Eriophyd; C.H. = Houard; n = nord; s = sud e = est; v = vest; r = raion; R = regiune. Fiecare zoocecidie poartă un număr între paranteze, care este cel din tratatul lui C. Houard (*Les Zoocecidies des plantes d'Europe et du Bassin de la Mediterranée*). Nomenclatura pentru Cynipidae după L. H. Weld (1952).

Bromus commutatus Schrad.

1. *Eriophies tenuis* Nal. C. H. (291) Er.; Colectat la n. de Fomești r. Horezu R. Craiova la 28. VII. 1955.

Poa nemoralis L.

2. *Mayetiola radificata* Rübs. C. H. (265) D.; Nou pentru R.P.R. Colectat la n-e. de Poiana Seciurile r. Gilort R. Craiova la 27.IV.1955; la Cheile Oltețului (Peștera Polovragi) r. Horezu R. Craiova la 17.VII. 1955.

Cynodon Dactylon (L) Pers.

3. *Mayetiola destructor* Say C.H. (330) D., la v. de Stănești r. Olteț R. Craiova la 12.VIII.1955; la e. Amărăști Golumbul r. Amaradia R. Craiova la 18.VI.1955, la n.v. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 26. VIII.1955.

4. *Lonchaea lasiophthalma* Macq. C.H. (237) D.; Nou pentru R.P.R. La s—e. Damian r. Gura Jiului R. Craiova (în dunele de nisip) 21.VIII. 1953.

Juncus articulatus L.

5. *Dirapha juncorum*. Illig. C.H. (403) H.; Valea Coadă Snagovului v. Butimanu r. Răcari R. București la 29. VII.1953, la n. de Buda r. Mihăilești R. București la 5. VIII. 1954.

Salix purpurea L.

6. *Pontania vesicator* Bremi C.H. (729) Hym; la s. Albota r. Pitești R. Pitești la 7. VI. 1955.

Salix caprea L.

7. *Rhabdophaga rosaria* H. Löw. C.H. (784) D.; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 7.VI.1955, la e. Băcăinți r. Orăștie R. Hunedoara la 7.VI.1955.

Corylus Avellana L.

8. *Stictodiplosis corylina* F Löw. C.H. (1052) D. Nou pentru Transilvania La n. Cioara r. Orăștie, R. Hunedoara la 9.IX.1955; la n. Crișcior r. Brad R. Hunedoara, la 13.IX.1955; la n.-e. Băița r. Ilia R. Hunedoara, la 17.IX.1955.

Fagus silvatica L.

9. *Hartigiola annulipes* Hartig. C. H. (1153) D.; la e. Pojarul r. Gilort R. Craiova la 27.VI.1955; la s.-v. Alimpești r. Novaci R. Craiova la 16.VII.1955

10. *Mikiola fagi* Hartig. C. H. (1151) D.; la n-e Băile Govora r. Râmnicul Vilcea R. Pitești la 11.VIII.1955; (comun)

Quercus Robur L.

11. *Adleria Kolari* Hartig. C. H. (1248); Hym; la e. Vinerea r. Orăștie R. Hunedoara la 19.VIII.1955.

12. *Adleria quercus calicis* Burgsd. C. H. (1180) Hym.; la n.-e. Cugir r. Orăștie R. Hunedoara la 18.VIII.1955.

13. *Andricus superfetationis*. Paszl. C. H. (1183), Hym; la n. -v. Cucuiș r. Orăștie R. Hunedoara la 25.VIII.1955

14. *Andricus fecundatrix* Hartig C.H. (1214) Hym.; la n-v Cucuiș r. Orăștie R. Hunedoara la 25. VIII.1955.

15. *Cynips quercus folii* (L) Gen. agam. C.H. (1320) Hym.; la n. -v. Cucuiș r. Orăștie R. Hunedoara la 25.VIII.1955

16. *Cynips longiventris* Hartig C.H. (1322) Hym.; la n. -v Cucuiș r. Orăștie R. Hunedoara la 25.VIII.1955.

Quercus sessiliflora Salisb.

17. *Adleria caput medusae* Hartig. C.H. (1169) Hym.; la e. Mihăilești e. Tîrgul Logrești r. Gilort R. Craiova la 18.VII.1955.

18. *Andricus curvator* Hartig. C. H. (1351) Hym.; la e. Mihăilești e. Tîrgul Logrești r. Gilort R. Craiova, la 9.VII.1955; la n.-v. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 16.VIII.1955; la n.-v. Cucuiș r. Orăștie R. Hunedoara, la 25.VIII.1955; la n. n.-v. Tătărani-Băbeni — Bistrița r. Drăgășani R. Pitești, la 12.VIII.1955.

19. *Adleria gallae tinctoriae* Oliv. C.H. (1677) Hym.; la n. Balota r. Ilia R. Hunedoara la 2.X.1955; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara, la 16.VIII.1955; la n.-v. Vințul de Jos r. Alba, R. Hunedoara la 12.IX.1955.

20. *Andricus seckendorfi* Wachtl C.H. (1173) Hym.; la Valea Poiana Iepeii r. Orăștie R. Hunedoara, la 14.X.1955.

21. *Andricus ramuli* L. C. H. (1186) Hym.; la n. -v. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara la 16.VIII.1955.

22. *Biorhiza pallida pallida* Oliv. C.H. (1262) Hym.; la n. -v. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 16.VIII.1955, la s.-v. Sirineasca r. Drăgășani R. Pitești, la 12.VIII.1955, la Vulcana Pandele r. Pucioasa R. Ploști, la 17.V.1955, la s.-e. Baia de Fier r. Novaci R. Craiova la 13.VII.1955, la v.n.-v. Șotînga r. Tîrgoviște R. Ploști la 15.V.1955, la v. Vulcana Băi s. Pucioasa R. Ploști, la 12.V.1955.

23. *Andricus lucidus* Hartig C. H. (1172) Hym.; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedora, la 16.VIII.1955, la n. Balota r. Ilia R. Hunedoara, la 21. IX.1955.

Quercus pedunculiflora C. Koch.

24. *Cynips quercus folii* (L.); C.H. (1320) Hym.; Pădurea Cobia, Calopărul, r. Segarcea R. Craiova la 1.IX.1951.

25. *Andricus fecundator* Hartig (1214) Hym.; Pădurea Cobia, Calopărul r. Segarcea R. Craiova, la 25.VIII.1951.

26. *Adleria coronaria* Stefani C.H. (1229) Hym.; Pădurea Frumoasa n. -v. Frumoasa r. Zimnicea R. București, la 28.IV.1955.

27. *Andricus lucidus* Hartig. C.H. (1172) Hym.; Pădurea Caraghiosul, n. e. Gurueni r. Alexandria, R. București, la 28.IV.1955.

28. *Trigonaspis synaspis* Hartig. C.H. (1321) Hym.; Pădurea Frumoasa n. -v. Frumoasa r. Zimnicea R. București, la 28.IV.1955.

Quercus pubescens Willd.

29. *Adleria caput medusae* Hartig C.H. (1169) Hym.; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara, la 8.IX.1955.

30. *Adleria polycera* Giraud C.H. (1172) Hym.; la n. Acmaru r. Orăștie R. Hunedoara, la 29.VIII.1955, la n. Șibot, r. Orăștie R. Hunedoara la 16.VIII.1955.

31. *Adleria coronata* Stefani. C.H. (1229) Hym.; Pădurea Lamba s.-e. Cervența, r. Zimnicea R. București, la 28.IV.1955, n.-v. Bejan r. Ilia, R. Hunedoara, la 20.IX.1955.

32. *Adleria confica* Hartig C.H. (1239) Hym.; la n. Vințul de Jos, r. Alba, R. Hunedoara, la 12.IX.1955; la n. Acmaru, r. Orăștie, R. Hunedoara la 12.IX.1955; la n. Acmaru, r. Orăștie, R. Hunedoara la 29.VIII. 1955.

33. *Adleria gallae tinctoriae* Oliv. C.H. (1267) Hym.; la n. Vințul de jos. r. Alba. R. Hunedoara, la 12.IX.1955, la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara la 16.VIII.1955.

34. *Adleria amblycera* Giraud. C.H. (1251) Hym.; la n. Vințul de Jos, r. Alba R. Hunedoara, la 12.IX.1955.

35. *Adleria lignicola* Hartig C.H. (1265) Hym.; la n. Vințul de Jos. r. Alba R. Hunedoara, la 12.IX.1955.

36. *Andricus lucidus* Hartig C.H. (1172) Hym.; la n. Vințul de Jos. r. Alba R. Hunedoara, la 12.IX.1955, la n.e. Șibot. r. Orăștie R. Hunedoara la 17.VIII.1955, la n.-v. Acmaru, r. Orăștie R. Hunedoara, la 29.VIII.1955.

37. *Andricus solitarius* Fonsc. C.H. (1255) Hym.; la n.-v. Bejan, r. Ilia, R. Hunedoara, la 20 IX.1955, la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 26.VIII.1955.

38. *Andricus globuli.* Hartig. C.H. (1277) Hym.; la n. Vințul de Jos. r. Alba. R. Hunedoara, la 12,IX.1955, la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 26.VIII.1955.

39. *Andricus inflator* Hartig. C.H. (1205) Hym.; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 16.VIII.1955.

40. *Cynips pubescentis* Mayr C.H. (1323) Hym.; la n. Vințul de Jos, r. Alba R. Hunedoara, la 12.IX.1955, la n.-e. Șibot. r. Orăștie R. Hunedoara, la 17.VIII.1955.

41. *Cynips quercus* Fourc. Gen. agam. C.H. (1323) Hym.; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 26.VIII.1955.

Quercus Cerris L.

42. *Andricus aestivalis* Giraud C.H. (1811) Hym.; la e. Vaidei.r. Orăștie R. Hunedoara, la 20.IX.1955, la n.-e. Căbești r. Ilia R. Hunedoara la 24.IX.1955, la n.-v. Cucuiș r. Orăștie, R. Hunedoara, la 25.VIII.1955, la e. Vinerea, r. Orăștie, R. Hunedoara la 19.VIII.1955 la e. Cugir, r. Orăștie R. Hunedoara, la 19.VIII.1955, la s.-e. Căstău r. Orăștie R. Hunedoara, la 25.VIII.1955.

43. *Andricus multiplicatus* Giraud (1209). Hym.; la e. Pîriul Mierea Birnici, r. Amaradia, R. Craiova la 10.VI.1955.

44. *Synophrus politus* Hartig. C.H. (1268) Hym.; la s. -e. Căstău, r. Orăștie R. Hunedoara la 25.VIII.1955 la n.-e. Geoagiu. r. Orăștie R. Hunedoara, la 23.VIII.1955, la n.-v. Acmaru, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 29.VIII.1955, la e. Iogrești Moșteni r. Gilort, R. Craiova la 25.VI.1955.

45. *Arnoldia cerris* Kollar. C.H. (1887) D.; la n. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955, la e. s.-e. Vaidei, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955; la e. Căstău, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 25.VIII.1955; la e. Logrești Moșteni r. Gilort, R. Craiova, la 25.VI.1955; la v. Zeicoiul r. Amaradia, R. Craiova la 21.VI.1955; la n.-v. Acmaru, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 29.VIII.1955; la v. Giulești, r. Olteț, R. Craiova, la 13. VIII.1956.

46. *Dryomyia circinans* Giraud C.H. (1882) D.; la v. Giulești, r. Olteț, R. Craiova la 13.VIII.1955.

47. *Aphelonix cerricola* Giraud C.H. (1302) Hym.; Pădurea Caraghiosul, n.-e. Gurueni, r. Alexandria, R. București, la 28.IV.1955.

48. *Neuroterus macropterus* Hartig. C.H. (1848) Hym.; Pădurea Caraghiosul n.-e Gurueni r. Alexandria, R. București, la 28.IV.1955.

Quercus Frainetto Ten.

49. *Adleria hartigi* Hartig C.H. (1225) Hym. *Nou pentru R.P.R.*; la e. Amărăști, r. Amaradia, R. Craiova, la 18.VI.1955, la s. Căbăești, r. Ilia, R. Hunedoara, la 20 IX. 1955.

Descrierea galei : Gala se formează pe tulpină sau pe partea inferioară a ramurilor de 1,5—2 cm. grosime, pe muguri adventivi. Ea are forma rotundă conține o singură cameră și împreună cu apendicii care o acoperă, are un diametru pînă la 3 cm. Gala propriu zisă este de mărimea unei semințe de mazăre și este fixată direct pe scoarța ramurei. Ea este acoperită cu niște apendice mari, conice, strînse unul lîngă altul, fiecare dintre aceste apendice fiind prinse pe gală prin cîte un scurt peduncul. La exterior aceste apendice au la început culoarea verde, apoi devin brun închis, de regulă acoperite cu o pilozitate foarte fină, deasă, de culoare albă, dînd galei un aspect brumat. Gala devine matură din mai pînă toamnă, iar insecta apare în primăvara anului următor.

Răspîndirea geografică. Italia cu Sicilia, Spania, Austria.

50. *Adleria coronata* Stefani C.H. (1229) Hym. ; la n. Balata. r. Ilia R. Hunedoara, la 21.IX.1955, la e. Amărăști, r. Amaradia R. Craiova la 18.VI.1955. Pădurea Caraghiosul, n.-e. Gurueni r. Alexandria, R. București la 28.IV.1955.

51. *Adleria conifica* Hartig. C.H. (1239) Hym. ; la n-v. Balata, r. Ilia, R. Hunedoara la 1.X.1955, la e. Amărăști r. Amaradia R. Craiova, la 18.IV.1955.

52. *Andricus lucidus* Hartig. C.H. (1172) Hym. ; la n. Balata, r. Ilia, R. Hunedoara, la 21.IX.1955, la e. Branișca, r. Ilia, R. Hunedoara la 20.IX.1955.

53. *Adleria polycera* Giraud C.H. (1172) Hym. ; Pădurea Caraghiosul n.-e Gurueni r. Alexandria R. București la 28.IV.1955.

54. *Adleria caput medusae* Hartig C.H. (1169) Hym. ; Pădurea Caraghiosul n.-e. Gurueni r. Alexandria, R. București la 28.IV.1955.

55. *Andricus curvator* Hartig. C.H. (1351) Hym. ; la v. Zeicoiul r. Amaradia r. Craiova la 21.VI.1955.

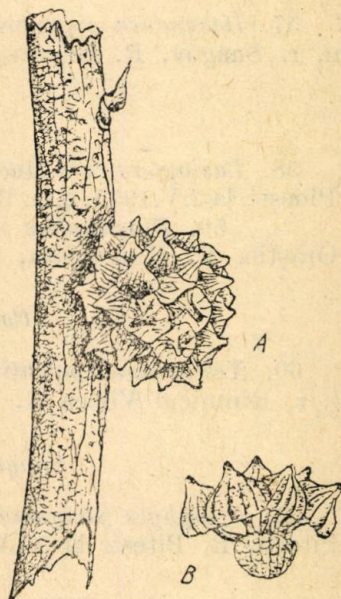


Fig. 1 *Adleria hartigi* Hart.

A. Gala de ramură; B. gala cu apendicele sale (original).

Polygonum aviculare L.

56. *Augasma aeratella* Zelle. C.H. (2154) L. *Nou pentru R.P.R.* La v. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955, la v. Aurel Vlaicu, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 24.VIII.1955.

Rorippa silvestris (L) Bess.

57. *Dasyneura sisymbrii* Schrank C.H. (2517) D. ; la v. Aurel Vlaicu r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955, la s. Deva, r. Ilia, R. Hunedoara la 8.X.1955.

Rorippa austriaca (Cr.) Bess.

57. *Dasyneura sisymbrii* Schrank C.H. (2517) D. ; Pădurea Căldărușani, r. Snagov, R. București, la 19.VIII.1954.

Rubus sp.

58. *Lasioptera rubi* Heeger C.H. (2976) D. ; la v. Brănești, r. Pucioasa R. Ploști, la 2.V.1955, n.-e. Balata, r. Ilia, R. Hunedoara, la 4.X.1955.

59. *Diastrophus rubi* Hartig C.H. (2975) Hym. ; la n. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955.

Potentilla reptans L.

60. *Xestophanes potentillae* Retz.. C.H. (3061) Hym. ; la n.-e. Govora Băi, r. Rîmnicul Vilcea R. Pitești, la 11.VIII.1955.

Sanguisorba minor Scop.

61. *Eriophyes sanguisorbae* Can. C.H. (3103) Er. ; la e. Morărești r. Pitești, R. Pitești la 10.VI.1956.

Filipendula hexapetala Gilib.

62. *Perrisia ulmariae* Bremi C.H. (2830) D. ; la s.-e. Cernădia r. Novaci R. Craiova la 15.VII.1955. v. Baia de Fier, r. Novaci, r. Craiova, la 26.VII.1955, la n. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 8. IX. 1955, Pădurea Ciornuleasa. e. Curcani. r. Oltenița R. București, la 21.VIII.1954.

Rosa rubiginosa L.

63. *Diplolepis spinosissimae* Giraud C.H. (3159) Hym. ; la v. Văluța, r. Amaradia, R. Craiova, la 27.IV.1955, n. Brănești, r. Pucioasa, R. Ploști la 7.V.1955.

64. *Diplolepis mayri* Schl. C.H. (3156) Hym. ; la e. Pojarul, r. Gilort, R. Craiova la 27.VI.1955.

Cytisus albus (Hacq.)

65. *Eriophyes genistae* Nal. C.H. (3419) Er. ; la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 7.IX.1955.

Genista tinctoria L.

66. *Perrisia genisticola* F. Löw. C.H. (3369) D. ; la n. Balata, r. Ilia, R. Hunedoara, la 21.IX.1955, la n. -e Băile Govora, r. Rîmnicul Vilcea,

R. Pitești, la 11.VIII.1955, la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955, la v. Minăstirea, r. Drăgășani, R. Pitești, la 10.VIII.1955.

Genista sagittalis L.

67. *Phyllocoptes acraspis* Nal. C.H. (3382) Er.; la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 8.IX.1955, la s. Porcurea r. Orăștie R. Hunedoara, a 10.X.1955, la s. -v. Ardeul, r. Orăștie, R. Hunedoara. la 10.X.1955.

Melilotus officinalis (L) Lam. et. Thuil.

68. *Sibinia crassirostris* Kirsch. C.H. (3538) C.; la n.-v. Aninoasa, Ir. Tîrgoviște, R. Ploești, la 12.V.1955.

Medicago falcata L.

69. *Contarinia medicaginis* Kieff. C.H. (3514) D. Nou pentru R.P.R. La n.-e. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 29.VIII.1955.

Trifolium campestre Schreb.

70. *Apion pubescens* Kirby. C.H. (3549) C. Nou pentru R.P.R. La n. -e. Băile Govora r. Rîmnicul Vilcea, R. Pitești, la 11.VIII.1955, la e. Baia de Fier, r. Novaci R. Craiova la 16.VII.1955.

Trifolium dubium (Sibtb).

71. *Apion trifolii* L.C.H. (3600), C. Nou pentru R.P.R. La Polovragi r. Novaci, R. Craiova, la 16.VII.1955

72. *Apion pubescens* Kirby C.H. (3549) C.; la e. Baia de Fier r. Novaci, R. Craiova, la 16.VII.1955.

Trifolium gracile Thuill.

73. *Apion pubescens* Kirby. C.H. (3549) C.; la n. Baia de Fier r. Novaci, R. Craiova, la 23.VII.1955.

Trifolium arvense L.

74. *Sibinia polylineata* Germar. C.H. (3570) C; Nou pentru R.P.R. La n. Baia de Fier r. Novaci R. Craiova la 23.VII.1955.

Dorycnium herbaceum Vill.

75. *Asphondylia dorycnii* F. Löw. C.H. (3608), D Nou pentru R.P.R. La n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara la 16.VIII.1955, la v. Acmariu, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 17.VIII.1955, la e. Cugir, r. Orăștie, Hunedora, la 20.VIII.1955, la v. Romoș r. Orăștie, R. Hunedoara, la 24.VIII.1955.

Tilia cordata — Mill.

76. *Didymomyia Reaumuriana* F. Löw C.H. (4137) D.; la s.-v. Alimpești r. Novaci R. Craiova, la 15.VII.1955

Tilia tomentosa Moench.

77. *Didymomyia Reaumuriana* F. Löw. C.H. (4137) D.; la n.-v. Tătărani-Băbeni Bistrița r. Drăgășani, R. Pitești, la 13.VIII.1955.

78. *Eriophyes tiliae* var. *limosa* Nal. C.H. (4128); Er. la n.-v. Tătărani-Băbeni — Bistrița, r. Drăgășani. R. Pitești, la 13.VIII.1955 Pucioasa r. Pucioasa, R. Ploesti, la 11.V.1955.

Hypericum perforatum L.

79. *Zeuxidiplosis Giardiana* Kieff. C. H. (4210) D.; la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955.

Viola tricolor L.

80. *Perrisia violae* F. Löw. C.H. (4293) D. *Nou pentru R.P.R.* La v. Aurel Vlaicu r. Orăștie R. Hunedoara, la 24.VIII.1955, la n. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara la 16.VIII.1955 la n. Balata, r. Ilia, R. Hunedoara la 21.IX.1955.

Lythrum Hyssopifolia L.

81. *Nanophyes hemisphaericus* Oliv, C.H. (4323) C; *Nou pentru R.P.R.* La v. Aurel Vlaicu r. Orăștie R. Hunedoara la 22.VIII.1955 la s. -v. Cocioac r. Snagov R. București, la 23.IX.1954.

Eryngium campestre L.

82. *Thomasiella eryngii* Vallot. C.H. (4375) D.; la e. Căpreni, r. Amaradia R. Craiova, la 13.VI.1955, la e. Poenari r. Novaci, R. Craiova la 15.VII.1955, la v. Vaideeni r. Horezu R. Craiova, la 28.VII.1955, la n. -v. Băbeni — Bistrița, r. Drăgășani R. Pitești, la 12.VIII.1955 la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955.

Eryngium planum L.

83. *Thomasiella eryngii* Vallot C.H. (4375) D.; la s.-v. Baia de Fier, r. Novaci, R. Craiova, la 26.VII.1955.

Bupleurum juncaeum L.

84. *Schizomyia pimpinellae* F. Löw. C.H. (4411) D.; la n. Curpeni, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 10.IX. 1955. *Nou pentru Transilvania.*

Cuscuta europaea L.

85. *Smicromyx jungermanniae* Reich. C.H. (4721) C. *Nou pentru R.P.R.* București la 2.VIII.1955. Stănești r. Olteț R. Craiova, la 12.VIII. 1955, la v. Șibot r. Orăștie R. Hunedoara, la 20.VIII.1955, la n. Romoș, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955.

Teucrium chamaedrys L.

86. *Copium cornutum* Tunb (C. clavicorne) C.H. (4770) Het.; la e. Cugir r. Orăștie, R. Hunedoara, la 18.VIII.1955.

Teucrium montanum L.

87. *Copium teucrii* Host. C.H. (4762) Het.; Nou pentru R.P.R. la v. Acemariu, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 12.IX.1955.

Glechoma hirsuta W.et.K.

88. *Aylax glechomae* Retz. C.H. (4811) Hym.; la e. Mihăilești. e. Tîrgul Logrești r. Gilort R. Craiova la 10.VII.1955. Pădurea Neagră n. Bucșani r. Tîrgoviște, R. Ploști, la 28.V.1955, la n.n.-v. Ușurei r. Drăgășani R. Pitești la 13.IX.1955

89. *Rondaniella bursaria* Bremi C.H. (4809). Nou pentru Transilvania La Pădurea Pescupia n.-e. Frotoștița r. Filiași, R. Craiova, la 19. VI.1955; s.-e. Filimon Sîrbu, r. Ilia, R. Hunedoara la 19.IX.1955; la v. Mintia r. Ilia, R. Hunedoara la 15.X.1955; la 15.VI.1954 pe Muntele Roșu r. Teleajen R. Ploști.

Glechoma hederacea L.

90. *Aylax glechomae* Retz C.H. (4811) Hym.; la s. Vaidei, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955; la Căldărușani r. Snagov R. București la 20.VI.1955.

Thymus comosus Heuff.

91. *Eriophyes Thomasii* Nal. C.H. (4920) Er.; Minăstirea Cornet Valea Oltului, r. Rîmnicul Vilcea, R. Pitești, la 15.VIII.1955.

Betonica officinalis L.

92. *Eriophyd* C. H. (4852) Pădurea Pasărea R. București 23.VII.1952.

Veronica Chamaedrys L.

93. *Jaapiella veronicae* Vallot. C.H. (5088) D.; Pădurea Neagră. n. Bucșani, r. Tîrgoviște, R. Ploști, la 25.V.1955.

Veronica Bachofenii Heuff.

94. *Jaapiella veronicae* Vallot. C.H. (5088) D.; Minăstirea Cornet Valea Oltului, r. Rîmnicul Vilcea, R. Pitești la 15.VIII.1955.

Veronica Beccabunga L.

95. *Mecinus beccabungae* L.C.H. (5099), C. Nou pentru R.P.R. Fometești r. Horezu, R. Craiova la 28.VII.1955; la Baia de Fier, r. Novaci, R. Craiova la 17.VII.1955.

Verbascum nigrum L.

96. *Ischnonyx verbasci* Vallot. C.H. (5004) D. ; Pădurea Ciornuleasa e. Curcani, r. Oltenița R. București, la 13.VIII.1954 ; la e. Cugir r. Orăștie, R. Hunedoara, la 18.VIII.1955.

Plantago lanceolata L.

97. *Mecinus* sp. Col. la s.e. Cernădia, r. Novaci, R. Craiova, la 15.VII.1955.

Asperula glauca L. Bess.

98. *Eriophyes* sp. C.H. (5177) Er. ; la n. Șibot, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 8.IX.1955.

Galium Schultesii Vest.

99. *Geocrypta galii* H. Löw. C.H. (5238) D. ; Pădurea Neagră, r. Bucșani r. Tirgoviște, R. Ploști, la 28.V.1955, la s.-v. Sireneasca r. Drăgășani, R. Craiova la 12.VIII.1955.

Galium Kitaibelianum Schult.

100. *Geocrypta gallii* H. Löw. C.H. (5238) D. ; la n.-v. Tătărani-Băbeni Bistrița r. Drăgășani, R. Pitești, la 12.VIII.1955.

Cephalaria transilvanica (L) Schrad.

101. *Conchylis leucantana* Const. C.H. (5432) L. *Nou pentru R.P.R.* La v. Giulești, r. Olteț, R. Craiova, la 13.VIII.1955.

Inula britannica L.

102. *Acodiplosis inulae* H. Löw. C.H. (4621) D. ; Valea Marița, r. Novaci R. Craiova la 27.VII.1955. Pădurea Căldărușani s. Lipia, r. Snagov, R. București, la 21.VIII.1954.

Achillea Millefolium L.

103. *Rhopalomyia millefolii* H. Löw. C.H. (5673) ; D. ; la n. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 8.IX.1951, la n. Vințul de Jos, r. Alba, R. Hunedoara la 13.IX.1955. *Nou pentru Transilvania.*

Achillea crithmifolia W. et k.

104. *Rhopalomyia millefolii*. H. Löw. C.H. (5673) D. ; Pleșa Ardeului n. Ardeul r. Orăștie R. Hunedoara, la 10.X.1955 la v. Băița, r. Ilia, R. Hunedoara la 23.IX.1955.

Artemisia campestris L.

105. *Misospatha tubifex* Bouché C.H. (5777) D. *Nou pentru R.P.R.* La v. Acmaru r. Orăștie R. Hunedoara, la 12.IX.1955.

Centaurea Scabiosa. L.

106. *Euribia cardui* L.C.H. (5984) D. ; la Romoș r. Orăștie R. Hunedora, la 22.VIII.1955. Nou pentru Transilvania.

107. *Aylax scabiosae* (Gir) C.H. (5986) Hym. *Nou pentru R.P.R.* ; la v. Vinerea, r. Orăștie, R. Hunedoara, la 18.VIII.1955 ; la e. s. -e. Vaidei r. Orăștie, R. Hunedoara, la 22.VIII.1955 ; la e.n.-e. Cucuiș r. Orăștie, R. Hunedoara la 25.VIII.1955.

Gala se produce pe tulpină. Ea se prezintă ca o umflătură a tulpinii fusiformă, care poate ajunge pînă la cîțiva centimetri lungime ; la suprafață umflătura este netedă, lucioasă și prezintă în lungul său mai multe

cute. In interior gala conține mai multe camere larvare, ovale și tari, de culoare gălbue. Din aceste gale apar insectele în primăvara anului următor.



Fig. 2 *Aylax scabiosae* (Gir.) (original.)



Fig. 3 *Timaspis lampsanae* Korsch. (original)

Răspîndirea geografică : Suedia, Anglia, Franța, Spania, Germania, Austria.

108. *Aylax jaceae* Schrenck. C.H. (5978) Hym. *Nou pentru R.P.R.* ; la s.e. Cernadia. r. Novaci R. Craiova, la 15.VII.1955 ; la v. Acmaru

r. Orăștie, R. Hunedoara, la 17.VIII.1955 Gala se formează în fruct și se prezintă ca achene puțin umflate, care cuprind fiecare câte o singură cameră larvară.

Din acele gale apar adulții în anul următor, în mai și iunie.

Răspîndirea geografică: Franța, Germania, Austria.

Lampsana communis L.

109. *Timaspis lampsanae* Korsch. C.H. (6029) Hym *Nou pentru R.P.R.*; la n.-v. Șibot r. Orăștie. R. Hunedoara, la 16.VIII.1955.

Produce gale pe tulpină. Tulpina se deformează umflîndu-se în lungul ei și prezentînd incovoeturi ca niște ondulații. Deformația poate să aibă mai mulți centimetri lungime. În interiorul tulpinei umflate se află înșirate în lung mai multe camere larvare.

Din aceste gale insectele apar în luna mai din anul următor.

Răspîndirea geografică: Franța, Germania, Ungaria.

Hieracium transsilvanicum Heuff.

110. *Aulacidea hieracii* (F) Bouché. C. H. (6155) Hym.; la n. Baia de Fier r. Novaci R. Craiova, la 21.VII.1955; la s.e. Mihăilești; Tîrgul Logrești, r. Gilort, R. Craiova, la 26.VI.1955; la n.e. Băile Govora, r. Rîmnicul Vilcea, R. Pitești, la 11.VIII.1955

Hieracium virosum Pall.

111. *Aulacidea hieracii* (L) Bouché. C.H. (6155) Hym.; la n. Șibot r. Orăștie, R. Hunedoara, la 16.VIII.1955.

Hieracium pilosella L.

112. *Eriophyes pilosellae* Nal. C.H. (6202) Er.; la s.v. Marinești r. Amaradia R. Craiova, la 18.VI.1955

Hieracium Bauhini Schult. ap. Bess.

113. *Macrosiphum hieracii* Kalt. C.H. (6158) H.; Pădurea Neagră n, Buceșani, r. Tîrgoviște. R. Ploești, la 28.V.1955.

BIBLIOGRAFIE

- [1] E. Baudis : „Contribution à l'extension des zoocécidies de la Roumanie” — Bul. grad. bot. Cluj. Vol. XIX, 1939.
- „Fourth contribution to the knowledge of plant galls in Bohemia”. Acta entomologica musei nationalis Pragae, XIV. 1946.
- „Sixth contribution to the zooecidiological Research of Moravia and Silesia” — Acta universitatis agriculturae et silviculturae, Brno, R.C.S., 1947.
- „The seventh contribution to the zooecidiological investigation of Moravia and Silesia” — Ibidem, 1948.
- [2] V. I. Belizin : „Orshotvorchii (Hymenoptera Cynipidae) faunl S.S.S.R.i sopredelnih stran” — Entomologicescoe obozrenie, tom. XXXI, 1951.
- [3] I. Borcea : „Zoocécidies de Roumanie” — Ann. sc. Univ. Jassy, T. 7, 1914.

- [4] A. I. Borza et M. Ghiuță : „Contribuții la studiul și răspândirea cecidiilor în România” — Bul. grăd. botanice Cluj. vol. XVIII — XXVI, 1938—1946.
- [5] M. Brandza : „Contribution a l'étude des zoocécidies de Roumanie” Ann. sc. Univ. Jassy, vol. VIII, X, 1914—16.
- [6] K. W. Dalla Torre u. J. J. Kieffer : „Cynipidae” — Das Tierreich, lief. 24, Berlin 1910.
- [7] Tk. Geburtig : „Nouvelles galles pour la Roumanie” Publ. Soc. Nat. Rom., Nr. 10, 1932.
- [8] M. Ghiuță : „Contribuții la studiul și răspândirea cecidiilor în România” — Bul. grăd. bot. Cluj. Vol. XVII—XXV, 1937—1945.
- [9] M. A. Ionescu : „Contribuții la studiul Cynipidelor din R.P.R.” Revista Universității C.I. Parhon, 1955.
- „Noi contribuții la studiul Cynipidelor din R.P.R.” — Bul. șt. Acad. R.P.R. 1956.
- [10] R. Rübsamen : „Ueber russische zooecidien” — Bul. Soc. Imp. Nat. Moscova, 1895—1896
- „Ueber Zooecid. d. Balkan-Halbinsel” — Illustr. Zeitschr. f. Ent., Bd. V, 1900.
- [11] M. I. Sevcenco : „C. voprosu o geograficescom rasprostranienii i cesohoziaistvennom znaceniî dubovih orehotvorc (Cynipidae) C.C.C.R.” — Zoologiceschii jurnal T.XXXI.1952
- [12] L. H. Weld : „Cynipoidea” — Washington 1952.

К ИЗУЧЕНИЮ ЗООЦЕЦИДАХ РУМЫНСКОЙ НАРОДНОЙ РЕСПУБЛИКЕ

В этой работе автор приносит новые данные по изучению распространения галл в Р.Н.Р. В тоже время пополняется список известных форм, новыми видами для цедиологии страны. В работе приводятся 35 галл орехотворок, большинство из них собраны с видов *Quercus*.

Кроме этого работа содержит описание некоторого числа видов галл различных Arthropoda, из других отрядов и семейств, а именно : Diptera, Cecidomyidae, Coleoptera, Lepidoptera, Heteroptera, Eryophidae. Эти насекомые производят галлы на большом числе растений, как травянистых так и деревянистых. Цитируются 19 видов галл новых для нашей страны, из них 4 вида орехотворок. Другие 5 видов впервые цитируются для Трансильвании.

Для экономии в объеме работы и согласно установленным нормам, автор пользуется следующими обозначениями: Нум. = галла произведенная Hymenoptera; Het = галла произведенная Heteroptera; H = галла Homoptera; D = галла Diptera; C = галла Coleoptera; L = галла Lepidoptera; Er. = галла Eryophida; C. H. = C. Houard; n = север; s = юг; e = восток; v = запад; r = район; R = область. Каждая галла сопровождается, в скобках, номером соответствующим номеру из работы С. Houard, Номенклатура для орехотворок по L. H. Weld (1952).

CONTRIBUTIONS À L'ÉTUDE DES ZOOCÉCIDIES DE LA REPUBLIQUE POPULAIRE ROUMAINE

Résumé

Le présent travail apporte de nouvelles dates, systématiques et zoogéographiques, sur les zoocécidies de la R.P.R., complétant toujours l'inventaire des formes cités jusqu'à présent.

On trouve parmi les espèces décrites, beaucoup des formes nouvelles pour la cécidologie de notre pays, comprenant 4 zoocécidies de Cynipides.

Les termes se rapportant à la nomenclature des zoocécidies sont pris de la classification de Lewis H. Weld (1952, Washington).

NOI CONTRIBUȚIUNI ASUPRA TRATAMENTULUI TERMIC LA PORUMB

EMILIA ILIESCU

I.

Prezenta notă e continuarea temei intitulată „Contribuțiuni asupra tratamentului termic aplicat cariopselor de porumb” începută în anul 1954, și în legătură cu care s-au publicat unele rezultate. (4).

La tema amintită mi-am propus să realizez următoarele puncte:

I. Să determin durata optimă de încălzire a cariopselor de porumb romînesc de Studina la temperatura de 50° găsită în experiențe precedente ca fiind cea mai eficace.

II. Durata efectului acestui tratament.

III. Comportarea cariopselor de porumb față de o serie crescîndă de temperaturi, ex: 40°, 50°, 60°, 70°, 80° și 90°.

Experiența a fost montată în epoca I de semănat la 20.IV., la ferma Universității de la Pantelimon și în grădina Facultății de Biologie, pe o suprafață de 850 m². Semănatul s-a făcut în cuiburi așezate în pătrat la distanța de 70/70 cm. cu un fir la cuib. Diferitele variante s-au repetat de patru ori. S-au cules date de la 362 plante, fiecărei variante revenindu-i 32 plante pentru medie. Lucrarea s-a efectuat în vara anului 1954, care a fost o vară ploioasă.

Din cercetările făcute am ajuns la concluzia că încălzind cariopsele timp diferit de ex: $\frac{1}{2}$ h, 1^h, 2^h, 4^h, 8^h, 12^h, 24^h la temperatura de 50°, timpul optim de încălzire este de $\frac{1}{2}$ h permițînd plantelor sporirea ulterioară atît a masei vegetative cît și a recoltei de boabe. Chiar din primele faze ale dezvoltării se observă efectul favorabil al tratamentului de $\frac{1}{2}$ h la temperatura de 50° prin aceea că semințele germinează înaintea matorului ca număr, Tabela 1 ex. la mator germinează 4, la cariopsele tratate $\frac{1}{2}$ h 8, iar la cele tratate 1^h, 7, urmînd ca ulterior s-o ia înaintea matorului ca dezvoltare.

Tabela 1

Germinarea cariopselor de porumb

Data	Variante. Durata tratamentului în ore.							
	0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
10 V.	4	8	7	3	3	2	2	1
13 V	26	27	22	23	26	24	26	24
14 V	26	28	23	28	26	29	29	29
15 V	28	28	29	28	29	32	32	32

Prin încălzirea cariopselor se sporește atît energia cît și facultatea germinativă fapt cunoscut din literatura de specialitate P. Kruplin [6] V. N. Rucikin [8], M. Raianu [9], V. L. Colesnic [2] I. V. Copelchiovski [3], N. I. Ceonov [1], M. Lapin [5], A. Macarov [11], I. Sătilov [10] Em. Iliescu [4], H. Chirilei [7].

Eficacitatea tratamentului se observă la toate variantele din experiență în privința numărului sporit al rădăcinilor precum și în privința lungimii lor ex. tabela 2, rădăcinile adventive prezintă ca număr dilerențe cuprinse între 1—7 față de martor ex. martorul are 17 iar plantele provenite din cariopse încălzește $\frac{1}{2}$ h la 50° au 24.

Tabela 2

Media lungimii rădăcinilor și a coleoptilului precum și numărul rădăcinilor adventive.

Felul organului	Durata tratamentului în ore.									
	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$ s	1	2	4	8	12	24	48
Lung. răd. princip. in cm.	5,6	9,4	7,4	6,3	6,6	8,2	6,9	7,3	7,1	5,5
Lung. răd. adventive	3,5	5,4	3,5	4,1	3,6	4,1	3,8	4,0	3,3	2,8
Lung. coleoptil.	3,4	3,8	3,2	3,7	3,0	3,1	3,2	3,7	3,2	3,7
Nr. rădăcinilor adeventine	17	24	20	20	21	27	20	20	26	25

În privința lungimii rădăcinilor adventive, martorul are 3,5 cm. iar plantele provenite din cariopse încălzite la 50°, 5,4 cm. Diferitele variante au diferențe cuprinse între 0,1 cm.-1,9 cm. În schimb plantele provenite din cariopse tratate termic timp îndelungat de ex. 24^h, 48^h, au rădăcini mai scurte față de martor ex. martorul are lungimea de 3,5 cm. iar celelalte, respectiv 3,3 cm. și 2,8 cm.

Referitor la lungimea rădăcinii principale martorul are o lungime de 5,6 cm. iar plantele provenite din cariopse încălzite $\frac{1}{2}$ ^h la 50°, 9,4 cm. Pentru diferitele variante diferențele sînt cuprinse între 0,7 cm. și 3,8 cm. Reese de aci să tratamentul termic de o anumită durată provoacă sporirea sistemului radical, chiar din primele stadii de dezvoltare ceea ce are ca urmare o nutriție minerală mai abundentă legată de recolte sporite.

În privința lungimii coleoptilului el e mai dezvoltat la plantele provenite din cariopse încălzite la 50° o $\frac{1}{2}$ ^h unde el este egal cu 3,8 față de 3,4 cm. cît este lungimea lui la martor. O slabă dezvoltare a lui se

Tabela 3

Înălțimea plantelor, în cm

Data	durata tratamentului în ore.							
	0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
23.VI	63,8	84,7	80,9	83,0	83,7	78,5	72,8	65,4
23. X	230	238	232	231	237	229	237	233

Tabela 4

Inflorescențe masculine și femele.

Data	Felul organului	Varinate. Durata tratamentului în ore.							
		0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
7 VII	Infloresc. masc.	2	5		5	6	7	—	—
12 „	„ „	10	16	12	16	15	12	7	3
14 „	„ „	16	17	20	10	18	18	12	12
17 „	„ „	23	27	22	28	25	27	25	16
22 „	„ „	32	32	32	32	32	32	32	32
7 VII	Știuleți fără mătase.	—	—	2	11	9	7	6	10
12 „	„ „	3	12	10	11	15	14	13	10
14 „	„ „	11	18	17	12	17	16	18	11
17 „	„ „	27	27	16	27	30	30	28	20
22 „	„ „	32	32	32	32	32	32	32	32
7 „	Știuleți cu mătase.	—	—	—	—	—	—	—	—
12 „	„ „	—	—	—	—	—	—	—	—
14 „	„ „	—	1	1	6	9	10	6	3
17 „	„ „	1	2	2	5	4	7	2	3
22 „	„ „	1	2	2	5	4	7	2	3
7 VII	Inflorescențe masc. deschis.	—	—	—	—	—	—	—	—
12 „	„ „	—	—	—	—	—	—	—	—
14 „	„ „	1	10	8	—	—	—	—	—
17 „	„ „	18	20	17	18	21	20	14	—
22 „	„ „	19	24	23	20	25	21	16	16
26 „	„ „	26	30	30	31	30	27	30	33

observă la plantele provenite din cariopse încălzite 24^h și mai ales 48^h unde el este respectiv de 3,2 cm. și 2,7 cm.

Referitor la frunze ele apar din coleoptil înaintea matorului tot la plantele provenite din cariopse încălzite puțin — deci se recomandă tratamentul de scurtă durată cu temperatura de 50°.

În tabela 3 este dată înălțimea plantelor. Martorul are înălțimea de 63,8 cm. iar plantele provenite din cariopse încălzite 1/2^h la 50° au la medie înălțimea de 84,7 cm. Diferențele de înălțime față de mator sînt cuprinse între 1,6—20,9 cm.* pentru diferitele variante. La 23 octombrie, finele perioadei de vegetație ele sînt numai de 1 cm.—8cm. la diferitele variante cu care s-a lucrat, diferențele ștergîndu-se deci treptat.

Efectul prielnic al încălzirii cariopselor de porumb romînesc de Studina se resimte și asupra apariției inflorescențelor și anume: Tabela 4, florile masculine apar și apoi înfloresc în primul rînd la plantele provenite din semințele încălzite 1/2^h la 50°. Cariopsele încălzite 12^h — 24^h dau plante care rămîn ceva mai în urmă — în dezvoltare, denotînd că încălzirea de lungă durată la temperatura de 50° nu este eficace.

În schimb florile femele apar în număr superior față de acel al matorului, și înfloresc mai repede mai ales în cazul cariopselor încălzite timp mai îndelungat, ex. 24^h.

De asemenea am remarcat că încălzirea semințelor la temperatura de 50° dela 4^h în sus provoacă proliferarea a numeroși știuleți mici la baza celor mari existenți care nu ajung la maturitate. Ex. tabela 5 la

Tabela 5

Tabelă cu numărul global al inflorescențelor masculine și femele

Inflorescențe	Variante. Durata tratamentului în ore.							
	0	1/2	1	2	4	8	12	24
Infloresc. masc.	69	94	75	72	64	73	72	74
Infloresc. femele.	6	10	11	11	9	12	8	12
Știuleți pui.	8	9	17	16	13	12	13	13
Știuleți atacați.	1	2	4	4	6	4	1	2

mator apar 8, iar la plantele provenite din cariopsele tratate 17, 16, 13, 12. Totodată cariopsele încălzite timp îndelungat ex. 4^h — 24^h dau plante ușor atacate de făciune — tratamentul micșorîndu-le rezistența la boli. La mator e atacată o singură plantă față de 4—6 în cazul cariopselor încălzite.

În privința numărului știuleților recoltați el este superior la plantele provenite din cariopse încălzite 1/2^h la 50°, ex. tabela 6., 49 față de mator care

Numărul știuleților recoltați

Tabela 6

Variante	Durata tratamentului							
	0	1/2	1	2	4	8	12	24
	38	49	41	39	40	38	41	40

are numai 38 și merge descrescînd la celelalte variante tabela 5. Diferența față de martor este cuprinsă între 1—11 pentru diferitele variante.

La știuleți s-a măsurat lungimea lor cu boabe și fără boabe, precum și grosimea lor (socotită la bază) cu boabe și fără boabe. Și în acest caz știuleții variantei $50^{\circ} \frac{1}{2}h$ sînt mai lungi ex. tabela 7; 19,9 cm față de

Tabela 7

Media lungimii și grosimii știuleților în cm

	Variante. Durata tratamentului în ore.							
	0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
Lung. știuleților cu boabe. . . .	17,3	19,9	18,5	18,7	18,7	18,1	18,0	17,6
Lung. știuleților fără boabe. . .	16,0	18,9	17,5	18,1	18,0	17,5	17,2	17,6
Grosimea știuleților cu boabe.	3,63	3,74	3,79	3,67	3,77	3,64	3,61	3,70
Grosimea știuleților fără boabe.	2,30	2,90	2,55	2,52	2,85	2,55	2,45	2,82

17,3 cît este la martor și mai groși 3,7 cm. față de 3,63 cm. cît este media lor la martor. Diferențele sînt de 2,6 cm. pentru lungime și 0,16 cm.. pentru grosime în cazul știuleților cu boabe pe ei și de 2,9 cm. — 0,60 cm. în cazul știuleților goliți de boabe. În ambele cazuri recolta e sporită.

În tabela 8 se dă greutatea recoltei în boabe — exprimată în kgr precum și greutatea știuleților goliți de boabe. În ambele cazuri recolta

Tabela 8

Greutatea boabelor și a știuleților goliți de boabe exprimată în kg

	Variante. Durata tratamentului în ore.							
	0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
Greut. boabelor.	1,635	2,140	2,017	1,983	1,989	1,834	1,769	1,755
Greut știuleților	0,702	1,070	0,780	0,756	0,760	0,772	0,820	0,757

este sporită la toate variantele dar în special la varianta 50 și $\frac{1}{2}h$ unde cariopsele au greutatea de 2.140 kg. față de 1.635 kg cît reprezintă greutatea martorului. Știuleții goliți de boabe atîrnă mai greu la toate variantele mai ales la varianta $50^{\circ} \frac{1}{2}h$ unde ei au 1.070 kgr. față de 0,702 kgr. greutatea lor la martor. De aci reese ca durata cea mai indicată pentru tratamentul termic al cariopselor de porumb romînesc de Studina, la temperatura de 50° este acea scurtă de $\frac{1}{2}h$.

II. Relativ la efectul în timp al tratamentului am căutat să văd dacă cariopsele încălzite la $50^{\circ} \frac{1}{2}h$ cu o săptămînă înainte de semănat se dezvoltă mai bine decît cariopsele încălzite chiar în ziua însămînțării. Ambele variante s-au pus în sol în aceeași zi. Experiența arată că și încălzirea anticipată este favorabilă. Se obțin și în acest caz plante mai dezvoltate față de martor — dar care totuși rămîn în urma celor încălzite în ziua semănatului ex. în tabela 2, se constată că plantele provenite din semînțe încălzite cu o săptămînă înainte de semănat au rădăcina

principală cu 1,8 cm. mai lungă față de martor, dar cu 2 cm. mai scurtă de cele încălzite chiar în ziua însămînțării. La rădăcinile adventive se pot observa de asemenea diferențe față de cele provenite din coriopsele tratate $\frac{1}{2}^h$ la 50° în ziua însămînțării ex. la martor lungimea rădăcinii adventive este egală cu 3,5 cm. la cele tratate $\frac{1}{2}^h$ la 50° anticipat ea este egală cu 3,5 cm iar la cele tratate în ziua însămînțării ea este de 5,4 cm.

III. În privința comportării porumbului față de temperaturi de valori crescînde ex. 40° , 50° , 60° , 70° , 80° , și 90° , am ajuns la concluzia că numai semințele încălzite la 40° , 50° și maximum $60^\circ \frac{1}{2}^h$, dau plante ce se dezvoltă. Celelalte cariopse încălzite cu temperaturi mai ridicate după cum era de așteptat, pier. Temperatura de 60° cu care se încălzesc cariopsele de porumb romînesc de Studina, sau ceva în jurul ei ar fi limita superioară suportată de acest soi.

E interesant că la plantele provenite din cariopse încălzite la 60° apare un număr mare de știuleți pui — la baza celor mari existenți dar care rămîn mici, — probabil că nu pot fi hrăniți suficient în condițiile metabolismului existent.

În afara datelor fenologice amintite, sau cules și unele date legate de procesele fiziologice. S-a determinat intensitatea procesului respirației la diferitele variante ale experienței, precum și activitatea catalizei din frunze.

Fenomenul respirației s-a măsurat în cc. CO_2 pe gram de substanță proaspătă și pe oră prin metoda gazometrică Haldane. Procesul respirator este mai intens față de martor la toate variantele amintite și în special la plantele provenite din cariopse tratate $\frac{1}{2}^h$ la 50° , denotînd că metabolismul ridicat al acestor plante duce la eliberarea unei mari cantități de energie utilizată la creșterea și dezvoltarea intensă a plantelor respective tabela 9 ex. la martor intensitatea respirației este de 3.958 cc. CO_2 iar la plantele încălzite $\frac{1}{2}$ oră 7.203 cc. $\text{CO}_2/\text{gr. h.}$

Tabela 9

Intensitatea respirației exprimată în cc. $\text{CO}_2/\text{gr/h}$

Data.	Variante Durata tratamentului în ore.							
	0	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	12	24
29. I	2,635	6,479	5,785	2,510	4,121	3,316	3,109	—
30. II	3,958	7,203	6,120	4,814	5,026	5,045	4,861	5,492
31. III	3,601	8,033	7,485	5,873	5,635	6,323	6,700	6,433
1.IV	3,729	7,806	6,918	7,299	7,609	8,439	6,719	7,093

Totodată și activitatea fermenților respiratori de exemplu ai catalizelor crește. În tabela 10 sînt date asupra activității catalazelor la diferite variante ex. la martor ea este egală cu 1,40 iar la varianta $\frac{1}{2}^h$ 1,90 ele indicînd eficacitatea tratamentului termic la plantele provenite din cariopse tratate timp mai scurt. Cele mai favorizate fiind tot cele încălzite $\frac{1}{2}^h$ la 50° .

Activitatea catalazelor exprimată în cc. permanganat n/10

Variante		Durata tratamentului în ore							
0	1/2	1/2S	1	2	4	8	12	24	48
1,40	1,90	1,83	1,70	1,60	1,50	1,60	1,30	1,15	1,25

Concluzii

Din cele expuse se pot desprinde următoarele concluzii:

1. Temperatura de 50° cu care se încălzesc cariopsele de porumb romînesc de Studina 1/2 oră este temperatura optimă în raport cu celelalte termene de încălzire amintite și cuprinse între 1^h—24^h.

2. Incălzirea cariopselor de porumb romînesc de Studina, cu o săptămîină înainte de semănat, la 50 1/2^h este favorabilă creșterii și dezvoltării cariopselor dar efectul optim se resimte asupra cariopselor încălzite în ziua semănatului.

3. Temperatura de 60° sau ceva în jurul lui este temperatura maximă suportată de porumbul romînesc de Studina.

Laboratorul de Fiziologia Plantelor
Facultatea de Biologie
București.

BIBLIOGRAFIE

- [1] N. I. Cernov : *Influența încălzirii asupra puterii de germinare a semințelor și productivitatea plantelor*. Agrobiologia 1953. Nr. 4. p. 117.
- [2] V. I. Colesnic : *Incălzirea la soare și uscarea termică a semințelor de grâu de toamnă*. Agrobiologia. Nr. 6 1953.
- [3] G. V. Copelchiovski : *Posibilitatea de sporire a recoltei de hrișcă*. Destijenia nauchi i peredovovo opita selsem heziaistve Nr. 1953 p. 69.
- [4] Em. Iliescu : *Contribuții asupra tratamentului termic aplicat cariopselor de porumb*. Rev. Universității C. I. Parhon și a politehnicii. București. Nr. 8 1955.
- [5] M. Lapin : *Incălzirea cerealelor de toamnă înainte de însămînțat*. Kolhoznoe proizvodstvo. Nr. 7 1954.
- [6] P. Kruplin : *Incălzirea semințelor în aer cald*. Producția colhoznică. 1950 N.R.I.
- [7] H. Chirilei : *Accelerarea germinației semințelor citorva arbori forestieri prin tratamentul termic*. Bul. Științific al Academiei R.P.R. 1954.
- [8] N. Rucikin : *Uscarea semințelor în colhozuri*. Analele Romîno-Sovietice. Agricultura nr. 2, 1950.
- [9] M. Raianu : *Cîteva metode noi de analiza germinației la unele semințe agricole*. Probleme agricole nr. 12, 1953.
- [10] I. Satilov : *Semințele și pregătirea lor pentru însămînțare*. Kolhoznoe proizvodstvo nr. 1, 1951.
- [11] A. Macarov : *Incălzirea semințelor de bumbac la soare*. Sovetskoe hlopkovodstvo, nr. 23, 1952.
- [12] P. Zvonkov : *Incălzirea aero-termică a semințelor*. Kolhoznoe proizvodstvo, nr. 4, 1951.

НОВЫЕ ДАННЫЕ К ВОПРОСУ О ТЕПЛОЙ ОБРАБОТКЕ ЗЕРНА КУКУРУЗЫ

1. Прогревание серновок кукурузы сорта Румынская Студинская при 50° в течение 1/2 часа является оптимальным, по сравнению с остальными вышеупомянутыми сроками прогревания, лежащими в пределах 1—24 часов.

2. Прогревание зерновок кукурузы сорта Румынская Студинская при 50° в течение 1/2 часа за неделю до посева благоприятствует росту и развитию растений, однако наилучший эффект получается при прогревании зерновок в день самого посева.

3. Температура в 60° или несколько выше является максимальной температурой, которую способно переносить зерно кукурузы сорта Румынская Студинская.

NOUVELLES CONTRIBUTIONS SUR LE TRAITEMENT TERMIQUE DU MAIS

Résumé

1. La température de 50° à laquelle on chauffe les cariopses de maïs ROMANESC DE STUDINA pendant une demi-heure, est la température optimale par rapport aux autres termes de chauffage mentionnés et contenus entre 1—24 heures.

2. Le chauffage des cariopses de maïs ROMANESC DE STUDINA à 50°. 1/2 heure, une semaine avant les semailles, est favorable à la croissance et au développement des cariopses mais l'effet optimal se manifeste chez les cariopses chauffées le jour des semailles.

3. La température approximative de 60° est la température maximale supportée par le maïs ROMANESC DE STUDINA.

UNELE CERCETĂRI ASUPRA PROCESELOR FIZIOLOGICE LA TOMATE ÎN CONDIȚII DE IRIGARE

EUGENIA SÎRBU

Pentru determinarea aprovizionării cu apă a plantelor, mulți cercetători s-au legat numai de determinarea umidității solului încercând să stabilească o graniță a acesteia, luate ca indice pentru determinarea momentului de udare a plantelor.

Această metodă, după cum arată *Petinov* H. S. [1] și *Maximov* N. A. [2], nu poate fi o metodă satisfăcătoare și justă, deoarece nu se ia în considerație starea fiziologică a plantelor. Ei socotesc că singura metodă bună pentru determinarea gradului de aprovizionare cu apă a plantelor este legătura care există între umiditatea solului și procesele fiziologice ale plantelor.

Pentru aceasta am căutat să urmăresc unele procese fiziologice ale tomatelor în condiții de irigare față de cele neirigate.

Am experimentat cu soiul de toamnă *Rutgers* pe terenul Institutului de Cercetări Alimentare de la Băneasa. O parte din plante au fost irigate iar altele nu. Însă datorită faptului că anul 1955 a fost un an cu foarte multe precipitații, umiditatea solului pe parcelele neirigate a oscilat între 50%—58%, din capacitatea minimă de reținere a apei de către sol sau capacitatea maximă de apă a solului, iar pe parcelele ne irigate între 65—68%.

La aceste plante s-a urmărit mersul forței de sucțiune a frunzelor, în cursul zilei. Pentru determinarea forței de sucțiune am întrebuințat metoda curenților folosită de *V. S. Sardacov* [3] în vederea stabilirii momentului de udare al bumbacului.

După cum se vede din tabela 1 și 2, forța de sucțiune crește în cursul zilei avînd un maximum la ora 14, după care scade ușor spre seară. În general plantele irigate au avut o forță de sucțiune mai mică oscilînd dimineața între 4—6,5 atm., la prînz între 5—7,9 atm iar la ora 17 între 4—6,5 atm; iar la plantele neirigate dimineața fiind de 5—7,7 atm, la prînz 6,7—9,1 atm., iar la ora 17 între 5,4—7,8 atm., înseamnă că plantele au nevoie de apă atunci cînd forța de sucțiune crește.

Tot tabelele 1, 2, arată mersul forței de sucțiune în timpul perioadei de vegetație, din acestea reiese că forța de sucțiune, atît la plantele irigate cît și la martori, crește spre sfîrșitul perioadei de vegetație odată cu îmbătrînirea plantelor.

De asemenea am urmărit presiunea osmotică a sucului celular. În condițiile unui deficit de apă, presiunea osmotică a sucului celular al frunzelor, crește simțitor, în timp ce plantele care sînt aprovizionate suficient cu apă au presiunea osmotică mică.

Tabela 1

Rutgers Irigat

Data	Umiditatea solului	Temp aerului			Forța sugere exp. în conc.			Forța sugere exp. în atm.			t.	Prasiunea a osmotică
		ora 8	14	17	ora 8	ora 14	ora 17	ora- 8	ora 14	ora 17		
8.VI.955	68,45 %	22,5	29,5	26	0,15-0,2	0,2 -0,25	0,2	4,12	5,46	4,20	0,625	7,525
20.VI.	68,45 %	22,5	29,5	26	0,15-0,2	0,2 -0,25	0,15-0,2	4,12	5,46	4,17	0,627	7,449
6.VII.	65,45 %	25	30	28	0,2 -0,25	0,25-0,3	0,2 -0,25	5,38	6,71	5,44	0,654	7,874
18.VII.	66,42 %	21	24	23	0,2 -0,25	0,25-0,3	0,2 -0,25	5,31	6,58	5,35	0,727	8,753
27.VII.	66,30 %	24	25,5	24	0,25-0,3	0,3	0,25-0,3	5,75	7,04	5,75	0,717	8,632
16.VIII.	63,25 %	19	32	24	0,25-0,3	0,3	0,25-0,3	5,50	7,55	5,50	0,777	9,355
27.VIII.	65,45 %	23	28	27	0,25-0,3	0,3 -0,35	0,25-0,3	6,56	7,90	6,65	0,755	9,190
2.IX.	66,30 %	23	28	27	0,25-0,3	0,3 -0,35	0,25-0,3	6,56	7,90	6,65	0,777	9,355
14.IX.	65,20 %											
20.IX.	65,90 %				0,25-0,3	0,3 -0,35	0,25-0,3	6,56	7,90	6,65	0,785	9,451

Tabela 2

Butgers Martor

8.VI.955	58,35 %	22,5	29,5	26	0,2 -0,25	0,25-0,3	0,2 -0,25	5,33	6,70	5,40	0,635	7,645
20.VI.	55,45 %	22,5	29,5	26	0,2 -0,25	0,25-0,3	0,2 -0,25	5,33	6,70	5,40	0,743	8,945
6.VII.	57,95 %	25	30	28	0,25	0,3	0,25	6,12	7,47	6,18	0,727	8,753
18.VII.	55,40 %	21	24	23	0,25	0,3	0,25	6,03	7,31	6,07	0,743	8,945
27.VII.	56,35 %	24	25,5	24	0,3	0,3 -0,35	0,3	6,75	7,45	6,75	0,755	9,090
16.VIII.	55,25 %	19	32	24	0,3	0,30-0,35	0,3	6,55	7,84	6,55	0,780	9,391
27.VIII.	50,09 %	23	28	27	0,3-0,35	0,35	0,3	7,77	8,64	7,38	0,812	9,776
2.IX.	57,95 %	23	28	27	0,3 -0,35	0,35-0,4	0,35	7,77	9,14	7,88	0,850	10,234
14.IX.	55,30 %											
20.-IX.	50,45 %				0,3 -0,35	0,35-0,4	0,35	7,77	9,14	7,88	0,860	10,354

În condițiile de deshidratare a celulelor are loc o hidroliză a dizaharidelor în monozaharide ceea ce mărește mult presiunea osmotică a sucului celular. Am determinat presiunea osmotică pe cale crioscopică la frunzele recoltate între orele 7—8 dimineața.

Sălăgeanu N. și Galan G. [4] au arătat că tomatele adate zilnic au o presiune osmotică care se menține între 7,7—9,5 atm.

Lobov M. F. [5] în 1949 a găsit că presiunea osmotică la tomatele aprovizionate suficient cu apă este de 8 atm. iar în condițiile unei aprovizionări cu apă excesiv de grea, este de aproximativ 22 atm. Krujilin A. S. [6] a arătat că momentul udării tomatoelor trebuie să se facă atunci când presiunea osmotică este de 10—12 atm.

În general, după cum arată Maximov N. A. și Galicenco I. N. presiunea osmotică a sucului celular se menține la un nivel constant, avînd mici oscilații de la o zi la alta, datorită schimbărilor factorilor meteorologici. Cercetările mele au concordat în mare măsură cu datele din literatură.

Tot din tabelele 1 și 2 se poate vedea determinările presiunii osmotice pe întreaga perioadă de vegetație a soiului Rutgers. Plantele irigate au avut o presiune osmotică care a oscilat între 7,5—9,4 atm., iar la cele neirigate între 7,6—10,3 atm.

Maximov N. A. și Galicenco I. N. au arătat că presiunea osmotică la grîul de primăvară crește ușor în mod treptat pe măsura îmbătrînirii plantelor. Determinările mele au arătat că și la tomate presiunea osmotică crește ușor spre sfîrșitul perioadei de vegetație. Aceasta se poate vedea din tabela 1 și 2.

Am urmărit de asemenea mersul transpirației în cursul zilei. În general intensitatea transpirației este strîns legată de factorii atmosferici înconjurători, ca intensitatea luminii, temperatura aerului, umiditatea atmosferică și într-o foarte mare măsură de umiditatea solului.

Pentru determinarea intensității transpirației am folosit metoda cu hîrtie de filtru înmuiată în clorură de cobalt 30% care are proprietatea, ca în aer cu vaporii de apă, să-și schimbe culoarea din albastru în roz.

M. F. Lobov în 1948 [8] folosind aceeași metodă a arătat că intensitatea transpirației la tomate depinde foarte mult de umiditatea solului, cu cît aceasta este mai mare, cu atît transpirația este mai puternică. Cu aceeași metodă A. Mihalevîm în 1950 a observat la tomate de soiul Baltimore că plantele irigate au o transpirație mai puternică de cît cele neirigate și cu un maximum la ora 15. La o transpirație mărită, circulația apei prin plante este puternică, ceea ce duce la o asimilație mai mare și o creștere luxuriantă.

Am urmărit mersul zilnic al transpirației atît pe fața inferioară a frunzei cît și pe fața superioară, și am observat că plantele irigate, care au o umiditate a solului mai ridicată au o transpirație mai mare, de cît plantele neirigate, care au umiditatea solului mai scăzută.

În general mersul transpirației atît pe fața inferioară a frunzei, care datorită numărului mare de stomate, are și o transpirație mai intensă cît și pe fața superioară a frunzei, în toată perioada de vegetație a soiului de tomate Rutgers se prezintă în general la fel. Urmărind mersul transpirației în ziua de 16.VIII. atît pe fața inferioară cît și pe fața superioară a frunzei am observat o creștere a transpirației mai puternică în orele de dimineață 8—11 odată cu creșterea temperaturii și intensității luminii, urmînd apoi o creștere ușoară pînă la ora 14, cînd avem punctul

maxim al transpirației, scăzând apoi, uneori brusc, spre seară odată cu scăderea temperaturii și intensității luminii.

Tabela 3

Mersul transpirației în ziua de 16.VIII.1955 (expr. în secunde)

Variante	Fața superioară a frunzei				Fața inferioară a frunzei				Int. luminii expr. în luxi				Temperatura aerului			
	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17
Irigat	20"	16"	12"	30"	15"	12"	10"	25"	50	8ü	85	10	19°	27°	32°	24°
Neirigat	25"	20"	18"	30"	18"	15"	14"	25"								

În ziua de 27.VII intensitatea transpirației scade de la ora 8 la ora 11, odată cu scăderea temperaturii și intensității luminii, ca după aceea la ora 14 să crească brusc, odată cu creșterea intensității luminii și temperaturii, urmînd să scadă ulterior spre seară.

Tabela 4

Mersul transpirației în ziua de 27.VII.1955 la soiul Rutgers (expr. în secunde)

Varianta	Fața superioară a frunzei				Fața inferioară a frunzei				Int. luminii expr. în luxi				Temperatura aerului			
	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17
Irigat	25"	30"	20"	30"	15"	20"	15"	25"	55	19	29	28	24°	22,5°	25°	24°
Neirigat	30"	35"	26"	30"	25"	25"	20"	25"								

În general frunzele care sînt aprovizionate suficient cu apă au stomatele larg deschise, acelea care sînt însă în deficit de apă, stomatele lor se închid foarte devreme.

Pentru determinarea gradului de deschidere al stomatelor am folosit metoda lui Molish bazată pe viteza de pătrundere a xilolului sau a ben-zolului în spațiile intercelulare ale frunzelor.

Determinările au fost făcute de 4 ori pe zi în tot timpul perioadei de vegetație.

Semnele + din tabelele 3 și 4 arată deschiderea stomatelor, cu cît sînt mai multe cu atît stomatele sînt mai deschise. Semnele — arată că stomatele sînt închise. Stomatele de pe fața superioară a frunzei sînt deschise ziua, iar spre seară se închid mult mai repede aceasta în special la plantele neirigate, pe fața inferioară a frunzelor stomatele sînt larg deschise ziua și se închid spre seară mult mai tîrziu, aceasta mai ales la plantele irigate. S-a urmărit de asemenea creșterea în înălțime a plantelor. Determinările au fost făcute în general din 10 în 10 zile. Am obținut curba de creștere specifică în formă de „S”. Plantele irigate au avut o creștere în înălțime mai intensă de cît plantele neirigate, totuși diferența a fost mică, oscilînd între 10—15 cm, datorită condițiilor meteorologice specifice anului 1955, care au făcut ca plantele neirigate să fie aprovizionate suficient cu apă.

Tabela 5

Rutgers Irigat

Data	Umiditatea solului	Deschiderea stomatelor (f. super. a frunzel)				Deschiderea stomatelor (f. infer. a frunzel)			
		ora 8	ora 11	ora 14	ora 17	ora 8	ora 11	ora 14	ora 17
8.VI. 1955	68,45 %	++--	+++	+++	+---	+++	++++	+++	++--
20.VI. "	68,95 %	++--	++	+++	---	+++	+++	++++	++
6.VII. "	65,45 %	+++	+++	+++	++--	++++	+++	++	++--
18.VII. "	66,42 %	++	++	++	++--	++	+++	++	++
27.VII. "	66,30 %	++	+++	++	++--	+++	+++	++++	++
16.VIII. "	63,25 %	++	+++	+++	---	+++	++++	++++	++
27.VIII. "	65,45 %	++	++	+++	++--	++	+++	++++	++
2.IX. "	66,30 %	+--	++	+++	++--	++	+++	+++	++-

Tabela 6

Butgers Martor

8.VI. "	58,35 %	+--	+++	++	+---	+++	+++	++	+---
20.VI. "	55,45 %	++--	++	++	---	++	+++	+++	++--
6.VII. "	57,95 %	++--	++	++	+---	+++	+++	+++	++--
18.VII. "	55,40 %	++--	++	+++	---	++	+++	++	++--
27.VII. "	56,30 %	++--	++	++	---	++	+++	++	++--
16.VIII. "	55,25 %	+--	++	+++	---	++	+++	+++	++--
27.VIII. "	50,09 %	++--	+++	+++	+---	++	+++	++	++--
2.IX. "	54,95 %	+---	++	+++	---	++	+++	+++	++--

Tabela 7

Butgers

Varianța	Recolta în kg.	Plus de recoltă față de martor %	Recolta în % față de martor.
Control	65,3	--	100 %
Irigat.	84,1	28 %	128 %

În tabela 5 a fost trecută recolta de fructe. Plantele irigate au dat o recoltă mai mare, de 84,1 kg de pe suprafața de 40—50 m.p. și de la nu număr de 125 plante, față de plantele neirigate, de pe aceeași suprafață și de la același număr de plante, care a fost de 65,3 kg. Plusul de recoltă a fost numai de 28% față de control.

Concluzii

Din această lucrare se pot desprinde următoarele rezultate :

1. În condiții de irigare, forța de sucțiune a frunzelor soiului de tomate Rutgers este mai scăzută de cât la plantele neirigate, crescînd apoi la ambele variante spre sfîrșitul perioadei de vegetație.

2. Presiunea osmotică a sucului celular este mai scăzută la plantele irigate de cât la acelea neirigate, crescînd apoi la ambele variante treptat odată cu îmbătrînirea plantelor.

3. Transpirația este mai puternică la tomatele irigate de cât la cele neirigate, avînd maximum în mijlocul zilei.

4. Stomatele sînt larg deschise toată ziua atît la plantele irigate cît și la cele neirigate, iar spre seară se închid însă mai repede la cele neirigate.

Catedra de Fiziologia Plantelor și Microbiologie
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Petinov H. S. : *Oznacenie fiziologicheskikh pokazatelei v polivnom rastenevodstve*. Fiziologhia rastenii. Tom 1, 1954.
- [2] Maximov N. A. : *Izbranie rabot po zasuho ustoicivosti i zimostoicosti rastenii*. Izdat Akademii nauc SSSR Moscova 1952.
- [3] V. S. Sardacov : *Novoi polevoi metod opredelenia sasuscii silt rastenia*. D.A.N. SSSR. Nr.60.1948.
- [4] Sălăgeanu N și G. Gălan : *Despre determinarea nevoii de apă a plantelor în vederea stabilirii datei udărilor*. Bulet. Stiinț. al Academiei R.P.R. nr. 1. 1954 :
- [5] Lobov M. F. : *Despre transpirația plantelor la diferite umidități ale solului*. D.A.N. SSR 1951. T. 81. nr. 1.
- [6] Krujilin A. S. : *Biologhieschie osobenosti orașemth rastenii*. Selhozghiz 1954.
- [7] Maximov N. A. : *Opit fiziologhiescovo obasnovania priemov oroșenia iarovoi pșniți*. Trudi vsesoiuznovo in-ta zernovo hoziaistva. 1936 Tom. VII.

ИССЛЕДОВАНИЕ ФИЗИОЛОГИЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ У ТОМАТОВ В УСЛОВИЯХ ОРОШЕНИЯ

1. В условиях орошения сосущая сила листьев томатов сорта Рутгерс ниже чем у неорошаемых растений, возрастая в обоих вариантах к концу вегетационного периода.

2. Осмотическое давление клеточного сока у орошаемых растений ниже чем у неорошаемых, возрастая в обоих вариантах по мере старения растений.

3. Транспирация у орошаемых томатов более интенсивна чем у неорошаемых, причем максимум транспирации наблюдается в полдень.

4. Устьица широко раскрыты в течение всего дня как у орошаемых, так и у неорошаемых растений, однако к вечеру они закрываются скорее у неорошаемых.

QUELQUES RECHERCHES SUR LES PROCESSUS PHYSIOLOGIQUES DES TOMATES DANS DES CONDITIONS D'IRRIGATION

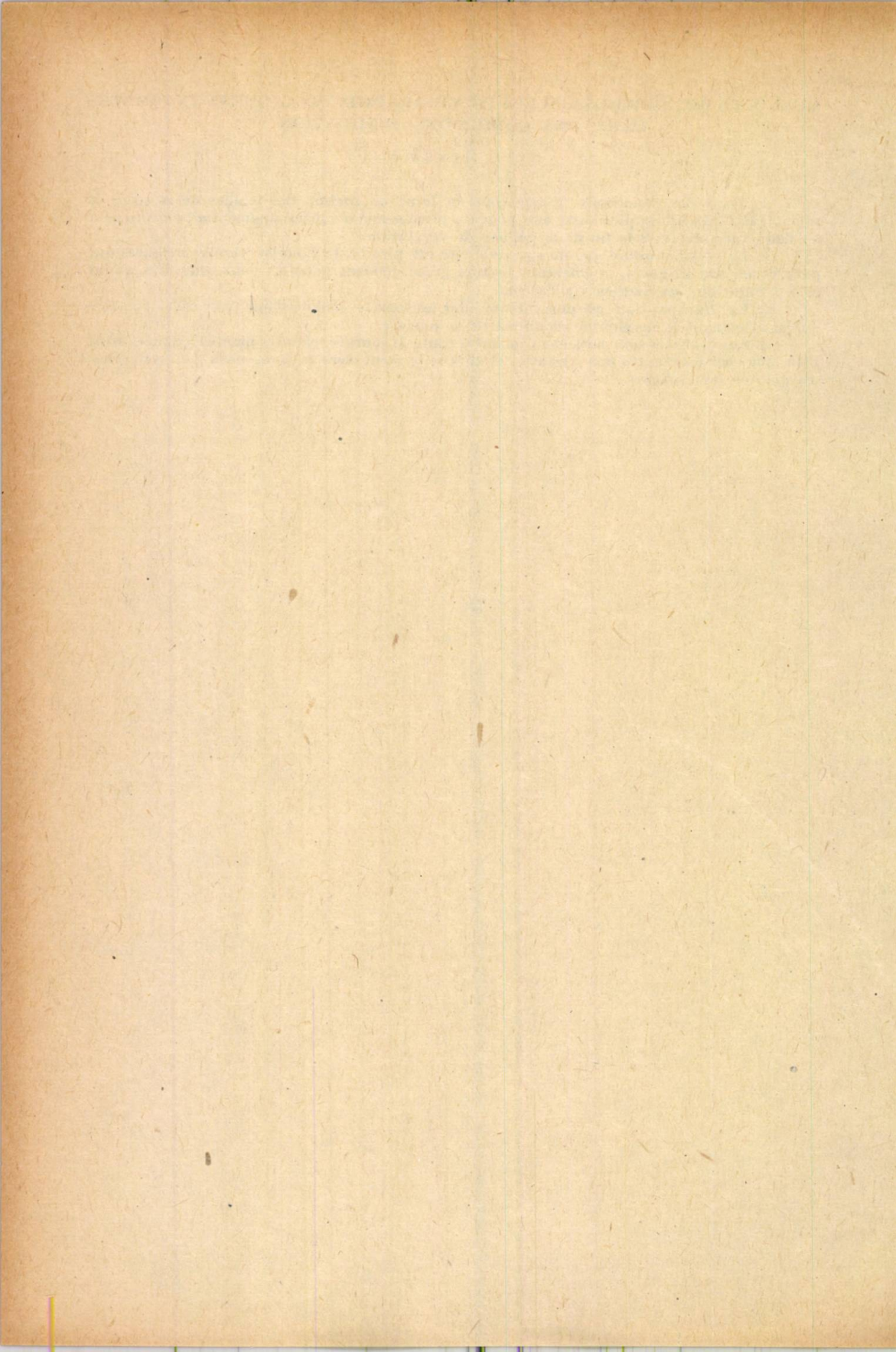
Résumé

1. Dans des conditions d'irrigation, la force de suction des feuilles de la sorte de tomates RUTGERS est plus basse que pour les plantes non irriguées, augmentant ensuite pour les deux variantes vers la fin de la période de végétation.

2. La pression osmotique du suc cellulaire est plus basse pour les plantes irriguées que pour celles non irriguées, augmentant ensuite graduellement pour les deux variantes, au fur et à mesure que les plantes vieillissent.

3. La transpiration est plus intense pour les tomates irriguées que pour celles non irriguées, atteignant le maximum au milieu de la journée.

4. Les stomates sont largement ouvertes toute la journée, chez les plantes irriguées aussi bien que chez les plantes non irriguées, et elles se ferment vers le soir, mais plus vite chez les plantes non irriguées.



UNELE DATE REFERITOARE LA STADIUL DE LUMINĂ AL SFECLEI ROȘII

G. ȚUNESCU

Lucrarea de față cuprinde câteva experiențe referitoare la parcurgerea stadiului de lumină de către sfecla roșie în al doilea an de viață cu scopul urmăririi posibilității de înflorire a plantelor bisanuale în condiții de zi scurtă și de întuneric.

În această privință există date în literatură; A. A. Avakian încă din anul 1950 arată posibilitatea de înflorire a plantelor de sfeclă de zahăr în al doilea an, chiar în condiții de întuneric. Aceste date sînt confirmate în 1953 de către Fife J. M., Price Ch. pentru sfecla de zahăr și tot în acest an de către Sineaghin I. I. și Morozova N. P. pentru morcov și ridiche neagră.

Totuși cercetătorii Sineaghin I. I. și Morozova N. P. (1952, 1953) afirmă că sfecla de zahăr nu înflorește la întuneric continuu ci formează numai tulpină floriferă fără ca să apară muguri floralii și să înflorească. Apariția tulpinii florifere, ei o explică ca o urmare a parcurgerii stadiului de iarovizare, pentru înflorire fiind necesară și parcurgerea stadiului de lumină. Aceasta vine în contradicție cu afirmațiile lui Fife J. M. și Price Ch. care erau de părere că lumina nu este absolut necesară pentru înflorirea sfeclei de zahăr.

Pentru efectuarea experiențelor am utilizat rădăcinile (rizocarpii) sfeclei roșii iarovizate peste iarnă — care au fost plantate în ziua de 9 mai 1955. În ziua de 15 mai au apărut rozetele de frunze iar în ziua de 21 mai plantele au fost trecute în condiții diferite de lumină. Astfel o parte din plante au fost ținute în condiții de zile lungi (zi naturală), a doua parte în zile scurte de 8 ore și o a treia parte în întuneric continuu.

Tabela 1

Apariția lujerilor floriferi la sfecla roșie

Varinate	9 iunie		6 iulie		28 iulie	
	nr.	sit. infl.	nr.	sit. infl.	nr.	sit. infl.
Zi lungă	8	tulp. fl.	10x	infl.	10	infl.
Zi scurtă	1	„ „	2xx	tulp. fl.	2xx	rozetă
Întuneric	0	— —	8xxx	tulp.	—	—

x toate plantele înflorite

xx pe tulpina floriferă s-a format rozetă de frunze

xxx tulpini etiolate

În aceste experiențe timpul de iluminare zilnică a fost redus pe seama orelor de dimineață și de seară, folosind pentru acoperirea plantelor cutii din rogojină. Rezultatele obținute prezentate în tab. 1 — arată că în zi de lumină naturală (zi lungă) dela început se formează lujerii floriferi numeroși și anume pe 9 iunie apăruseră la 8 plante; dintre plantele ținute în zile scurte numai una a format lujer florifer iar plantele din întuneric nu formaseră tulpini florifere. Pe 6 iulie toate plantele din zile lungi erau înflorite, la două plante din zile scurte se constată apariția lujerilor floriferi însă la vârful lor se formează rozete de frunze; la opt plante din întuneric apar de asemenea tulpini. Acestea din urmă însă au un caracter de etiolare pronunțat și apariția lor ar putea fi pusă eventual pe seama acestui fenomen. E. m. C. Teodorescu (1929) cultivând plante în întuneric și în radiațiuni de diferite lungimi de undă obține formarea de tulpini ca urmare a fenomenului de etiolare, chiar la plante ce prezintă în mod obișnuit rozetă. La 28 iulie situația este aceeași ca la 6 iulie în ceea ce privește procesul de înflorire numai că plantele din întuneric continuu au pierit datorită epuizării substanțelor nutritive din rădăcini.

Determinări asupra intensității respirației efectuate cu metoda Boysen Jensen au arătat (tab. 2) că plantele ținute în condiții de zi lungă

Tabela 2

Intensitatea respirației frunzelor de sfeclă roșie ec. CO₂ pe g/oră)
și activitatea catalizei (ec. O₂)

Variante	21 iunie		4 iulie	
	intens. resp.	activ. catal.	intes. resp.	activ. cațal.
zi lungă	0,4044	32,5	0,5918	35,7
zi scurtă	0,2252	32,1	0,5255	28,2
întuneric	0,1473	7,6	0,1866	2,0

respiră cel mai intens. Plantele care au stat în condiții de zi scurtă de 8 ore au o respirație ceva mai slabă decât acelea din zi lungă însă diferența între ele este mică. În ceea ce privește exemplarele care au fost ținute în întuneric continuu, acestea prezintă o intensitate a respirației mult mai scăzută.

Determinări asupra activității catalizei efectuate prin metoda gazo-metrică au dat rezultate asemănătoare, în sensul că valorile cele mai mari le găsim la plantele care au avut la dispoziție o durată mai mare de iluminare zilnică. La plantele din zile scurte aceste valori sînt ceva mai mici fără ca să existe o diferență prea mare față de primele. La plan-tele crescute în lipsa luminii activitatea catalizei este foarte slabă.

Datele obținute asupra intensității respirației și asupra activității catalizei concordă cu acelea din literatură; Cercetări asupra intensității respirației în decursul dezvoltării stadiale a grîului de primăvară efectuate de I. I. Gunar și E. E. Krastina (1952) și asupra dezvoltării grîului de toamnă iarovizat de către N. I. Bagdîdov (1954) au arătat de asemenea o creștere a intensității respirației în perioada înfloririi. N. Sălăgeanu, E. m. Iliescu și G. Gălan (1955) au găsit la frunzele diferitelor plante ținute în zile lungi o respirație mai intensă. Acelaș rezultat a fost obținut de M. Stout (1949) pentru frunzele

plantelor de sfeclă ținute în zile lungi. I. I. Sineaghin și N. P. Morozova (1954) au găsit că frunzele plantelor bisanuale înflorite (sfeclă de zahăr, de masă și furajeră, cicoare, ridiche de iarnă și gulie) posedă o respirație mai intensă decât frunzele plantelor neînflorite și că activitatea catalizei în frunzele plantelor înflorite a fost mai mare decât în acelea ale plantelor neînflorite.

Toate aceste date arată că formarea tulpinilor nu depinde de parcurgerea stadiului de lumină și nici de intensitatea metabolismului deoarece metabolismul plantelor din întuneric este cu mult mai scăzut față de acela al plantelor din condiții normale de lumină și din zi scurtă și totuși la acestea se constată apariția unor tulpini.

Concluzii

1. Atît în condiții de zi scurtă cît și în condiții de întuneric permanent este posibilă apariția de tulpini la sfecla roșie.

2. Apariția tulpinilor nu cere o intensificare a metabolismului și prin aceasta este legată de modificările realizate în stadiul de dezvoltare anterior (iarovizare).

3. Nu s-a obținut înflorirea plantelor în condiții de zi scurtă și de întuneric.

Catedra de Fiziologia Plantelor
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Avakian A. A. : *Tvetenie dvehletnih kultur v pervom godu jizni*. Journ. Agrobiologhia Nr. 2 pag. 12 (1950)
- [2] Bagdikov N. I. : *Intensivnosti dlhania iarovoi i ozimoj pšenit v sviazi s razvitiem rastenii*. Izv. A.N. SSSR ser. biol. Nr. 6 pag. 3—16 (1954)
- [3] Fife J. M., Price Ch. : *Bolting and flowering of sugar beets in continous darkness*. Plant Physiol., 28, Nr. 3 pag. 475—480 (1953)
- [4] Gunar I. I. Krastina E. E. : *K. fiziologhii i biohimii stadiinovo razvitia iarovoi pșeniit*. D.A.N. SSSR tom 86 Nr. 1 (1952)
- [5] Sălăgeanu N., Iliescu Em., Galan G. : *Unele fenomene fiziologice în decursul stadiului de lumină*. Bul. Științific Acad. R.P.R. Nr. 4 tom. VIII secția științe biologice și agricole (1955).
- [6] Siniaghin I. I., Morozova N. P. : *Razvitie saharnoi sviokli vtoroi goda jizni pri raznoi prodoljitel'nosti svetovo dnia*. D.A.N. SSSR tom. 83 Nr. 2 (1952) pag. 321.
- [7] Siniaghin I. I. Morozova N. P. : *Svetovaia stadia razvitia saharnoi sviokli*. Agrobiologhia Nr. 3 (1953) pag. 123
- [8] Siniaghin I. I. Morozova N. P. : *Osobenosti omena veșestv u nețvetušnih i tvetušnih rastenii*. D.A.N. SSSR tom 99 Nr. 2 (1954) pag. 321—324
- [9] Stout M. : *Relation of oxidation — reduction 'potențial, respiration and catalase activity to induction of reproductive development in sugar beets*. Bot. gaz. vol.V(1949) pag. 436—449
- [10] Teodorescu Em. C. : *Observations sur la croissance des plantes aux lumieres de diverses longueurs d'onde*. Annales des sci nat. Bot., 10 serie, t XI (1929) p. 201—336.

НЕКОТОРЫЕ ДАННЫЕ ОТНОСИТЕЛЬНО СВЕТОВОЙ СТАДИИ КРАСНОЙ СВЕКЛЫ

1. Как в условиях короткого дня, так и при постоянном затемнении возможно образование стеблей у красной свеклы.

2. Образование стеблей не требует усиления обмена веществ, будучи связанным с теми изменениями, которые произошли в предыдущей стадии развития (стадии яровизации).

3. Цветение растений не наступало в условиях короткого дня и в условиях постоянного затемнения.

QUELQUES DATES QUI CONCERNENT LE STADE DE LUMIÈRE DE LA BETTERAVE ROUGE

R é s u m é

1. L'apparition des tiges chez les betteraves rouges est possible dans les conditions de journées courtes, aussi bien que dans les conditions d'obscurité permanente.

2. L'apparition des tiges ne requiert pas une intensification du métabolisme et, par ce fait, elle est liée aux modifications réalisées dans le stade de développement antérieur. (vernalisation).

3. On n'a pas obtenu la floraison des plantes dans les conditions de journées courtes et d'obscurité.

DESPRE INTENSITATEA RESPIRAȚIEI ÎN DECURSUL IAROVIZARII SEMINTELOR SFECLII DE ZAHĂR

G. ȚUNESCU

Conform teoriei dezvoltării în stadii a plantelor, elaborată de acad. T. D. Lîsenko [4], planta în dezvoltarea sa de la germinarea seminței până la coacerea noilor semințe, trece printr-o serie de etape deosebite calitativ, stadiile de dezvoltare. Cercetări numeroase au arătat că în procesul dezvoltării stadiale, în plante sub influența condițiilor mediului

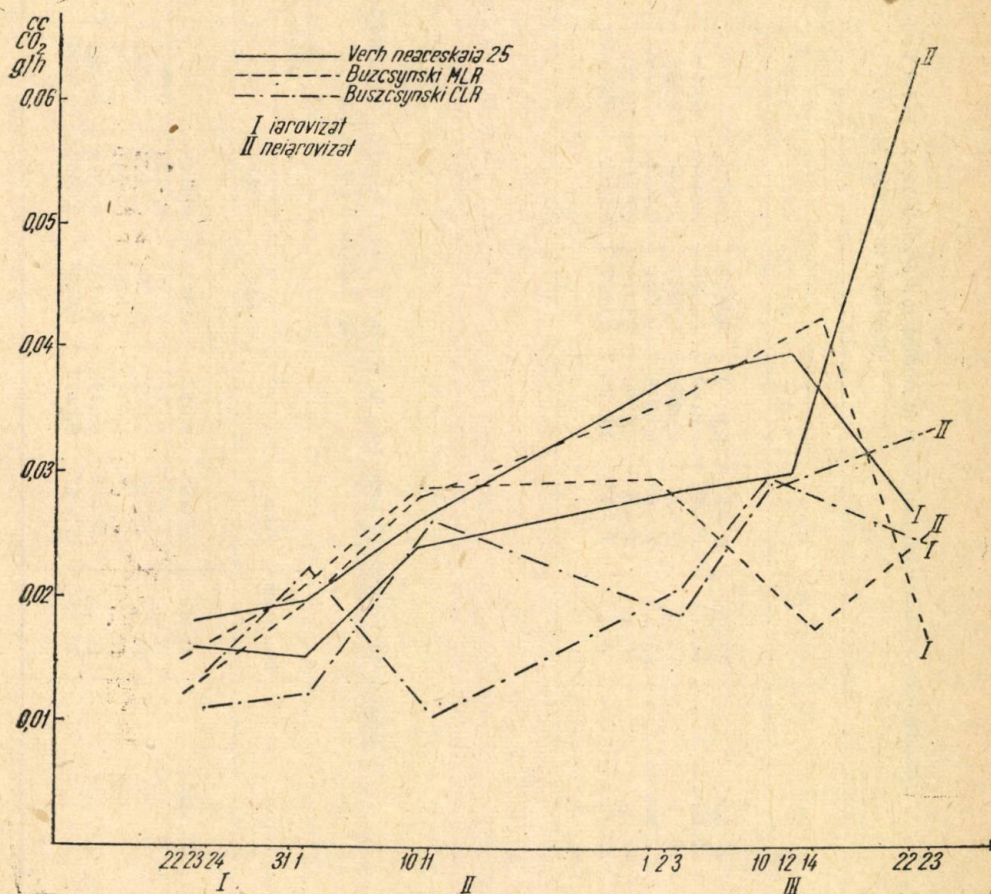


Fig. 1

Tabela 1

Determinarea intensității respirației la semințele sfecei de zahăr (soiul Verhneaceskaia 25) în decursul iarovizării
(exprimat în cc CO₂ pe g/oră)

Data	Durata det	Temp	Data începutului iarovizării								
			2I	13I	21I	31I *	10II	20II	28II	10 III	21 III
23 ian.	22 ore	0°—5°	0,0179	0,0177	0,0159						
1 feb.	11 „	1°—5°	0,0199	0,0186	0,0186	0,0150					
10 „	11 „	0°—5°	0,0261	0,0248	0,0260	0,0279	0,0239				
2 martie	13 „	3°—6°	0,0376	0,0221	0,0228	0,0185	0,0212	0,0260	0,0285		
12 „	20 „	3°—6°	0,0399	0,0316	0,0278	0,0250	0,0295	0,0299	0,0303	0,0304	
22 „	8 „	3°—7°	0,0275	0,0647	0,0509	0,0463	0,0239	0,0429	0,0522	0,0530	0,0640

Tabela 2

Determinarea intensității respirației la semințele sfecei de zahăr (soiul Buszesynski MLR) în decursul iarovizării
(exprimat în cc CO₂ pe g/oră)

Data	Durata det.	Temp.	Data începutului iarovizării								
			2I	13I	21I	31I	10II	20II	28II	20III	21II
23 ian.	21 ore	2°—5°	0,0123	0,0133	0,0149						
31 „	11 „	2°—5°	0,0187	0,0205	0,0139	0,0203					
10 feb.	11 „	2°—6°	0,0281	0,0292	0,0279	0,0254	0,0287				
1 mart.	19 „	3°—6°	0,0357	0,0334	0,0294	0,0306	0,0340	0,0204	0,0296		
14 „	14 „	3°—6°	0,0428	0,0338	0,0322	0,0234	0,0211	0,0234	0,0278	0,0179	
22 „	20 „	3°—6°	0,0172	0,0388	0,0359	0,0409	0,0385	0,0249	0,062	0,0263	0,0256

extern, au loc modificări profunde în caracterul metabolismului. Aceste modificări pot fi puse în evidență în măsură mare pe calea studierii proceselor fiziologice care se petrec în plante. Dintre acestea respirația se prezintă ca unul din fenomenele cele mai însemnate deoarece ea servește în același timp atât ca sursă de energie pentru realizarea diferitelor procese, cât și ca sursă de numeroase produse intermediare, utilizate de organism în metabolism pentru reacții de sinteză.

Deoarece în această direcție în literatură sînt date referitoare la cereale (1, 2, 5, 6, 7, 8) am considerat că este necesar să se urmărească variația intensității respirației în decursul iarovizării plantelor bisanuale.

Pentru experiență s-au luat trei soiuri de sfeclă de zahăr și anume: Buszcsynski M. L. R., Verhneaceskaia 25, Buszcsynski C.L.R., ; semințele au provenit din recolta anului 1953. Pentru trezirea lor la viață, condiție absolut necesară pentru parcurgerea stadiului de iarovizare, glomerulele s-au îmbibat cu apă timp de 48 ore, avîndu-se în vedere că în general, soiurile de sfeclă de zahăr au un stadiu de iarovizare lung și în acest caz se recomandă o durată de îmbibare mai mare [3]. Materialul s-a pus la iarovizat în pungulițe de tifon duble, din 10 în 10 zile începînd dela 2 ianuarie pînă la 23 martie 1955. Temperatura în timpul iarovizării a variat în limitele $0^{\circ} + 4^{\circ}$.

Măsurarea intensității respirației în decursul iarovizării s-a făcut din 10 în 10 zile utilizînd metoda Boysen-Jensen. Pentru aceasta s-au întrebuintat glomerule întregi, în cantitatea de 4-6 gr. pentru fiecare probă. Datele s-au calculat în cc CO_2 pe g/oră.

Studiul respirației soiurilor de sfeclă de zahăr amintite mai sus, în decursul iarovizării semințelor a arătat că mersul intensității respirației în această perioadă se face după o curbă ascendentă (fig. 1).

După cum se vede din grafic, la toate soiurile analizate intensitatea respirației înregistrează un maxim între a 67 pînă la a 71 zi de iarovizare. Totodată se mai observă un mers al intensității respirației asemănător la soiurile Verhneacesk

aia 25 și Buszcsynski MLR; în ceea ce privește soiul Buszcsynski

Tabela 3

Determinarea intensității respirației la semințele sfeclei de zahăr (soiul Buszcsynski CLR) în decursul iarovizării (exprimat în cc CO_2 pe g/oră)

Data	durata det.	Temp.	Data începutului iarovizării *									
			2L	13I	21I	31I	10II	20II	28II	10III	21 III	
24 ian.	17 ore	2°—5°	0,0139	0,0131	0,0111							
1 feb.	11 "	1°—5°	0,0221	0,0201	0,0137	0,0121						
11 "	10 "	0°—3°	0,0105	0,0146	0,0085	0,0224	0,0261					
3 mart.	22 "	3°—6°	0,0210	0,0189	0,0183	0,0234	0,0198	0,0170	0,0187			
10 "	10 "	3°—6°	0,0302	0,0259	0,0298	0,0323	0,0349	0,0345	0,0297	0,0293		
21 "	12 "	3°—6°	0,0249	0,0384	0,0198	0,0277	0,0254	0,0143	0,0252	0,0390	0,0338	

CLR, valoarea intensității respirației în decursul iarovizării este mai scăzută în comparație cu primele două soiuri.

Datele obținute concordă cu acelea din literatură. Astfel studierea caracterului modificării intensității respirației de către P. E. P o t a p o v [5] în legătură cu dezvoltarea în stadii a plantelor a arătat că în stadiul de iarovizare intensitatea respirației se mărește vizibil. Cercetări efectuate pe cereale de către N. I. Bagdîkov [1], N. M. S i s a k i a n și F i l i p o v i c i [7, 8] au arătat că în decursul iarovizării cariopselor grâului și orzului de toamnă are loc o mărire însemnată a intensității respirației.

N a p p — Z i n n K l a u s [6] — a găsit o mărire a respirației în timpul iarovizării cariopselor întregi de secară cât și la embrionii izolați. I. I. Gunar și E. E. K r a s t i n a [2] urmărind metabolismul frunzelor grâului în diferite etape ale dezvoltării au constatat că la grâul de primăvară respirația frunzelor este mai puternică în timpul parcurgerii stadiului de iarovizare.

Analizînd mai departe valorile intensității respirației la cele trei soiuri iarovizate și comparativ la experiențele de control (glomerule neiarovizate) se observă că variază și intensitatea respirației glomerulelor neiarovizate. Astfel urmărind curbele din grafic (fig. 1) vedem că intensitatea respirației glomerulelor neiarovizate merge crescînd, începînd din 22 ianuarie (prima determinare) pînă la 23 martie. La soiul Verhneaceskaia 25 valoarea intensității la glomerul ele neiarovizate variază dela 0,059cc. CO₂ la 0,064cc. CO₂ (tab 1). La soiul Buszesynski MLR variația intensității respirației este cuprinsă între 0,0149—0,025 cc. CO₂ (tab. 2) iar la soiul Buszesynski CLR între 0,0111 și 0,0338 cc. CO₂ (tab. 3) pe oră. Acest fapt se poate explica prin aceea că în semințele îmbibate în care sînt pornite fenomenele de creștere, au loc concomitent și procesele de intensificare a formării organelor vegetative. Aceste procese necesită cantități mari de protoplasmă iar transformarea substanțelor nutritive în substanțe constitutive necesită cheltuială mare de energie. Această creștere a intensității respirației la semințele neiarovizate pe măsură ce ne apropiem de perioada lor obișnuită de vegetație s-ar mai putea atribui eventual și unui fenomen de ritmicitate.

Mărirea intensității respirației în decursul iarovizării nu poate fi explicată prin urmare numai prin modificări stadiale cum au arătat și B a g d î k o v N. I. [1] și N. M. S i s a k i a n și I. I. F i l i p o v i c i [7] deoarece se observă și la glomerule neiarovizate. Totuși așa cum se vede din grafic și tabelele 1, 2, 3, nivelul intensității respirației este mai ridicat la glomerulele iarovizate.

În concluzie, parcurgerea stadiului de iarovizare de către plantele bisanuale se manifestă prin modificări în caracterul metabolismului. Schimbarea caracterului metabolismului este însoțită de transformarea proceselor respiratorii iar mărirea energiei respirației glomerulelor iarovizate este legată și de intensificarea proceselor care conduc la apariția modificărilor stadiale.

Catedra Fiziologia Plantelor
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] N. I. Bagdikov: *Intensivnosti dihanja iarovoi i ozimoi pseniť v sviazi s razvitiem rastenii*. Izv, Acad. Nauc SSSR ser. biol. Nr. 6. 1954.
- [2] I. I. Gunar E. E. Krastina: *K fiziologii i biohimii stadiinovo razvitia iarovoi psiniťi*. D.A.N. SSSR, t. 86 Nr. 1, 1952.
- [3] V. T. Krasocikin: *O iarovizaťii svekli v semenah*. D.A.N. SSSR, t. 70 Nr. 5 1950
- [4] T. D. Lisenko: *Agrobiologia* 1949
- [5] P. E. Potapov: *Intensivnosti dihanja ozimih pseniť kak pokazateli zimostoikosti*. Soř. zer. ovoc hoziaistovo, 4, 1939
- [6] Napp — Zinn Klaus: *Vergleichende Atmungsmessungen an Sommer und Winterannuellen — Untersuchungen an Caryopsen und Embryonen von Secale cereale und an Samen von Arabidopsis thaliana*. Z. Naturforsch., 1954, 9b, Nr. 3, 218—229
- [7] N. M. Sisakian i I. I. Filipovici: *O haraktere izmenenii aktivnosti fermentov dihanja, V profese stadiinovo razvitia rastenii*. D.A.N. t. 74 Nr. 3, 1951.
- [8] N. M. Šisakian i I. I. Filipovici: *Harakter obmena vescuťv pri stadiinom razvitii, Organizma*. Jurn. Obscei biol. t 4 Nr. 3 1953.

ОБ ИНТЕНСИВНОСТИ ДЫХАНИЯ В ТЕЧЕНИЕ ЯРОВИЗАЦИИ КЛУБОЧЕК САХАРНОЙ СВЕКЛЫ

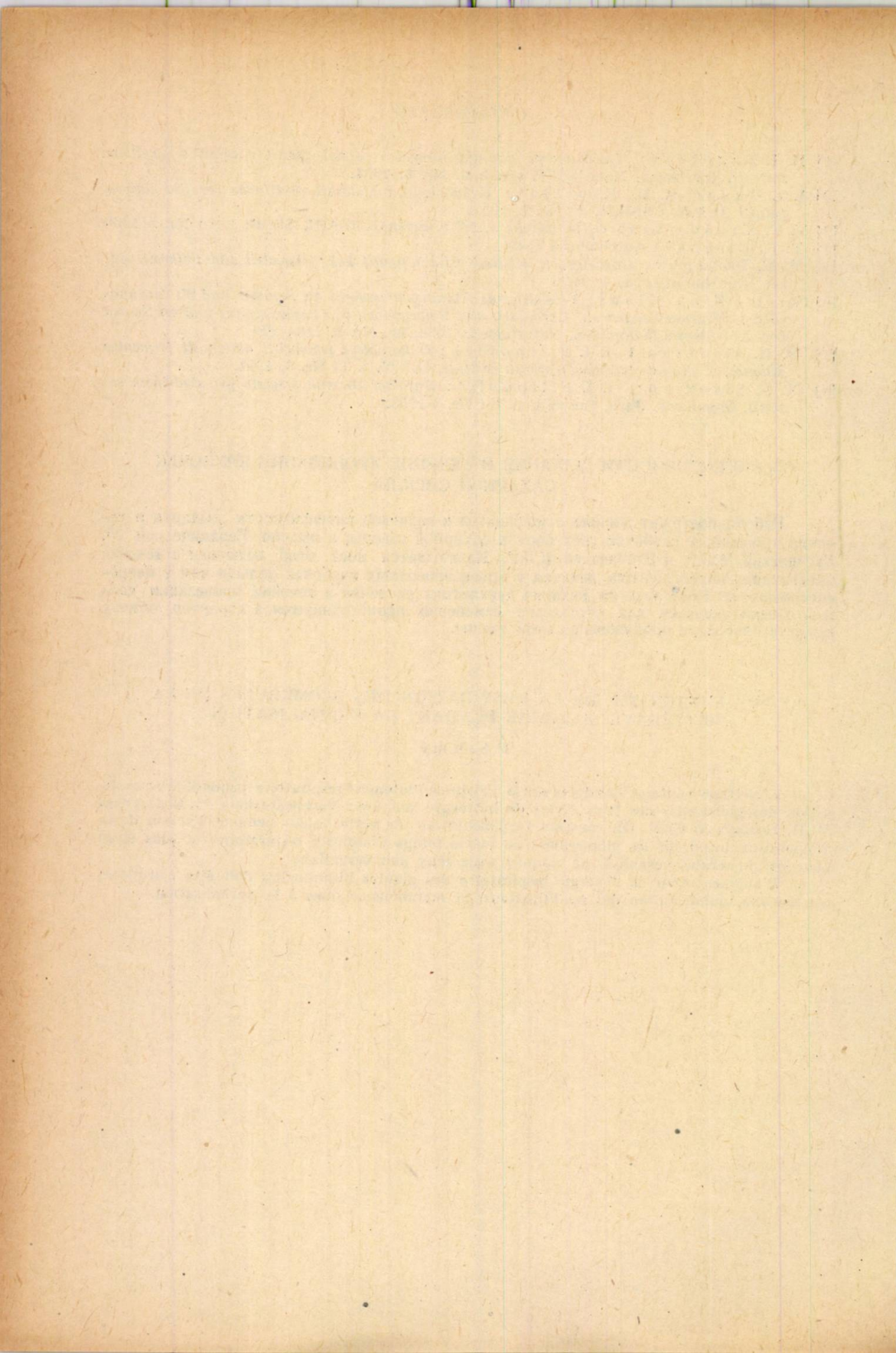
Работа содержит данные относящиеся к величине интенсивности дыхания в течение яровизации клубочек трёх сортов сахарной свеклы, а именно Верхняцкая 25, Бусчинский М.Л.Р. а Бусчинский К.Л.Р. Наблюдается рост этой величины в течение яровизации; интенсивность дыхания у яровизированных клубочек больше чем у неяровизированных. Рост энергии дыхания двухлетних растений в течение яровизации должен рассматриваться как отражение изменений происходящихся в характер обмена веществ благодаря прохождению этой стадии.

SUR L'INTENSITÉ DE LA RESPIRATION DES GLOMERULES DE LA BETTERAVE SUCRIÈRE PENDANT LA VERNALISATION

Résumé

L'ouvrage contient des dates sur la valeur de l'intensité respiratoire pendant la vernalisation des glomerules des trois sortes de betterave sucrière: Verhneaceskaia 25, Buszcynski MLR, Buszcynski CLR. On constate l'augmentation de cette valeur pendant l'action de la temperature basse sur les glomerules; en même temps l'intensité respiratoire est plus élevée pour les glomerules vernalisés en rapport avec ceux non vernalisés.

L'augmentation de l'énergie respiratoire des plantes bisannuelles doit être considérée comme une manifestation des modifications du métabolisme dûes à la vernalisation.



PĂSTRAREA MERELOR „CREȚEȘTI” IN CONDIȚII DIFERITE DE TEMPERATURĂ

D. A. POPESCU

În procesul de păstrare a merelor, temperatura camerei în care sînt depozitate exercită o influență deosebit de însemnată. Sub acțiunea ei se modifică procesele fiziologice de bază ale vieții fructului: schimbul respirator de gaze, consumul de substanțe și evaporarea apei.

După cercetările lui Monvoisin [9], respirația merelor se intensifică prin ridicarea temperaturii. Bigelow [3] constată la 15° o eliminare de CO₂ de 2,5—3,3 ori mai mare decît la 0°, iar prin ridicarea temperaturii cu 1°, după Terevitinov [13], cantitatea de CO₂, eliminată de 1 kg. mere/h crește cu 1 mgr. La diferite soiuri de mere, păstrate la +2°, Makarenko [8] constată, la începutul perioadei de păstrare, o scădere a intensității respirației, după care curba respirației urcă treptat, pînă la un maxim, apoi coboară din nou, datorită, — după cum constată Zagoreanschi [15], scăderii activității fermenților. Gerber [5] arată că la temperaturi scăzute coeficientul respirator este subunitar, de (0,91 la 0°), ceea ce corespunde oxidării hidraților de C și taniunilor, devenind, la temperaturi ridicate, supraunitar, (1,43 la 30°), datorită oxidării acizilor și unei respirații parțial anaerobe.

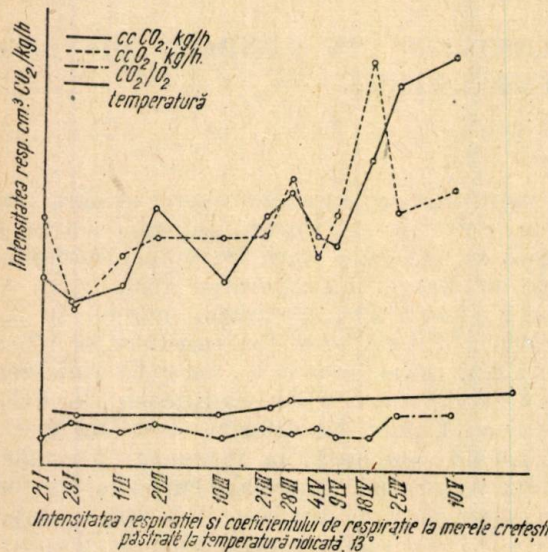
În ceea ce privește consumul de zahăr, lucrările lui Terevitinov arată că în decursul păstrării merele cheltuiesc pentru respirație mai puțin zahăr, cînd sînt păstrate la temperaturi scăzute, consumul fiind, la temperatură ridicată, mai mare. După 6½ luni de păstrare s-au consumat, la +2°, 32,7% din cantitatea inițială de zahăr, iar la +7°, 45,1%. Totodată are loc o însemnată inversiune a zaharozei [Joslyn, 6]; prin aceasta cantitatea de zahăr invertit crește, însă zahărul total scade, prin consumarea lui treptată în respirație.

În timpul păstrării merele pierd apă prin evaporare și prin aceasta scad în greutate și se sbîrcesc. Pierderea de greutate a fructelor se datorește pe de o parte evaporării apei și pe de alta consumării diferitelor substanțe în actul respirației. După A. L. Stahl și A. F. Camp [12] pierderea în greutate e mai pronunțată, cînd conservarea fructelor se face la temperaturi mai ridicate, decît la zero grade. Sînt interesante în acest sens datele lui Terevitinov, care arată că merele „Antonovka”, păstrate la +7°, au pierdut după 6½ luni de păstrare 12,25% apă iar la 2°, 8,53%.

Temperatura scăzută, micșorînd intensitatea respirației și consumul de substanțe organice din țesuturi, face ca prin aceasta în mere procesele de maturare să se desăvîrșească mai lent, decît la temperaturi ridicate, de unde rezultă, — după cum remarcă Kessler [7], prelungirea duratei lor de păstrare.

În prezenta lucrare am urmărit păstrarea merelor „Crețești” în condiții diferite de temperatură.

Un lot de mere a fost ținut la Institutul Frigotehnic într-o cameră, în care temperatura se menținea, prin reglare automată, între $+2^{\circ}$, $+4^{\circ}$; alt lot a fost depozitat la subsolul Facultății de Biologie, unde temperatura era mai ridicată și se menținea mai puțin constant, oscilând iarna între 13° și 14° iar spre primăvară de la 15° — 18° .



Graficul A

Am urmărit la diferite intervale de timp schimbul respirator de gaze, dinamica hidraților de carbon și merul transpirației.

Măsurarea respirației am efectuat-o cu un aparat Haldane. În acest scop închideam ermetic fructele în borcane de sticlă și analizam, la începutul experienței și după câteva ore, concentrația de CO₂ și O₂ din atmosfera limitată a fructelor, după metoda prelucrată de N. P. Moșcova și S. T. Severin [10]. Excesul de CO₂, rezultat din respirație, precum și deficitul de O₂, consumat de fructe în acest proces, se raportau apoi

la un kgr. de fructe /h. Prin calcul am determinat coeficientul respirator. Pentru merele, păstrate la temperatură scăzută, măsurarea intensității respirației s-a făcut prin metoda Boy sen — Yensen [4]

La determinarea variației hidraților de carbon în decursul păstrării merelor m-am servit de metoda iodometrică, prelucrată de Arasimovici [1], prin care am determinat zahărurile reducătoare, zaharoza după inversie și fructoza, după îndepărtarea prealabilă a glucozei prin procedeul Koltoff.

Intensitatea transpirației s-a determinat prin cântărirea fructelor

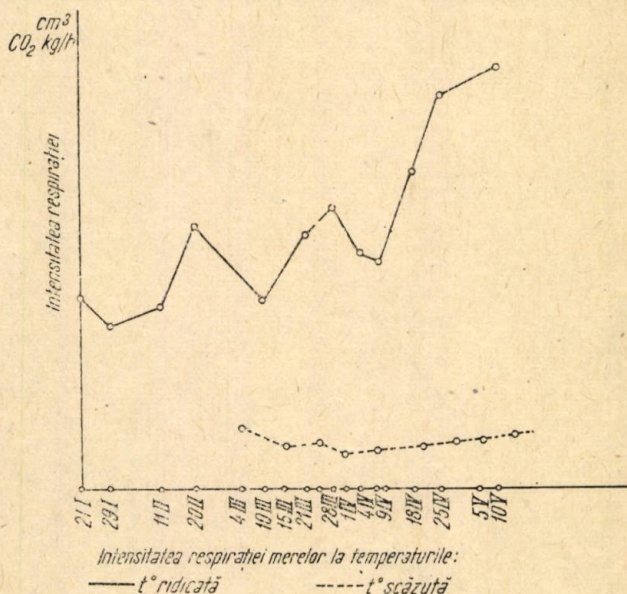
Datele obținute cu privire la intensitatea respirației și la coeficientul respirator al merelor „crețești”, păstrate în condiții de temperatură ridicată, sînt trecute în graficul A.

Din acest grafic se observă că fructele produc, în decursul păstrării lor, cantități de CO₂ destul de apropiate de cele ale oxigenului, consumat concomitent, de unde rezultă un coeficient respirator, care se menține, cu ușoare variații, în jurul unității. Acest aspect al curbei coeficientului respirator e un indiciu, — după cum explică B. A. Rubin [11], că merele au consumat în actul respirației hidrați de carbon. Numai în ultima parte a perioadei de păstrare, cînd temperatura camerei de depozitare a fructelor a crescut, coeficientul respirator devine supraunitar, în acest timp consumîndu-se probabil pentru respirație acizi organici.

Graficul B arată intensitatea respirației merelor, păstrate la temperatura cuprinsă între $+2^{\circ}$ și $+4^{\circ}$ C, în comparație cu respirația fruc-

telor dela temperatura de $+17^{\circ}-20^{\circ}\text{C}$. Din acest grafic se constată că pentru merele, păstrate la temperatură ridicată, curba producerii de bioxid de carbon se găsește la un nivel mai înalt. decât aceea, ce reprezintă mersul respirației merelor în condiții de temperatură scăzută; dat fiind condițiile mai buue de menținere a temperaturii între limite apropiate, realizată de instalația modernă a Institutului Frigotehnic,

această curbă prezintă oscilații mai mici, decât curba respirației fructelor dela temperatură ridicată. La temperatura de $+2^{\circ}, +4^{\circ}\text{C}$ merele au produs prin respirație de 4, până la de 10 ori mai puțin bioxid de carbon, decât cele care au fost supuse influenței unei temperaturi mai ridicate, de $+17^{\circ}-20^{\circ}\text{C}$. În prima parte a perioadei lor de păstrare, adică în primele 56 zile, se observă o ușoară scădere a intensității respirației, apoi curba se menține aproape la același nivel, iar în



Graficul B

ultima parte urcă treptat. Dinamica hidraților de carbon în timpul păstrării fructelor la temperatură ridicată este arătată de tabela 1.

Din această tabelă se observă în prima parte a perioadei de păstrare o ușoară creștere a procentului de zahăr total și de zaharoză și o scădere

Tabela 1

Variația cantității de zahăr la merele erefești₁ păstrate la temperatura de $17^{\circ} - 20^{\circ}\text{C}$.

Data analizei	Zile de păstrare	Zahăr total	Monozaharide (înainte de inversie)			Zaharoză ×
			Fructoză %	Glucoză %	Total %	
15.I 1955	0	13,81	9,71	3,81	13,52	0,27
17.III 1955	61	14,01	8,35	3,20	11,55	2,36
31.V 1955	136	13,21	7,76	5,79	13,05	0,16

a zahărurilor reducătoare, datorită combustiei lor în procesul respirației. După aceea cantitatea de zahăr total și de zaharoază scad, crește însă procentul de zaharuri reducătoare.

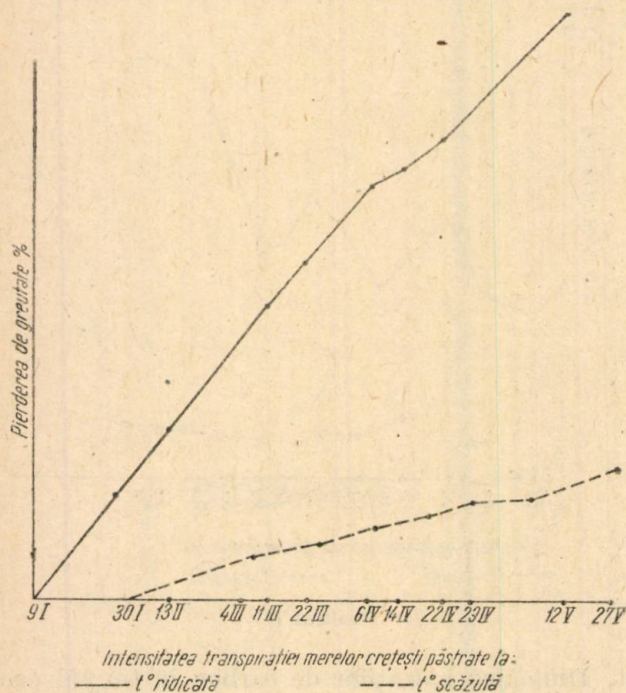
La temperatură scăzută, după cum arată tabela 2, se petrece un mers analog, însă de proporții ceva mai mici.

Creșterea procentului de zahăr total s-ar putea pune pe seama unor procese biochimice complexe de transformare a acizilor organici în zaharuri.

De asemenea mărirea cantității de zahăr din fructele puse la păstrat se mai poate datora hidrolizei substanțelor pectice și dextrinelor.

În legătură cu pierderea în greutate a fructelor în timpul depozitării lor ne furnizează date tabela 3, pentru merele păstrate la temperatură ridicată și tabela 4 pentru merele, supuse acțiunii temperaturilor scăzute.

Din aceste tabele, precum și din graficul C, se constată că, în decursul păstrării fructele pierd treptat din greutatea lor, însă această pierdere este mai puțin pronunțată la



Graficul C

fructele de la temperatură scăzută. Astfel, după 118 zile de păstrare, aceste fructe au pierdut 6,96 % din greutatea pe care o aveau în momentul

Tabela 2

Variația cantității de zahăr la merele „creșești”, păstrate la temperatura de $+2^{\circ}$, $+4^{\circ}\text{C}$.

Data analizei	Zile de păstrare	Zahăr total	Monozaharide (înainte de inverșiune)			Zaharoază %
			Fructoză %	Gluvoză %	Total %	
15.I 1955	0	13,81	9,71	3,81	13,52	0,27
4,IV 1955	79	11,41	7,23	3,53	10,76	0,62
10,V 1955	115	18,16	8,14	8,01	16,15	1,91

depozitării, adică de aproximativ 4 ori mai puțin, decât cele ținute la temperatură ridicată; la acestea, pierderea de greutate în același interval de timp atinge cifra de 24,01%.

Tabela 3

Variația intensității transpirației merelor „crețești”, păstrate la temperatura de 17° — 20°C.

Zile de păstrare	Nr. de fructe	Greutatea totală gr.	Greutatea medie a unui fruct gr.	Diferența față de greutatea inițială gr.	Pierderea de greutate %
0	20	1127,87	56,39		
21	20	1068,20	53,41	2,98	5,28
35	20	1087,70	51,44	4,95	8,78
61	18	860,30	47,79	8,60	15,25
72	14	650,70	46,47	9,92	17,59
87	14	620,50	44,32	12,07	21,40
95	9	595,50	43,94	12,45	22,07
117	9	585,70	42,85	13,54	24,01
138	9	363,10	40,38	16,05	28,46

Variația intensității transpirației merelor „crețești”, păstrate la
temperatura de + 2°, + 4°C

Tabela 4

Zile de păstrare	Nr. de fructe	Greutatea totală gr.	Greutatea medie a unui fruct gr.	Diferența față de greutatea inițială gr.	Pierderea de greutate %
0	35	1969,84	56,28	—	—
30	35	1930,80	55,16	1,12	2,030
50	35	1913,69	54,67	1,61	2,945
65	31	1680,68	54,21	2,07	3,818
77	31	1669,28	53,84	2,44	4,532
86	29	1553,92	53,58	2,70	5,043
92	28	1496,06	53,43	2,85	5,334
118	24	1256,70	52,36	3,92	6,960

Concluziii

1. Sub acțiunea temperaturii scăzute, (+2, +4°), intensitatea respirației merelor „crețești” în decursul păstrării lor se prezintă la un nivel mai scăzut, față de intensitatea respirației merelor de la temperatură ridicată.

2. În timpul păstrării, în ambele variante a crescut procentul de zahăr total și de zaharoză, micșorându-se în schimb cantitatea de zahăr invertit, fiind consumat în actul respirației.

3. Pierderea în greutate a fructelor a crescut în funcție de durata depozitării, fiind mai accentuată în cazul merelor, ținute în condiții de temperatură ridicată.

4. Temperatura scăzută, micșorând intensitatea proceselor fiziologice din fructe, le întârzie desăvârșirea maturării și prin aceasta le prelungește durata de păstrare.

Catedra de Fiziologia plantelor
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Arasimovici V. V., Ermacov A. I., Smirnova-Ikonicova M. I. i Murri I. K.: *Metod bihimičeskovo isledovanja rastenii*. Moscova, 1952, 164—168.
- [2] Barker J.: *Etudes analytiques sur la respiration des plantes*. III. Relation entre la respiration et la teneur en saccharose. Proc. Roy. Soc., 119, B, 453—473, 1936. Ref. in Bull. de l'Institut. International du froid, 18, 1, (1937), — 57.
- [3] Bigelow, Gore et Howard.: *Citat in Monvoisin: La conservation par le froid des denrées périssables*.
- [4] Boysen-Yensen: *Ueber neue Apparate zur Messung der Kohlensäureassimilation, der Respiration, etc.* Planta, 6, 456, (1928).
- [5] Gerber.: *Application du froid aux produits horticoles*. La Ric. Scient., dec., 1951, 2102—2110, Ref. in Bull. de l'Institut internat. du froid 32, 3, (1952),—1072.
- [6] Joslyn, M. A. et G. L. March: *Modifications survenant au cours de la congélation, de l'entreposage et de la décongelation, des fruits et de légumes*. California, St. Bull., 551, 40, (1953), Ref. in Bull. de l'Institut. internat. du froid., 15, 2, (1934), — 186.
- [7] Kessler H.: *Résultats pratiques de divers essais d'entreposage aux froid de fruits et légumes*. Zs. f. d. ges. Kälte-Ind., sept., (1933), 133. Ref. in Bull. de l'Institut. internat. du froid 15, II, (1934), — 215.
- [8] Makarenko, I. V.: *Biohimicheskie pretest pri holodilnom hranenii-plodov*. V.N.I.H.I., (1938). Din Terevitinov: *Himia i tovarovedenie sveжих плодов*. I., Moskva, (1949), 448.
- [9] Monvoisin: *La conservation par le froid des denrées périssables*. Paris, (1950).
- [10] Moșcova, N. P., Severin, S. T.: *Prakticum po bihīmii životnh*. Sovet. Nauk. (1950), 186—192.
- [11] Rubin, B. A.: *Fiziologhia rastenii*. I, Moskva, (1954), 270.
- [12] Stahl, A. L. et A. F. Camp.: *Études concernant l'entreposage frigorifique des agrumes de la Floride*. Florida Sta. Bull., 303, (1936). Ref. in Bull. de l'Institut. internat. du froid, 18, 5 (1937), — 497.
- [13] Terevitinov, F. V.: *Himia i tovarovedenie sveжих плодов i ovoscei*. Moskva, I, (1949).
- [14] Terevitinov, F. V.: *Tovarovedenie pischevnh produktov*. Moskva, (1949).
- [15] Zagoceanski, V. S.: *Rol uglekislavo gaza pri hranenii плодов i ovoscei*. M., 1945. (dissertație) Din Terevitinov: *Himia i tovarovedenie sveжих плодов i ovoscei*, Moskva, 1949.

СОХРАНЕНИЕ ЯБЛОК „КРЕЦЕШТИ“ В РАЗНЫХ УСЛОВИЯХ ТЕМПЕРАТУРЫ

*У яблок „крецешти“ сохранены в складе при температуре 2°—4°C, интенсивность дыхания слабее, чем у яблок сохранены при более высоких температурах (11°—34° C зимою и 15°—18° к весне).

Потеря в весе у всех яблок повысилась в течение сохранения и особенно у тех сохраняющихся в условиях более высокой температуры.

В течение хранения, процент общего сахара увеличился и на оборот, количество редуцирующего сахара употребляемого в дыхание уменьшилось.

Низкая температура, понижая интенсивность физиологических процессов в яблоках, задержит зрелость плодов и этим продолжает их длительность хранения.

LA CONSERVATION DE POMMES „CREȚEȘTI“ EN DIFFÉRENTES CONDITIONS DE TEMPÉRATURE

Résumé

L'intensité de la respiration est plus faible pour les pommes „Crețești“, qui ont été gardées dans le dépôt à la température de +2°—+4° C, que pour la même sorte de fruits, gardés sous l'action d'une température plus élevée (13°—14° C pendant l'hiver et 15°—18° C vers le printemps).

La diminution du poids des fruits a augmenté au cours de la conservation, mais ce procès a été plus intense pour les pommes, gardées dans des conditions de température élevée.

Au cours de la conservation le pourcentage de sucre total et de saccharose a augmenté pour les fruits des deux variantes et, en échange, la quantité de sucre inverti a diminué, étant consommée au cours de la respiration.

La température basse, diminuant l'intensité des processus physiologiques qui ont lieu à l'intérieur des fruits, retarde leur maturation et, par ce fait, prolonge leur durée de conservation.

EXPERIENȚE PENTRU GRĂBIREA COACERII PIERSICILOR ȘI PRUNELOR CU ETILEN ȘI STIREN

OCTAV BOLDOR

Experiențele au fost efectuate în luna septembrie 1955, luându-se ca obiecte de studiu fructele de piersici din soiul Sun beam și prunele din soiul Anna Späth, care au fost culese în stare proaspătă, verde, de pe pomii stațiunii de la Băneasa a Institutului Agronomic N. Bălcescu, imediat după ce și-au terminat faza de creștere.

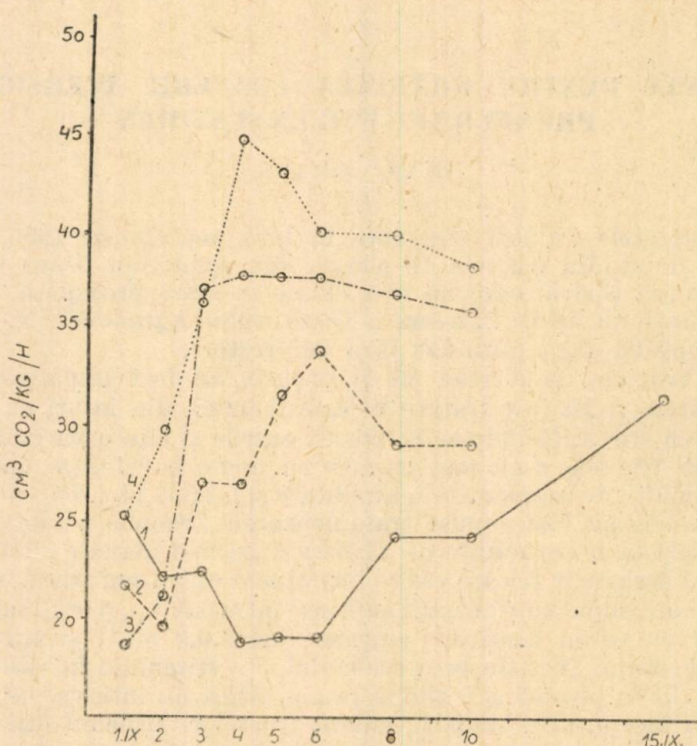
Atît fructele de piersici cît și prunele au fost împărțite în două loturi separate și au fost tratate în cadrul unuia din loturi cu etilen iar în celălalt cu stiren, lăsîndu-se în toate cazurile și cîte o variantă de control în care fructele n-au fost tratate cu nici-o substanță, dar au fost ținute în condiții de temperatură, umiditate și lumină identice cu variantele în care fructele au fost supuse tratamentului. Fructele au fost ținute în vase de sticlă de o capacitate de 11 litri și au fost aerisite zilnic timp de o oră; după aerisire în fiecare vas se introducea etilen sau stiren, utilizîndu-se în cazul etilenului concentrații cuprinse între $0,05^0_{00}$ și 6^0_{00} , iar în cadrul variantelor cu stiren cantități cuprinse între 0,9 mg/l și 4,5 mg/l din această substanță. Introducerea etilenului și-a stirenului în vase s-a făcut timp de 5 zile la piersici și 6 zile la prune, adică un interval de timp care coincide cu începutul schimbării culorii fructelor. Etilenul utilizat a fost preparat cu ajutorul unui aparat construit după modelul aparatului I. V. Rakitin și G. O. Alekseenco, folosindu-se alcool etilic care era trecut sub formă de vapori la temperatura de 450°C printr-un cuptor căptușit cu caolin. Stirenul, fiind lichid, a fost introdus în vase cu ajutorul unor bucăți de hîrtie de filtru, imbibate în prealabil cu cantitățile de substanță menționate. Temperatura în cursul experiențelor a fost cuprinsă între valorile de $20-23^{\circ}\text{C}$.

În decursul experienței am urmărit la piersici intensitatea respirației fructelor, coeficientul lor respirator, precum și variația cantității de monozaharide și dizaharide. Determinările asupra intensității respirației și coeficientului respirator au fost făcute cu ajutorul unui aparat Haldane, iar analizele de glucide s-au făcut după metoda iodometrică a lui Issekutk. Deasemenea s-au mai făcut determinări asupra acidității totale titrabile și o serie de observații asupra variației culorii fructelor în decursul procesului lor de coacere. Analizele referitoare la monozaharide dizaharide și acizii organici au fost făcute înainte de începerea tratării și în momentul coacerii fructelor, iar la unele variante și în momentul întreruperii tratamentului. La prune prezentăm doar mersul intensității respirației, variația coeficientului respirator și-a culorii fructelor în decursul coacerii sub influența tratamentului.

Experiențele pentru stimularea coacerii fructelor cu etilen.

a) *Piersici, varietatea Sun beam.*

Experiența a fost făcută între 1.IX – 15.IX 1955, utilizându-se concentrațiile de 0,05; 0,1; 0,2; 0,5; 1; 3 și 6‰ etilen, iar pentru comparare



Grafic 1. Intensitatea respirației la piersicile tratate cu etilen.

1 – fructele martor; 2 – fructele din varianta cu 0,05‰ etilen; 3 – fructele din varianta cu 0,2‰ etilen; 4 – fructele din varianta cu 6‰ etilen.

s-au lăsat și două vase în care fructele au fost ținute în aceleași condiții cu cele tratate însă în absența etilenului. Pentru fiecare concentrație

Tabela 1

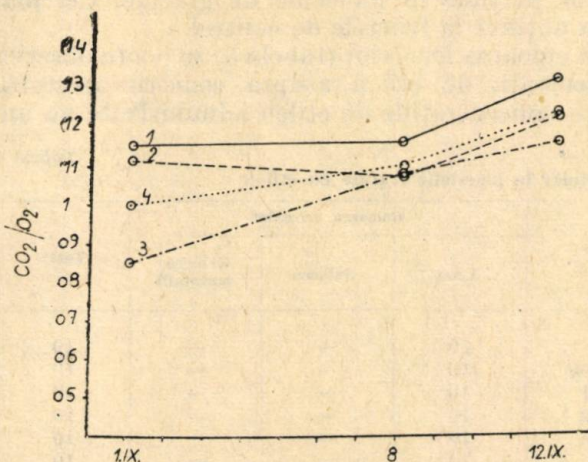
Intensitatea respirației la piersicile tratate cu etilen.

‰ etilen	cm³ CO₂/kg/h înainte de tratare	cm³ CO₂/kg/h în zilele							
		2. IX	3. IX	4. IX	5. IX	6. IX	8. IX	10. IX	15. IX
0	25,15	22,05	22,40	17,90	19,06	19,06	24,08	24,22	31,56
0,05	21,64	19,68	27,06	27,02	31,56	33,76	29,06	29,08	—
0,1	21,78	22,36	35,46	31,36	39,86	34,92	34,94	36,74	—
0,2	18,68	21,20	37,00	37,76	37,76	37,76	36,80	35,88	—
0,5	23,64	25,46	47,60	35,60	37,80	37,80	38,28	36,96	—
1	22,38	18,90	28,94	39,26	33,48	30,00	30,38	30,20	—
3	26,96	21,78	46,60	40,00	30,78	43,15	37,60	35,50	—
6	25,16	29,62	36,64	44,80	43,20	40,08	39,95	38,38	—

au fost luate câte 2 vase care conțineau câte 10 fructe. La o serie din aceste variante s-au făcut determinări asupra intensității respirației fructelor, asupra coeficientului lor respirator și asupra variației culorii lor în cursul coacerii, iar fructele din cea de a doua serie de experiențe au servit pentru determinarea mono-

zaharidelor, dizaharidelor și a acidității totale titrabile.

Intensitatea respirației fructelor s-a măsurat zilnic până în momentul în care fructele au început să capete o culoare verde gălbuie, moment ce coincide cu terminarea tratării, iar după aceasta la intervale mai mari până la coacerea fructelor. Din graficul 1 și tabela 1 în care sînt trecute datele referitoare la intensitatea respirației fructelor se poate constata că intensitatea respirației



Grafic 2. Coeficientul respirator la piersicile tratate cu etilen.
1 - fructele martor; 2 - fructele din varianta cu 0,05% etilen; 3 - fructele din varianta cu 0,2% etilen; 4 - fructele din varianta cu 6% etilen.

acestor fructe crește destul de mult aproape la toate variantele chiar din prima zi de tratare, în timp ce intensitatea respirației fructelor din varianta de control scade destul de puternic și continuu în primele 5 zile de la începerea tratării, ajunge din ziua a 5-a până în ziua a 9-a la un nivel aproximativ egal cu intensitatea inițială, după care continuă să crească până în momentul coacerii acestor fructe. La fructele tratate cu etilen maximum intensității respirației se constată în zilele 3-5 de la începerea tratării, după care intensitatea respirației scade ușor în momentul coacerii lor.

Determinările făcute asupra coeficientului respirator (graficul 2 și tabela 2) arată că în decursul coacerii acestor fructe are loc o creștere a coeficientului lor respirator. Înainte de începerea tratării coeficientul

Tabela 2

Coeficientul respirator la piersicile tratate cu etilen.

% etilen	CO ₂ /O ₂ în zilele		
	1.IX	8.IX	12.IX
0	1,15	1,18	1,36
0,05	1,11	1,09	1,26
0,1	1,10	1,08	1,24
0,2	0,85	1,10	1,20
0,5	1,00	1,10	1,18
1	0,87	1,03	1,09
3	1,05	1,10	1,17
6	1,00	1,12	1,27

respirator al fructelor era cuprins între valorile 0,85—1,15, iar coeficientul respirator al fructelor coapte era cuprins între valorile 1,09—1,36, această mărire a coeficientului respirator putînd fi pusă pe seama transformării acizilor organici în fenomenul respirației în bioxid de carbon și apă, precum și pe seama transformării lor parțiale în molecule de glucide. Cel mai mare coeficient respirator s-a obținut la fructele de control.

Din datele referitoare la culoarea fructelor (tabela 3) se poate observa eficacitatea diferitelor concentrații de etilen asupra coacerii acestora. Din tabela 3 se vede că toate concentrațiile de etilen administrate au un

Tabela 3

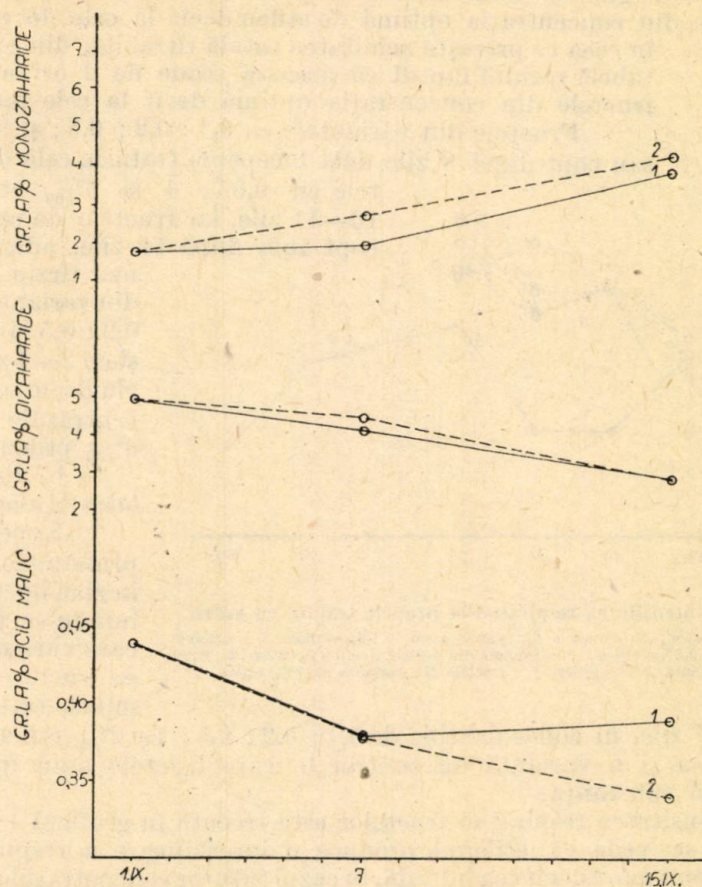
Culoarea fructelor la piersicile tratate cu etilen

Data determinării	‰ etilen	Culoarea fructelor			Total
		Verzi	Galbene	Galbene portocalii	
1.IX (înainte de tratare)	0	10	—	—	10
	0,05	10	—	—	10
	0,1	10	—	—	10
	0,2	10	—	—	10
	0,5	10	—	—	10
	1	10	—	—	10
	3	10	—	—	10
	6	10	—	—	10
10.IX (în ziua a 9-a de la începe- rea tratării)	0	2	8	—	
	0,05	—	2	8	10
	0,1	—	—	10	10
	0,2	—	—	10	10
	0,5	—	—	10	10
	1	—	—	10	10
	3	—	1	9	10
	6	—	6	4	10

efect favorabil asupra coacerii fructelor. Astfel în ziua a 9-a dela începerea tratării, fructele din variantele cu 0,1 ; 0,2 ; 0,5 ; și 1‰ etilen erau coapte în întregime, avînd un colorit galben-portocaliu frumos. În varianta cu 0,05‰ etilen 8 fructe erau galbene-portocalii și 2 galbene, în varianta 3‰ etilen 9 fructe erau coapte și una avea o culoare gălbuie, iar în varianta cu 6‰ etilen 6 fructe erau încă galbene și numai 4 erau coapte, avînd o culoare galbenă portocalie. Fructele din varianta de control erau încă destul de departe de definitivarea coacerii, întrucît 2 erau complet verzi, iar restul de 8 aveau o culoare galbenă. Din această tabelă se poate trage concluzia că eficacitatea cea mai mare asupra coacerii au avut-o concentrațiile de etilen cuprinse între 0,1‰—1‰, iar concentrațiile de etilen mai mari și mai mici decît acestea au avut o eficacitate mai redusă, deși în general nu se poate afirma că diferențele dintre efectul diferitelor concentrații ar fi mari.

Analizele inițiale și finale de monozaharide, dizaharide și cele referitoare la aciditatea totală titrabilă (graficul 3 și tabela 4), analize dintre care menționăm pe cele făcute la fructele de control și la cele din concentrația optimă de etilen (0,2‰), arată că în cursul coacerii acestor fructe

are loc o scădere treptată a cantității de dizaharide în urma proceselor de hidroliză, o creștere destul de însemnată a cantității de monozaharide



Grafic 3. Monozaharide, dizaharide și aciditatea totală titrabilă la piersicile tratate cu etilen.
1 – fructele martor; 2 – fructele din varianta cu 0,2% etilen.

Tabela 4

Monozaharide, dizaharide și aciditatea totală titrabilă la piersicile tratate cu etilen

Felul analizei	‰ etilen	Data determinării		
		1. IX	7 IX	17 IX
Monozaharide (g la %)	0	1,739	2,030	3,860
	0,2	1,739	2,758	4,235
Dizaharide (g la %)	0,	4,930	4,170	2,896
	0,2	4,930	4,510	2,880
Aciditatea totală titrabilă (mg. la % acid malic)	0	0,44	0,38	0,39
	0,2	0,44	0,38	0,34

și înșirșit un consum mare de acizi organici, consum care se datorește probabil folosirii lor în procesul respirației și transformării lor în parte în molecule de glucide. Cantitatea de monozaharide este cu ceva mai mare la fructele din concentrația optimă de etilen decât la cele de control, iar în ceea ce privește aciditatea totală titrabilă, din grafic și din tabelă rezultă faptul că aceasta scade de 2 ori mai mult la fructele din concentrația optimă decât la cele martor.

Fructele din variantele cu 0,1; 0,2; 0,5; și 1^o/₀₀ etilen sau copt după 8 zile dela începerea tratării, cele din variantele cu 0,05; 3 și 6^o/₀₀ etilen după 10—11 zile, iar fructele de control s-au copt abia după 14 zile, adică cu 6 zile

mai târziu decât cele din variantele cu 0,1; 0,2; 0,5 și 1^o/₀₀ etilen și cu 3—4 zile mai târziu decât cele din concentrațiile de 0,05 și 6^o/₀₀ etilen.

b) *Prune, varietatea Anna Späth.*

Experiențele cu prune au fost începute în ziua de 16.IX.1955 luându-se pentru fiecare variantă câte 30 de fructe, care au fost supuse tratamentului

timp de 6 zile, în concentrațiile de 0,1; 0,2; 0,5; 1 și 2^o/₀₀ etilen. S-a lăsat deasemenea și o variantă de control în care fructele n-au fost tratate cu această substanță.

Intensitatea respirației fructelor este trecută în graficul 4 și tabela 5, din care se vede că etilenul produce o intensificare a respirației până la de 2 ori mai mare decât cea inițială, în cazul tuturor concentrațiilor utilizate. Diferitele concentrații de etilen măresc aproximativ la fel de mult intensitatea respirației fructelor tratate. Fructele din varianta de control manifestă la început o scădere a intensității respirației, care depășește valoarea inițială abia după ziua a 6-a dela începerea experienței, dînd un maximum care denotă începerea coacerii acestor fructe.

Tabela 5

Intensitatea respirației la prunele tratate cu etilen.

o/00 etilen	cm ³ CO ₂ /kg/h înainte de tratare	cm ³ CO ₂ /kg/h în zilele				
		19. IX	21. IX	23. IX	27. IX	29. IX
0	16,72	11,88	11,88	18,68	16,16	10,84
0,1	17,76	21,26	19,28	22,38	—	—
0,2	16,53	21,06	19,38	25,70	—	—
0,5	17,48	22,54	24,16	25,58	—	—
1	11,70	20,86	24,19	21,88	—	—
2	15,45	20,94	20,92	24,10	—	—

Coefficientul respirator al fructelor (graficul 5 și tabela 6) este cuprins la începutul experienței între valorile 0,73—1,07 și crește la toate fructele ajungând în momentul coacerii la valorile 1,07—1,20.

Culoarea fructelor (tabela 7) se schimbă dela verde la roșu violaceu. Din tabelă se vede eficacitatea concentrației de 0,5‰ etilen, în care în ziua a 7-a dela începerea tratării numai un singur fruct era verzui, 10 erau cărămizii și 19 aveau o culoare roșcată violacee, în timp ce în varianta de control 16 fructe erau încă verzi, 9 erau cărămizii și numai 5 erau roșcate violacee.

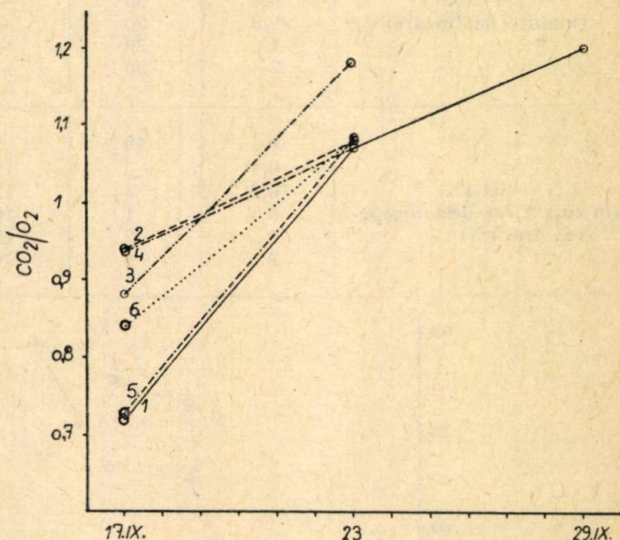
Fructele din această serie de experiențe s-au copt în 7-8 zile dela începerea tratării, iar cele de control abia după 14 zile, adică cu 6—7 zile mai târziu decât cele supuse tratamentului.

Experiențele pentru stimularea coacerii fructelor cu stiren.

a) *Piersici, varietatea Sun beam.*

Experiențele au fost montate paralel cu cele în care s-a utilizat pentru stimulare etilenul, folosind concentrațiile de 0,9; 1,8 și 4,5 mgr. stiren la litru de aer, iar pentru control s-au folosit fructele care au servit în acest scop și în cadrul experiențelor cu etilen. În această serie de experiențe s-au introdus în fiecare vas câte 7 fructe și s-au făcut exact același determinări ca și la experiențele cu etilen.

Intensitatea respirației la fructele tratate cu stiren (graficul 6 și tabela 8) are un mers asemănător cu cel al fructelor stimulate cu etilen. Se constată că în toate variantele stirenul produce încă din primele 2 zile de tratare o intensificare a respirației fructelor, care depășește uneori



Grafic 5. Coefficientul respirator la prunele tratate cu etilen
1 — fructele martor; 2 — fructele din varianta cu 0,1‰ etilen; 3 — fructele din varianta cu 0,2‰ etilen; 4 — fructele din varianta cu 0,5‰ etilen; 5 — fructele din varianta cu 1‰ etilen; 6 — fructele din varianta cu 2‰ etilen.

Coefficientul respirator la prunele tratate cu etilen.

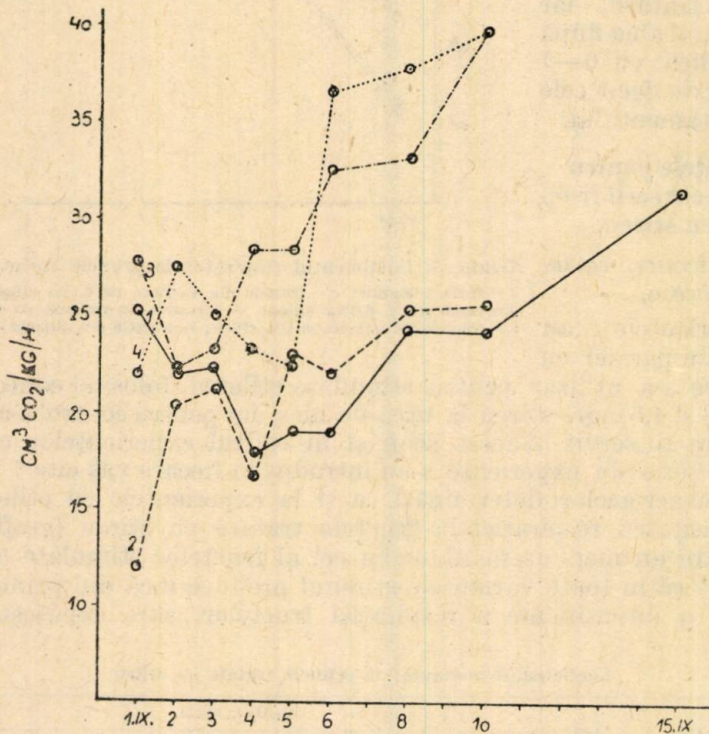
Tabela 6

%‰ etilen	CO ₂ /O ₂ în zilele		
	17. IX	23. IX	29. IX
0	0,72	1,07	1,20
0,1	0,94	1,08	—
0,2	0,88	1,18	—
0,5	0,94	1,07	—
1	0,73	1,08	—
2	0,84	1,08	—

Culoare fructelor de prune tratate cu etilen

Tabela 7

Data determinării	‰ etilen	Culoarea fructelor			Total fructe
		Verzui	Cărămizii	Roscate violacee	
17.IX (înainte de tratare)	0	30	—	—	30
	0,1	30	—	—	30
	0,2	30	—	—	30
	0,5	30	—	—	30
	1	30	—	—	30
	2	30	—	—	30
24.IX (în ziua a 7-a dela începe- rea tratării)	0	16	9	5	30
	0,1	3	16	11	30
	0,2	2	12	16	30
	0,5	1	10	19	30
	1	2	18	10	30
	2	6	10	14	30



Grafic 6. Intensitatea respirației la piersicile tratate cu stiren.

1 — fructele martor; 2 — fructele din varianta cu 0,9 mg/l stiren; 3 — fructele din varianta cu 1,8 mg/l stiren; 4 — fructele din varianta cu 4,5 mg/l stiren.

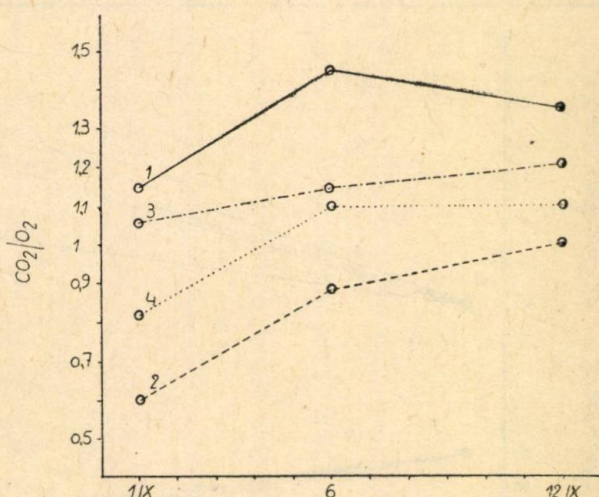
cu mai mult de 100% valoarea de dinaintea începerii tratamentului. La fructele de control se constată o micșorare a intensității respirației care depășește valoarea inițială abia după ziua de a 10-a dela începerea experienței.

mg/l stiren	cm ³ CO ₂ /kg/h înainte de tratare	cm ³ CO ₂ /kg/h în zilele							
		2.IX	3.IX	4.IX	5.IX	6.IX	8.IX	10.IX	15.IX
0	25,15	22,05	22,40	17,90	19,06	19,06	24,28	24,22	31,56
0,9	11,95	20,40	21,21	16,64	23,14	22,19	25,34	25,64	—
1,8	27,81	22,28	23,26	28,38	28,38	32,64	33,26	39,66	—
4,5	22,10	27,42	25,16	23,24	22,42	36,58	37,78	39,72	—

Coeficientul respirator al fructelor (graficul 7 și tabela 9) crește absolut la toate variantele în cursul experienței, la coacere coeficientul respirator al fructelor de control avînd o valoare mai mare decît la fructele tratate cu stiren.

Din tabela 10 care cuprinde variația culorii fructelor în decursul experienței se poate observa eficacitatea mare a concentrației de 0,9 mg/l stiren și de 1,8 mgr./l stiren, deși ultima concentrație menționată precum și cea de 4,5 mgr./l stiren sînt supra-optimale. Astfel, după ziua a 7-a de tratare fructele din concentrațiile de 0,9 și 1,8 mgr./l stiren erau coapte în întregime avînd o colorație galben portocalie; în varianta cu concentrația de 4,5 mgr./l stiren mai exista un fruct de culoare gălbuie, iar în varianta de control 4 fructe erau complet verzi și 6 aveau o culoare gălbuie.

Analizele de monozaharide, dizaharide și de aciditate totală titrabilă (graficul 8 și tabela 11), făcute la începutul experienței și în momentul



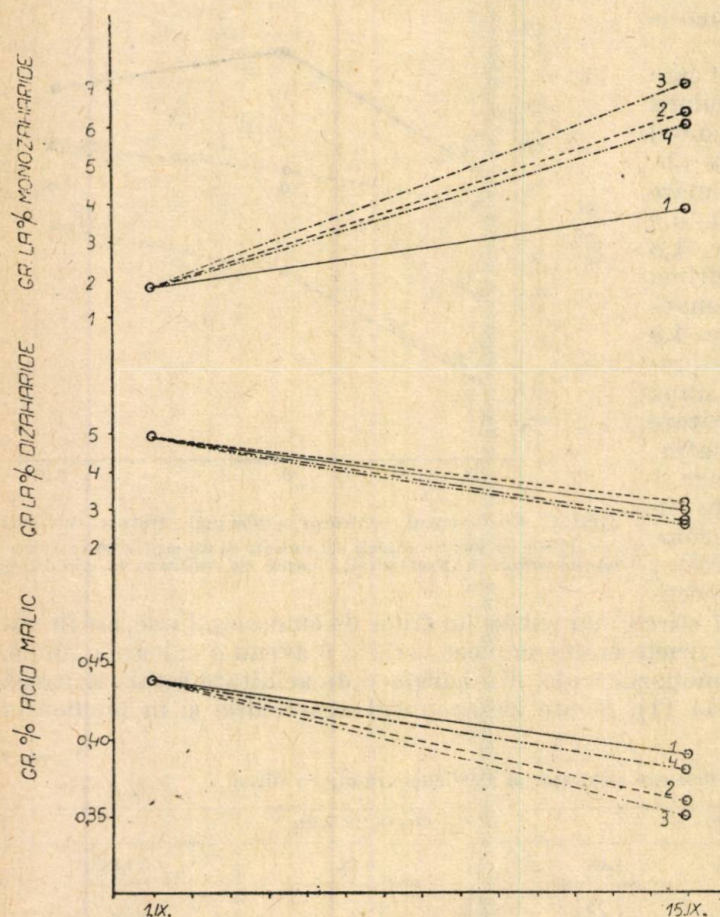
Grafic 7. Coeficientul respirator la piersicile tratate cu stiren
1 - fructele maritor; 2 - fructele din varianta cu 0,9 mg/l stiren; 3 - fructele din varianta cu 1,8 mg/l stiren; 4 - fructele din varianta cu 4,5 mg/l stiren.

Coeficientul respirator al piersicilor tratate cu stiren

Tabela 9

mg/l stiren	CO ₂ /O ₂ în zilele		
	1.IX	6.IX	12.IX
0	1,15	1,45	1,36
0,9	0,60	0,88	1,01
1,8	1,06	1,15	1,21
4,5	0,82	1,10	1,11

Data determinării	mg/l stiren	Culoarea fructelor			Total fructe
		Verzi	galbene	Galbene portocalii	
1.LX (înainte de tratare)	0	10	—	—	10
	0,9	7	—	—	7
	1,8	7	—	—	7
	4,5	7	—	—	7
8.IX (în ziua a 7-a dela începe- rea tratării)	0	4	6	—	10
	0,9	—	—	7	7
	1,8	—	—	7	7
	4,5	—	1	6	7



Grafic 8. Monozaharide, dizaharide și aciditatea totală titrabilă la piersicile tratate cu stiren.

1 — fructele martor;
2 — fructele din varianta cu 0,9 mg/l stiren; 3 — fructele din varianta cu 1,8 mg/l stiren; 4 — fructele din varianta cu 4,5 mg/l stiren.

coacerii fructelor, arată că în cursul procesului de coacere are loc o creștere a cantității de monozaharide, o scădere treptată a cantității de dizaharide și o scădere destul de puternică a cantității de acizi organici din fructe.

Monozaharide dizaharide și aciditatea totală titrabilă la piersicile tratate cu stiren.

Felul analizei	mg/1 stiren	Data determinării	
		1. IX	15. IX
monozaharide (g la %)	0	1,739	3,860
	0,9	1,739	6,300
	1,8	1,739	7,011
	4,5	1,739	6,060
dizaharide (g la %)	0	4,930	2,896
	0,9	4,930	3,148
	1,8	4,930	2,720
	4,5	4,930	2,654
aciditate totală titrabilă (g la % acid malic)	0	0,44	0,39
	0,9	0,44	0,36
	1,8	0,44	0,35
	4,5	0,44	0,38

La fructele tratate cu stiren, cantitatea de monozaharide în momentul coacerii depășea cu mult cantitatea găsită la fructele de control. Dizaharidele au scăzut aproximativ la fel atât la fructele tratate cât și la cele de de control, iar aciditatea fructelor tratate a scăzut sub nivelul celei de la fructele netratate.

Fructele din variantele cu 0,9 și 1,8 mgr/1 stiren s-au copt după 7 zile dela începerea experienței, cele din varianta cu 4,5/1 stiren s-au copt după 8 zile, obținându-se o grăbire a coacerii în cazul primelor 2 variante cu 7 zile, iar în cazul ultimei variante cu 6 zile față de fructele de control, care s-au copt după a 14-a zi dela începerea experienței

b) *Prune, varietatea Anna Späth.*

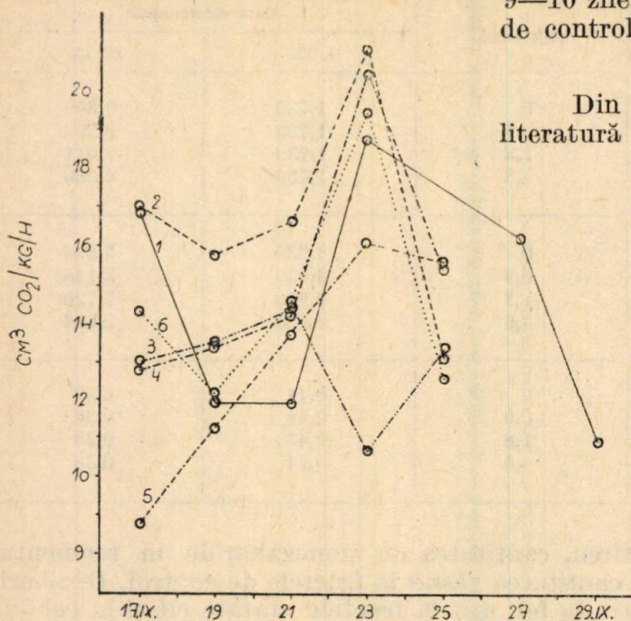
În experiențele cu prune s-au utilizat concentrațiile de 0,9 ; 1,8 ; 2,7 ; 3,6 și 4,5 mgr./1 stiren, luându-se pentru fiecare variantă câte 30 fructe.

Intensitatea respirației fructelor (graficul 9 și tabela 12) crește puternic sub influența tratamentului ajungând la valoarea maximă după zilele 4—6 dela începerea tratării, iar la fructele de control scade în primele zile, formează un maximum în ziua a 6-a dela începerea tratării, după care începe să scadă lent pînă în momentul coacerii.

Coeficientul respirator al fructelor (graficul 10 și tabela 13) crește în cursul procesului de coacere. Cea mai mare valoare a coeficientului respirator în momentul coacerii s-a constatat la fructele din varianta de control.

Culoarea fructelor, redată în tabela 14, arată că rezultatele cele mai bune s-au obținut în concentrațiile de 0,9 și 1,8 mgr/1 stiren, în care după ziua 8-a dela începerea experienței numai exista decît cîte un fruct de culoare verzuie. Concentrațiile de stiren mai mari, deși au avut un efect favorabil asupra coacerii fructelor, sînt supraoptimale. La această dată fructele din varianta de control erau în mare majoritate necoapte : 16 fructe erau verzi, 9 erau cărămizii, și numai 5 erau roșcate violacee.

Fructele din variantele cu 0,9; 1,8 și 2,7 mgr/l stiren s-au copt după 8 zile, cele din variantele de 3,6 și 4,5 mgr/l stiren s-au copt după 9—10 zile, iar fructele din varianta de control s-au copt după 14 zile.



Grafic 9. Intensitatea respirației la prunele tratate cu stiren.

1 — fructele martor; 2 — fructele din varianta cu 0,9 mg/l stiren; 3 — fructele din varianta cu 1,8 mg/l stiren; 4 — fructele din varianta cu 2,7 mg/l stiren; 5 — fructele din varianta cu 3,6 mg/l stiren; 6 — fructele din varianta cu 4,5 mg/l stiren

Din datele prezentate în literatură se constată că pentru grăbirea coacerii fructelor au fost întrebuințate o serie întreagă de substanțe ca etilenul, propilenul, acetilena, clorura și bromura de etilen, divinilul etc., dintre care unele au dat rezultate foarte bune (etilenul), iar altele fie că au avut un efect neînsemnat asupra acestui proces, fie că lăseau un miros neplăcut fructelor.

Substanța cea mai utilizată pentru grăbirea coacerii fructelor este etilenul, care este un produs natural al fructelor

în cursul coacerii lor și care se poate obține ușor, prin deshidratarea alcoolului etilic la temperatura de 450°C cu ajutorul unui aparat recomandat de I. V. Rakitin și G. O. Alekseenko [3].

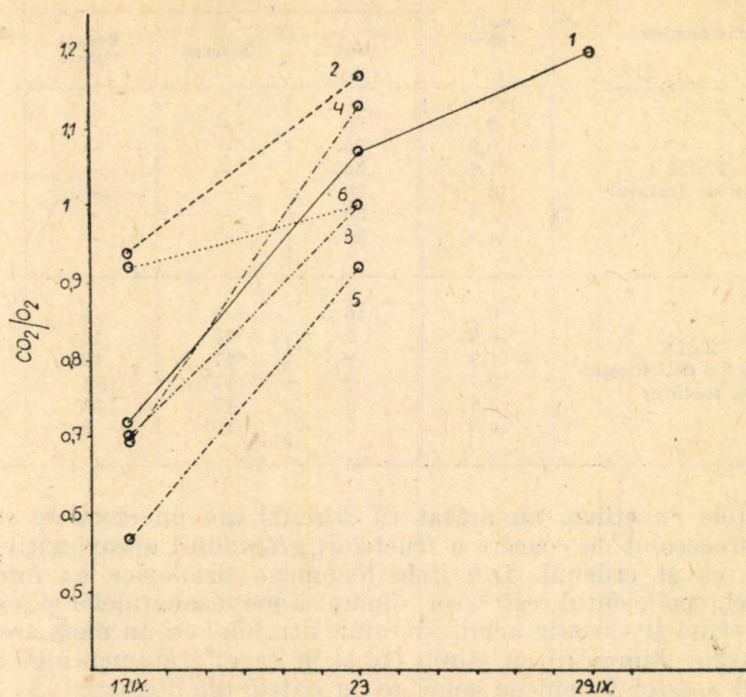
În țara noastră problema grăbirii coacerii fructelor a fost luată în studiu de către N. Sălăgeanu [5;6;] și M. V. Ionescu, I. Maer și M. Ivănescu [1], care au lucrat pe fructe de tomate. N. Sălăgeanu [6] a arătat că la tomate se pot obține rezultate bune și cu ajutorul propilenului care este un produs de cracare și care în concentrațiile de 1; 3 și 5⁰/₀₀ stimulează coacerea fructelor aproape tot atât de intens ca

Tabela 12

Intensitatea respirației la prunele tratate cu stiren

mg/l stiren	cm ³ CO ₂ /kg/h înainte de tratare	cm ³ CO ₂ /kg/h în zilele					
		19. IX	21. IX	23. IX	25. IX	27. IX	29. IX
0	16,72	11,88	11,88	18,68	—	16,16	10,84
0,9	16,95	15,74	16,58	21,08	13,10	—	—
1,8	13,00	13,55	14,42	10,57	13,34	—	—
2,7	12,78	13,38	14,20	20,42	15,38	—	—
3,6	8,80	11,22	13,78	16,08	15,62	—	—
4,5	14,34	12,18	14,66	19,46	12,54	—	—

și etilenul în concentrația de 10^{-6} . Acest procedeu este deosebit de avantajos în momentul de față întrucât tratamentul cu etilen nu poate



Grafic 10. Coeficientul respirator la prunele tratate cu stiren.

1 - fructele martor; 2 - fructele din varianta cu 0,9 mg/l stiren; 3 - fructele din varianta cu 1,8 mg/l stiren; 4 - fructele din varianta cu 2,7 mg/l stiren; 5 - fructele din varianta cu 3,6 mg/l stiren; 6 - fructele din varianta cu 4,5 mg/l stiren.

avea o aplicare largă din cauza faptului că necesită o rețea de curent electric de care nu dispunem în toate punctele în care acest tratament ar putea fi pus în aplicare. Având în vedere acest lucru, am căutat să găsim un procedeu de grăbire a coacerii fructelor, care să poată fi aplicat ușor și în locurile lipsite de rețea de curent electric și care să dea totodată un randament satisfăcător. Experiențele noastre cu stiren, care este o substanță lichidă ce se evaporează extrem de ușor, montate paralel cu

Tabela 13

Coeficientul respirator la prunele tratate cu stiren

mg/l stiren	CO ₂ /O ₂ în zilele		
	17. IX	23. IX	29. IX
0	0,72	1,07	1,20
0,9	0,94	1,17	—
1,8	0,70	1,00	—
2,7	0,70	1,13	—
3,6	0,57	0,92	—
4,5	0,92	1,00	—

Culoarea fructelor de prune tratate cu stiren.

Data determinării	mg/1 stiren	Culoarea fructelor			Total fructe
		Verzi	Cărmizii	Roșcate violacee	
17.IX (înainte de tratare)	0	30	—	—	30
	0,9	30	—	—	30
	1,8	30	—	—	30
	2,7	30	—	—	30
	3,6	30	—	—	30
	4,5	30	—	—	30
25.IX (în ziua a 8-a dela începerea tratării)	0	16	9	5	30
	0,9	1	18	11	0
	1,8	1	17	12	30
	2,7	2	17	11	30
	3,6	3	17	10	30
	4,5	5	16	9	30

experiențele cu etilen, au arătat că stirenul are un efect de stimulare asupra procesului de coacere a fructelor, grăbindu-l aproximativ tot atît de mult ca și etilenul. Diferitele fenomene fiziologice ca intensitatea respirației, coeficientul respirator, dinamica monozaharidelor și a dizaharidelor, precum și variația acidității totale titrabile, au un mers asemănător atît în cazul stimulării cu stiren cît și în cazul tratamentului cu etilen și mersul acestor fenomene coincide cu datele din literatură [2 ; 3 ; 7 ; 8].

Experiențele menționate necesită o serie de verificări pe o scară mai mare, întrucît procedeul pare să fie deosebit de avantajos și ușor de aplicat în orice loc în care s-ar pune problema grăbirii coacerii fructelor.

Concluzii

1. Etilenul, a cărui concentrație optimă este de 0,2⁰/₀₀, în cazul piersicilor, și de 0,5⁰/₀₀ în cazul prunelor, produce coacerea acestor fructe aproximativ la fel de repede în intervalul de concentrații de 0,1—6⁰/₀₀.

2. Stirenul manifestă o acțiune de stimulare asupra procesului de coacere a fructelor; fructele s-au copt în cocențrația 0,9 mgr/1 cu o zi mai tîrziu decît cele tratate cu etilen în cazul prunelor, și cu o zi mai devreme în cazul piersicilor.

3. Concențrațiile de stiren mai mari de 1,8 mgr/1 dau un miros neplăcut fructelor, miros care se înlătură cu greu chiar și în cazul unor aerisiri prelungite a acestora.

4. Piersicile tratate cu etilen și stiren s-au copt cu 6—7 zile mai repede decît fructele martor, iar la prune s-a obținut o grăbire a coacerii cu 6—8 zile față de cele netratate cu aceste substanțe.

Catedra de Fiziologia Plantelor
Facultatea de Biologie
București

BIBLIOGRAFIE :

- [1] Ionescu V. Mircea, Maier Ion, Ivănescu Magda : *Contribuțiuni la studiul accelerării procesului de maturare a pălăgelelor roșii*. Grădina, via și livada, 1954, Nr. 2, p. 24—31.
- [2] Rakitin I. V. : *Uskorenie sozrevania plodov*. Priroda, 1954, Nr. 7, p. 53—61.
- [3] Rakitin I. V. : *Uskorenie sozrevania plodov*. Moskva, Izd. Akademii Nauk S.S.S.R., 1955.
- [4] Rakitin I. V. : *Problema stimulării rasteii v sviazi selskogo hoziaistva*. Uspehi sovremennoi biologhii, Tom. XXXVII, fasc. 3 (6), 1953, p. 289—314.
- [5] Sălăgeanu N. : *Stimularea cu etilen a coacerii fructelor de pălăgele roșii (Solanum lycopersicum)* crescute în seră și în câmp. Comunicările Academiei R.P.R., Tom. I, Nr. 11—12, 1951, p. 1037—1041.
- [6] Sălăgeanu N. : *Grăbirea coacerii fructelor de pălăgele roșii cu gazul de cracare cu propilen*. Revista Universității „C.I. Parhon” și a Politehnicii București, Seria științelor naturii, 1953 Nr. 2, p. 112—115.
- [7] Terevitinov F. V. : *Himia i tovarovedenie svejih plodov i ovoscei*. Moskva, Gostorghezdat, 1949, Tom I, p. 426—437.
- [8] Triuner V. S., Ermilov S. A., Terevitinov F. V. : *Tovarovedenie Pischith productov*, Tom 2, Moskva, Gostorghezdat, 1949, p. 46—50.

ОПЫТ ПО УСКОРЕНИЮ СОЗРЕВАНИЯ ПЛОДОВ ПЕРСИКА И СЛИВЫ ПРИ ПОМОЩИ ЭТИЛЕНА И СТИРОЛА

1. Этилен вызывает созревание персиков и слив почти с одинаковой быстротой в пределах концентрации 0,1—6⁰/₀₀, причем оптимально является концентрация 0,2⁰/₀₀ для персиков и 0,5⁰/₀₀ для слив.

2. Стирол оказывает стимулирующее действие на процесс созревания плодов; при обработке стиролом в концентрации 0,9 мг/л. сливы созревают на 1 день позже, а персики—на 1 день раньше плодов, обработанных этиленом.

3. Концентрации стирола, превышающие 1,8 мг/л, придают плодам неприятный запах, который удаляется с трудом даже при длительном проветривании плодов.

4. Обработанные этиленом и стиролом персики созрели на 6—7 дней раньше контрольных плодов, а у слив было получено ускорение созревания на 6—8 дней по сравнению с плодами, необработанными этими веществами.

EXPÉRIENCES POUR TRATER LA MATURATION DES PECHES ET DE PRUNES AVEC DE L'ÉTHYLENE ET DE STIRÈNE.

Résumé

1. L'éthylène, dont de concentration optimale est de 0,2⁰/₀₀ pour les pêches et de 0,5⁰/₀₀ pour les prunes, produit la maturation de ces fruits avec à peu près la même vitesse dans l'intervalle de concentrations contenus entre 0,1—6⁰/₀₀.

2. Le stirène manifeste une action stimulatrice sur la processus de la maturation des fruits qui ont mûri dans une concentration de 0,9 mgr./l., avec un jour de retard lorsqu'il s'agit des prunes et avec un jour d'avance lorsqu'il s'agit des pêches, par rapport à celles traitées avec de l'éthylène.

3. Les concentrations de stirène qui dépassent 1,8 mgr. donnent aux fruits une odeur désagréable, dont il est difficile de se débarrasser, même dans le cas d'un séchage prolongé de ces fruits.

4. Les pêches traitées avec de l'éthylène et du stirène ont mûri 6—7 jours plutôt que les fruits de contrôle; les prunes ont accéléré leur maturation de 6—8 jours par rapport à celles non traitées avec ces substances.

STUDIUL FAUNEI CU APTYCHUS DIN CALCARELE JURASICE SUPERIOARE DIN ZONA SVINIȚA-SVINECEA MARE

G. RĂILEANU, A. BĂDĂLUȚĂ și M. PELIN,

Materialul paleontologic care face obiectul acestei comunicări, provine din calcarele noduloase de la partea superioară a Malmului de la Svinița (zona Svinița—Svinecea Mare).

În zona Svinița—Svinecea Mare, Jurasicul superior este dezvoltat sub un facis de mare adâncă (bathial). Această subdiviziune a Jurasicului în împrejurimile Sviniței (faciesul sudic) este reprezentat prin calcare vinete verzui sau albicioase prin calcare cu jaspuri, prin calcare noduloase de culoare roșie și vinătă. În această regiune cercetările anterioare (Grigore Răileanu) au stabilit pe baze paleontologice prezența Jurasicului superior, inclusiv Tithonicul cu trecere la Cretacicul inferior (Berriassian).

Cea mai mare parte a materialului a fost colectat de pe culmea Seliste (nord de satul Svinița) și numai în parte de la Cervenă Bara și pîrîul Iardumovacia.

Aici Malmul se prezintă cu următoarea succesiune stratigrafică.

La bază calcare noduloase roșii bogate în amoniți, dintre care *Caliphilloceras zignodianum* și *Sowerbiceras tortisulcatum*, sînt cele mai frecvente.

Apoi succed calcarele cu jaspuri care suportă la rîndul lor calcarele noduloase superioare cu *Aspidoceras acanthicum* și *Aspidoceras ciclotum*.

Deasupra stau calcarele cu *Aptychus* și cu numeroase forme de amoniți. (*Perisphinctes contigus* Cat. *Streblites lithograficus* Opp. etc.) caracteristice tithonicului.

Acesta este un jurasic de tip alpin pentru a cărui parte superioară se poate întrebuița termenul de tithonic.

Oripinea, condițiile de fosilizare și rolul stratigrafic al Aptychilor.

Nu există îndoială că aceste forme au origină ogranică; în acest sens studiile asupra structurii și formei lor, sînt foarte concludente.

În ce privește originea acestora a purtat multe discuții și au fost trecuți aproape prin toată gama faunistică.

Considerați pe rînd că sînt scuturile unor viermi de talie mare, din ordinul Sipunculidelor sau că sînt o reprezentare bizară a Holoturi-delor, de asemenea că sînt amelebranchiate apoi un gen special de Cephalopode tertabbranchiate. Apoi că ar fi resturi din Amonoidee, adică au îndeplinit diferite funcțiuni ale acestora.

Însfîrșit s-a ajuns la concluzia că aceste piese calcaroase calcaro-cornoase sau cornoase, simple sau duble fac parte integrantă din cochilia amonitului, îndeplinind funcțiunea de opercul, piese analoge cu operculul de la gasteropode.

Dovezi concludente în sprijinul acestei teorii au fost date de angrenarea perfectă a formei de *Aptychus* în forma testului de amonit, lucru dovedit prin găsirea în loc a unui *Aptychus* perfect angrenat cu ultima cameră de locuit a genului de amonit *Oppelia* subradiata din Oolithul inferior din regiunea Dundry.

Se consideră că după moartea amonitului, prin forța gazelor născute în urma descompunerii organice, corpul lui este expulzat din test, iar aptychul rămîne în golul cochiliei și împreună cad la fund acoperiți apoi de sedimente. Astfel s-au găsit în Liasicul superior, din Suabia, Franconia, Malmul de la Solenhofen. Nu este totuși o condiție sine-qua-non ca amonitul să se găsească împreună cu aptychul său, aceasta pentru că în momentul expulzării corpului din cochilie, putea fi antrenat și operculul său.

S-a constatat că există o deosebire de rezistență între construcția testului de amonit și opercul deoarece cochilia de amonit, fiind formată din aragonit care este ușor solubil, pe cînd aptichul fiind construit din calcită a rezistat mai bine la fenomenele de disoluție și diageneză. Pentru aceasta *Aptychii* pot juca un rol important în stratigrafie, pentru stabilirea zonelor sedimentare. Aceste forme apar din paleozoic, întovărășind Goniatiții. Sînt ca rarități în Triasic, se găsesc răspîndiți local în Jurasic și Cretacic, împreună cu amoniții.

Aceste opercule sînt cunoscute din Jurasicul superior pînă în Neocomian, inclusiv, în fundurile marine ale regiunii alpine mediteraniene, fapt deosebit de important în stratigrafie.

În ce privește structura *Aptychilor*, ea este complexă și anume este formată din trei strate ca la cochilia de moluște.

1. Un strat superior extern, lamelos și subțire;
2. Un strat mijlociu gros, format din celule prismatice de calcită dispuse neregulat;
3. Un strat intern subțire, probabil constituit în bună parte din conchiolină.

Din cercetarea faunei, constatăm că avem a face cu trei tipuri de *Aptychi*:

1. *Lamellaptychii*, sînt aptichi calcaroși cu două valve cu o grosime medie, de cca 3mm avînd stratul inferior și superior constituit dintr-o masă foarte subțire, dar compactă, Stratul mijlociu este alcătuit dintr-o materie celular-tubuloasă. Partea convexă are striuri mai mult sau mai puțin oblice care dau impresia unor coaste lameloase. Suprafața concavă a stratului inferior este străbătută numai de striuri concentrice slab pronunțate. De obicei mai au și o creastă sinfizală.

Stratul superior este doar un înveliș fin, calcaros omogen, fără pori și neted. Stratele inferior și superior sînt uneori îndepărtate prin dizolvare, rămînînd în evidență stratul mijlociu. Acești tipi de aptychi se întîlnesc frecvent în Malm și Neocomian, la *Haplocerapidae* și *Oppelidae*.

2. *Laevaptychii*, au cele trei strate foarte strînse între ele, încît sînt greu de deosebit. Stratul extern, (superior) este foarte striat, iar pe partea concavă au cercuri concentrice, cît și o creastă sinfizală. Stratul mijlociu este gros și alcătuit dintr-o rețea largă de celule bine individualizate, în secțiune avînd 4—6 celule tubuloase.

Stratul superior, este foarte subțire și expus dizolvării, astfel îndepărtat este în evidență stratul mijlociu. Partea convexă are în general

pori asemănători unor virfuri de ace foarte mici. Sînt operculele cele mai bine păstrate pînă astăzi. Sînt foarte răspîndiți în întreg Malmul, din oxfordian pînă în Titonic, atît în afara regiunii alpine, cît și în regiunea alpino-mediteraneană. Aparține în general genurilor de *Aspidoceras*.

3. *Punctaptychii*. Prezintă o dezvoltare mai puternică a păturei superioare, motiv pentru care partea externă este mai tare și mai compactă. Ea formează însăși striurile. Șanțurile interlamelare, sînt bine evidențiate și închise la capete. Au puncte mici în șanțurile respective care apar după o dizolvare mai puternică. Se întîlnesc la *Haploceratidae* și *Oppelidae* în Malm -și Neocom.

Lista faunei

Din materialul colectat s-a determinat următoarele forme de *aptychi* :

1. *Laevaptychus hoplissus* var. *rugocincta-taxopora* Trauth
2. *Laevaptychus latus* var. *uhlandi taxopora* Trauth.
3. *Laevaptychus latus* var. *taxopora* Trauth.
4. *Laevaptychus laticostus* var. *vermipora* Trauth.
5. *Laemellaptychus crassissimus* Haupt
6. *Laemellaptychus beyrichi* Trauth
7. *Laemellaptychus beyrichi* var. *moravica* Black
8. *Laemellaptychus lamellosus* Park
9. *Laemellaptychus sparsilamellosus* Guemb.
10. *Laemellaptychus inflexicosta* F. Typ.
11. *Punctaptychus punctatus* var. *fractocosta* Vetter
12. *Punctaptychus punctatus* var. *Langa*.

Concluzii

Din formele citate rezultă că în calcarele de la partea superioară a Malmului din zona Svinița-Svinecea Mare, se întîlnesc trei tipuri de *Aptychus* :

- *Laemellaptychus*
- *Laevaptychus*
- *Punctaptychus*.

Toate formele citate se întîlnesc în faciesul bathial al Malmului însoțind deci calcarele cu amoniți. Abundența lor în calcarele thitonice de la Svinița este evidentă.

Unele specii de *Aptychus* au trăit în Oxfordian și Kimmeridgian ca *Laevaptychus* și *Punctaptychus*. Altele din Oxfordian pînă în thitonic *Laevaptychus latus* var. *taxopora*, *Laemellaptychus beyrichi* var. *moravica*., iar altele din Kimmeridgian, pînă în Tretacicul inferior.

În concluzie asociația de *Aptychi* poate duce la precizarea vîrstei stratelor.

În zona Svinița-Svinecea Mare, speciile *Laevaptychus* care provin din calcarele cu *Aspidoceras acanthicum* se citează și în alte regiuni, unde sînt localizați în Oxfordian și Chimeridgian, și pot ajunge pînă în Thitonic.

Tipurile de *Laemellaptychus* și *Punctaptychus* care provin din calcarele thitonice propriu zise, se găsesc citați din Oxfordian și au maximum de dezvoltare în Thitonic iar unele forme ajung și în Cretacicul inferior.

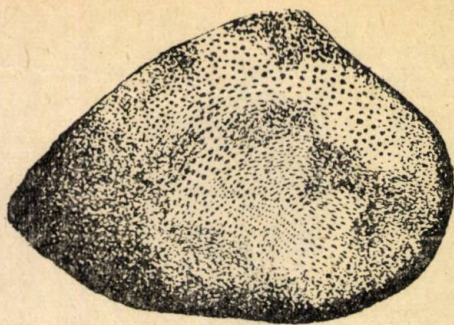
Catedra de Geologie
Facultatea Geologie-Geografie
București

Frecvența formelor de aptychus din regiunea svinită-Svinecea Mare în diferite regiuni

	Numele speciilor	Regiunea Alpină							Regiunea Andină		Carpații Sudici			Balcani		Reg. Wurttemberg		Nordul Bolemlui		Frecvența Aptychilor în diferite etaje ale jurasicului și cretacicului inferior								
		Dogger	Callovian	Oxfordian	Kimeridgian	Tithonic	Berriasian	Valanginian	Hauterivian	Barremian	Kimeridgian	Tithonic	Baolocian	Kimmeridgian	Tithonic	Neocomian	Oxfordian	Kimeridgian	Oxfordian	Kimeridgian	Dogger	Callovian	Oxfordian	Kimeridgian	Tithonic	Berriasian	Valanginian	Hauterivian
1.	Laevaptychus hoplisus var. rugocincta-taxopora Trauth.															+	+					+	+					
2.	Laevaptychus latus var. taxopora Trauth.			+	+	+											+	+	+			+	+	+				
3.	Laevaptychus latissimus var. vermipora Trauth.										+							+						+	+			
4.	Lamellaptychus beyrichi Trauth.				+	+	+	+						+	+	+								+	+	+		
5.	Lamellaptychus lamellosus Park.			+	+	+																	+	+	+			
6.	Lamellaptychus beyrichi var. moravica Black.					+																			+			
7.	Lamellaptychus sparsillamelosus Trauth.			+	+	+					+							+					+	+	+			
8.	Lamellaptychus inflexicosta Trauth.			+		+	+																+		+	+		
9.	Punctaptychus punctatus var. fractocosta Trauth.				+	+																		+	+			
10.	Punctaptychus punctatus var. longa Trauth.				+																			+				



1. *Laevaptychus hoplisus* var. *rogocincta* — *taxopora* Trauth.



2. *Laevaptychus latus* var. *taxopora* Trauth.



3. *Laevaptychus latissimus* var. *vermipora* Trauth.



4. *Punctaptychus punctatus* var. *longa* Trauth.



5. *Lamellaptychus sparsillamelosus* Trauth.



6. *Punctaptychus punctatus* var. *fractocosta* Trauth.



7. *Lamellaptychus beyrichi* Opp.



8 *Lamellaptychus sparsillamelosus* Trauth.



9. *Lamellaptychus sparsillamelosus* Trauth.



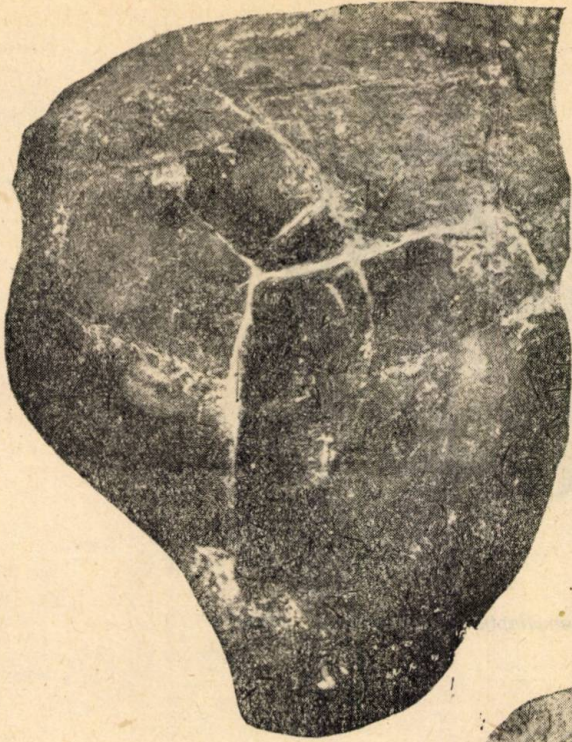
10. *Lamellaptychus beyrichi* var. *moravica* Trauth.



11. *Lamellaptychus inflexicosta* Trauth.



12. *Lamellaptychus sparsillamelosus* Trauth.



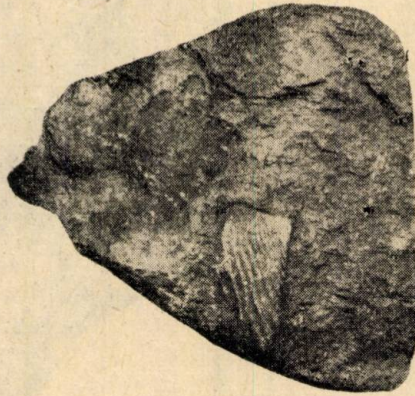
11. *Laevaptychus hoplisus*
var. *rugocincta taxopora*
Trauth.



14 *Laevaptychus hoplisus* Trauth



16. *Lamellaptychus lamellosus* Trauth.



15 *Lamellaptychus sparsillamelosus* Trauth.



К ВОПРОСУ ОБ ИЗУЧИИ НАЛИЧИЯ ФАУНЫ АРТУЧУС В ВЕРХНЕЮРСКИХ ИЗВЕСТНЯКАХ ЗОНЫ СВИНИЦА—СВИНЕЧЕА МАРЕ (БАНАТ)

Авторы исследовали и описывали значительное число видов aptychus собранных из киммериджских и титонских известняках зоны Свиница, Свинечеа Маре (Банат).

Предпринятыми исследованиями были доказаны следующие:

а) В известняках верхнего Мальма зоны Свиница—Свинечеа Маре встречаются три вида aptychus: Lameliptychus Laevptychus и punctptychus

б) Все перечисленные виды встречаются в известняках содержащие амониты глубоководной фации верхнего Мальма.

в) Вид laevptychus встречается в известняках с aspidoceras achantycus и виды lamellptychus и punctptycheu встречаются в большинстве случаев в титонских известняках.

L'ÉTUDE DE LA FAUNE D'APTYCHUS DES CALCAIRES DU JURASSIQUE SUPÉRIEUR DE LA ZONE DE SVINITA — SVINECEA MARE (BANAT)

Résumé

Les auteurs ont déterminé et décrit un nombre important d'Aptichus, qui ont été collectionnés des calcaires Kimméridgiens et tithoniques de la zone de Svinița-Svinecea Mare (Banat).

De cette étude résulte que :

a) Dans la zone de Svinița Svinecea Mare, dans les calcaires du Malm supérieur, on rencontre trois sortes d'Aptichus: Lamedaptichus, Laevaptichus et Punctaptichus.

b) Toutes ces formes citées se rencontrent dans les calcaires à Amonites du faciès bathial du Malm supérieur.

c) La forme Laevaptichus se trouve dans les calcaires à Aspidoceras Achantichus, les deux autres formes Lamellaptichus et Punctaptichus, en majorité des cas, dans les calcaires tithoniques.

STUDIUL GEOLOGIC ȘI PETROGRAFIC AL FORMAȚIUNILOR ERUPTIVE DIN REGIUNEA BĂIȚA (BAIA MARE)

G. CIOFLICĂ

Eruptivul din Regiunea Baia Mare a fost obiectul de predilecție pentru cei mai mulți cercetători. În general s-a remarcat două tendințe în aplicarea grupării succesiunii erupțiilor: una care stabilește diferite faze de erupție pe cicluri magmatice [10], alta care grupează toate erupțiile în Panonian, excluzând existența acestor faze [9].

Cercetările geologice mai recente [5] confirmă primul punct de vedere, stabilind patru faze de erupție. În urma studiilor de detaliu, pe harta geologică a Regiunii Baia Mare, apar cinci faze de erupție.

Lucrările de cartare geologică efectuate în regiunea Băița, au permis să aducem observațiuni noi privind gruparea erupțiilor stabilite de cercetările anterioare. Astfel, a fost posibilă precizarea a trei faze de erupție, care au avut loc începând de la sfârșitul Tortonianului și durând până la începutul Pontianului ¹⁾.

În faza I-a grupăm: tufuri, aglomerate, andezite, trahite, tufuri riolitice și riolite.

În faza II-a încadrăm un complex dacitic: aglomerate de Limpedea, *dacite de Limpedea*, aglomerate de Colbu, *dacite de Colbu*, aglomerate de Ulmoasa, *dacite de Ulmoasa* și *dacite de Piscuiatu*.

Faza III-a cuprinde un complex andezitic: aglomerate andezitice, *andezite cuarțifere*, *andezite cu augit și hipersten*, *andezinite*, *andezite cu augit, hipersten și hornblendă*, *curgeri superioare* ²⁾ și *andezite cu hornblendă*.

Apariția primei faze de erupție este marcată prin orizontul de tufuri șistoase, gros de cca 40 cm., care se dezvoltă sporadic pe V. Băița, V. Roșie și P. Lapoșna. Din datele prezentate de Prof. D. Giușcă [5] rezultă că tufurile șistoase se extind spre West (Nistru și Ilba), unde stau pe depozite de vîrstă tortoniană. Ele constituie, așa dar, un orizont reper pentru separarea depozitelor tortoniene de cele sarmațiene.

În Regiunea Băița, Tortonianul a fost separat pe baza acestui orizont reper și este reprezentat prin marne vineții, cenușii, sau negre, tufuri și gresii. El apare în cursul inferior al P. Dubugău, P. Gajilor, în galeria de pe V. Tirza și în galeria Cimpurele și Galbena. Depozitele tortoniene se dezvoltă după o direcție NE-SW, cu înclinări de 25°. Prof. M. Paucă [11] și T. Iorgulescu [6] semnalează pe V. Ulmoasa două aparițiuni de eocen,

¹⁾ Prof. Mircea Paucă, arată că Pontianul este lipsit de tufuri și este transgresiv peste depozitele sedimentare mai vechi și peste rocele eruptive.

²⁾ Denumirea dată de Prof. D. Giușcă, prin care se înțelege ultimele venituri de lave peste cele andezitice cu piroxen.

care suportă direct Sarmațianul. Eocenul este reprezentat prin marne cenușii, vișinii și se dezvoltă NE-SW.

Peste tufuri urmează andezite cu hornblenă, propilitizate, sericitizate și piritizate. Andezitele se dezvoltă între V. Limpedeș și V. Nistrului, extinzându-se în continuare spre vest. În partea de nord-est, între Dealul Pietrarul și Poiana Seicini, apare același nivel de andezite, care se dezvoltă în continuare spre Firiza. Aceste roci andezitice le sunt asociate aglomerate și riolite, iar separarea lor este dificilă atunci când sunt afectate de procesul de silicifiere. Pe V. Cireșei, V. Colbului și V. Băița, andezitele sunt acoperite de lave dacitice, iar la vest de confluența V. Limpedeș cu V. Băița, de tufuri riolitice și riolite. Din cauza proceselor de autometamorfism este foarte dificil a separa stâlpii andezitici de lavele andezitice. Totuși în lucrările miniere au putut fi separați, pe V. Roșie trei stâlpi andezitici, care au forme eliptice orientate NE-SW. Aglomeratele și andezitele situate la nord de P. Seicini, sunt legate de existența unui stâlp andezitic localizat în D. Pietrarul. Pe P. Muncelului afluent al V. Limpedeș, au fost găsite brezii de explozie, puternic silicifiate dar apariția lor sporadică nu ne-a permis a contura stâlpul andezitic de care ar fi legate andezitele situate la est de Vf. Târnița.

În succesiune urmează roci trahitice cu piroxen, bine dezvoltate la Piatra Șoimului. Vf. Piatra Șoimului, reprezintă un stâlp trahitic de care sunt legate lavele trahitice și brezii de explozie din cursul superior al pârului Lăpușa și a pârului Pietrarul. Trahitele de la Piatra Șoimului stau pe andezite vechi și sunt străbătute de un stâlp dacitic de Piscuiatu. Totodată, rocile trahitice prezintă afinități petrografice și chimice cu riolitele, care pe V. Băița suportă depozite de vîrstă sarmațiană. De asemenea, D. Rădulescu [13] descrie roci trahitice care stau pe andezitele vechi și suportă gresii sarmațice. Observațiunile de mai sus, sunt suficiente pentru a putea asocia rocile trahitice cu andezitele și riolitele în aceeași fază de erupție.

Riolitele se dezvoltă între V. Limpedeș și V. Lăpușnei; de asemenea pe V. Roșie și P. Marcului apar stâlpi riolitici care străbat andezitele vechi. Rocilor riolitice le sunt asociate tufuri riolitice, de care sunt foarte greu de separat din cauza transformărilor auto-metamorfice. Riolitele care apar la vest de V. Limpedeș par a fi legate de existența unor stâlpi riolitici, vulcani care de fapt au generat și tufurile riolitice. Un astfel de stâlp riolitic este situat în Vf. Dubugăul Mare, iar în P. Lăpușna Mare se dezvoltă un dyk riolitic pe cca $\frac{1}{2}$ km. Pe V. Băița și pe V. Limpedeș, riolitele suportă depozite sarmațiene, iar pe P. Marcului prind enclave din gresiile sarmațiene. Toate aceste elemente ne permit a preciza că prima fază de erupție începe la sfîrșitul tortonianului și se încheie în sarmațianul inferior.

În faza II-a de erupție aparține un complex dacitic a cărui activitate a avut loc în Sarmațianul inferior și mediu.

Sarmațianul este reprezentat prin marne cenușii cu intercalații de cărbune, șisturi argiloase, negre cu impresiuni de plante, tufuri, tufite, gresii și conglomerate cu elemente de cuarț, gresii sau șisturi cristaline. Vîrsta sarmațiană, pentru depozitele de pe V. Limpedeș, a fost precizată de Prof. M. Păuca [11] pe baza unor cardice. Pentru ivirile de sedimentar din cursul superior al V. Băița, confluența V. Limpedeș cu V. Băița și V. Roșie, am atribuit vîrsta sarmațiană pe baza asemănărilor litologice și succesiunii stratigrafice.

Sucesiunea cea mai completă este pe dealul Pietrișului și P. Lapoșna, unde seria se încheie cu conglomerate, care după Prof. M. Paucă reprezintă o fază de regresiune. Restul ivirilor reprezintă diferite nivele ale Sarmațianului, care stau la baza aglomeratelor de Limpedeș, sau se intercalează la diferite nivele în complexul dacitic. Orizontul de Sarmațian, care stă la baza acestui complex poate fi reconstituit din numeroasele aflorimente care apar pe albia văilor Limpedeș, Băița, afluenți ai V. Băița și lucrările miniere din sectorul Ludovic. În general ivirile depozitelor sarmațiene de sub aglomeratele de Limpedeș, sînt aproape orizontale. Sisturi argiloase, negre, compacte și gresii de vîrstă sarmațiană mai apar ca intercalații în aglomeratele de Limpedeș de pe V. Băița, cît și la partea superioară a acestor aglomerate. Din masa de aglomerate pot fi separate zone din care se dezvoltă lave dacitice avînd aspect de curgeri interstratificate.

Acestor aglomerate le urmează dacitele cu hornblendă de Limpedeș, verzui, cenușii, care se dezvoltă la nord de Piciorul Cuculeșului și pe V. Băița la sud de confluența cu V. Colbului. Dacitele suportă pe P. Antonca gresii sarmațiene, iar pe V. Colbului aglomerate de Colbu, care sînt legate de apariția unor dacite feldspatice, violacee, cenușii denumite dacite de Colbu. În cursul superior al V.-Băița, peste aceste lave dacitice stau aglomerate de Colbu, în care se găsesc trei intercalații de depozite sarmațiene reprezentate prin gresii, marne cenușii, friabile cu spărturi conchoidale. Dezvoltarea mare a lavelor dacitice de Limpedeș și Colbu, cît și starea lor autometamorfică îngreunează separarea coșurilor vulcanice. Totuși s-a putut preciza existența a trei stîlpi dacitici de Limpedeș; primul este situat la nord de Piciorul Cuculeșului, al doilea în Coasta Limpedeș și al treilea pe V. Băița, în aval de confluența cu Valea Colbului.

Faza II-a se încheie cu dacite piroxenice de Ulmoasa¹⁾ și cu dacite de Piscuiatu. Dacitelor de Ulmoasa uneori le sînt asociate aglomerate. Spre deosebire de primele tipuri de dacite, care au cuarțuri mărunte, dacitele de Ulmoasa conțin cristale de cuarț care pot atinge 1 ½ cm; uneori prezintă faciesuri puternic feldspatice. Dacitele de Ulmoasa străbat andezitele vechi suportînd în același timp andezitele cuarțifere. Pe V. Cireșei, V. Limpedeș sau pe P. Muncelilor există filoane de dacite de Ulmoasa, care sînt cantonate în andezitele vechi, dacitele de Limpedeș sau depozitele sarmațiene. De asemenea, în cursul mediu al P. Muncelilor se remarcă prezența unor breccii de explozie formate din fragmente de dacite de Ulmoasa puternic silicificate. Aparițiile sporadice de marne sarmațiene, situate în aval de confluența V. Ulmoasa cu P. Tocaștru, cît și pe drumul ce duce spre Vf. Tocaștru, conțin enclave de dacite de Ulmoasa.

Dacitele de Piscuiatu apar în Vf. Tirza, la sud de Vf. Măgura Mare și la est de Piatra Șoimului. Prof. Manilici arată că, la sud-est de șoseaua Baia Sprie — Sișești, dacitele de Piscuiatu sînt intercalate de depozitele sarmațiene.

Toate aceste elemente ne permit a plasa întregul complex dacitic în sarmațianul inferior și mediu. Vulcanismul dacitic și-a încheiat activitatea înainte ca regiunea să fie exondată, deoarece nu străbate niciodată nivelul conglomeratic al sarmațianului.

¹⁾ Inițial dacitele din Ulmoasa au fost cunoscute în literatură sub denumirea de riolite. În urma determinărilor de laborator efectuate, de către Prof. N. Gherași, asupra unor roci din regiunea Ulmoasa, a rezultat caracterul dacitic. Acest lucru a fost confirmat prin determinările executate de noi.

În faza III-a încadrăm un complex andezitic, care reprezintă erupțiunile cele mai tinere din regiune. Apariția acestui complex andezitic, are loc după faza de exondare de la sfârșitul Sarmatianului, deoarece pe V. Colbului există curgeri de andezite cuarțifere ce stau peste un relief format din aglomerate de Colbu. La baza complexului andezitic apar aglomerate, caracterizate prin fragmente rotunde de andezite cu hornblendă, ușor propilitizate, legate într-o masă cineritică de culoare verzuie. Aceste aglomerate se găsesc în cursul superior al V. Băița, al V. Limpedeia și al V. Ulmoasa. Aglomeratele suportă andezite cu augit și hipersten și sînt străbătute de stîlpi de andezite cuarțifere.

Andezitele cuarțifere apar sub formă de stîlpi cu secțiuni circulare, eliptice, dykuri, sau sub formă de curgeri. Pe piciorul Cuculețului și la confluența V. Colbului și V. Cuculețului se găsesc doi stîlpi de andezite cuarțifere, ușor propilitizate, vulcani care au generat lavele ce se dezvoltă spre dealul Runcului. Stîlpi de andezite cuarțifere mai apar în cursul superior al V. Colbului, pe P. Sft. Gheorghe, iar lave de acest tip se dezvoltă pe Măgura Mare, Piatra Tisei și Dealul Comorii.

Între Vf. Ulmului și Poiana Șeicini se găsește un dyk de andezite cuarțifere, avînd o lungime de cca $2\frac{1}{2}$ km, iar pe V. Roșie se dezvoltă un alt dyk pe cca $\frac{1}{2}$ km. În general andezitele cuarțifere străbat complexul dacitic. La confluența V. Colbului cu V. Cuculețului, curgerile de andezite cuarțifere stau peste aglomeratele de Colbu, datorită eroziunii care a înlăturat învelișul de dacite de Colbu. În partea de nord-vest a V. Cuculețului cît și la nord de V. Roșie, se observă stîlpi de andezite cuarțifere care străbat andezitele cu augit și hipersten.

Andezitele cu augit și hipersten se dezvoltă sporadic în partea sudică a regiunii, pe cînd în partea nordică au cea mai mare dezvoltare. Ele apar sub formă de stîlpi, filoane, și curgeri de lavă. Aceste curgeri de lave andezitice dau la prima vedere impresia unei monotonii petrografice. Totuși examinate în detaliu, permit descifrarea unei variații mineralogice și structurale. Astfel, există andezite cu augit și hipersten care prezintă acumulări feldspatice, mergînd pînă la roce formate numai din andezin dînd tipul de andezinite. Astfel de roci andezinitice apar la sud de confluența P. Țiganului cu V. Băița.

Uneori augitului și hiperstenului i se asociază hornblendă, remarcîndu-se în cazul hiperstenului o creștere a conținutului în ferrosilit. Andezite de acest tip au fost descoperite sub Pietrele Cruții și sub Dealul Paltin.

Ultimele curgeri de lave andezitice apar pe vîrfurile dintre Pietroasa — Frăsineasa, la S de Măgura Mare, deasemenea pe Poiana Șeicini. În aceste tipuri de andezite piroxenice, hiperstenul domină asupra augitului.

Faza III-a se încheie cu andezite cu hornblendă care formează cîteva filoane situate la nord de valea Colbului și Cuculețului. Ele se caracterizează prin dezvoltarea largă a cristalelor de hornblendă care pot atinge 2 cm. Gruparea acestor tipuri de rocă în complexul andezitic și separarea ca o fază aparte, este explicată de următoarele particularități:

— Curgerile de andezite cuarțifere de pe V. Colbului se așează pe un vechi relief format din aglomerate de Colbu la sfârșitul sarmatianului.

— Aglomeratele andezitice situate la baza andezitelor piroxenice conțin fragmente rotunjite de andezite cuarțifere cu hornblendă.

— Există stîlpi de andezite cuarțifere care străbat andezitele piroxenice și aglomeratele andezitice.

O astfel de grupare a erupțiilor, presupune existența a trei cicluri magmatice și este strins legată de cele două cicluri tectonice prin care a trecut bazinul Baia Mare. Primul ciclu magmatic care a generat andezitele se încheie cu termeni bogați în alcali și foarte acizi de tipul trahitelor și riolitelor. Ciclul al II-lea începe cu dacite de tip Limpedea, trecând spre tipul de dacite mai bazice de tip Ulmoasa și Piscuiatu. Aceste două faze se situază în primul ciclu tectonic, încadrat de scufundarea bazinului Baia Mare la sfârșitul Tortonianului și ridicarea axială la sfârșitul sarmațianului. Urmează erupțiunile celui de al treilea ciclu, magmatic, care evoluează de la andezite cuarțifere spre termeni bogați în hipersten. Andezitele cuarțifere le-am putea considera așa dar, ca episoade ale evoluției unei magme andezitice.

Date petrografice

Andezitele cu hornblendă și piroxen — de aceste andezite sînt legate aglomeratele andezitice situate la nord de poiana Șeicini, cît și tufurile de pe P. Porcului, V. Roșie și din galeria situată în apropiere de P. Gajilor.

În general aceste tufuri au o culoare verzuie și pot fi uneori șistuoase, alte ori compacte. Tufurile sîstose stau la baza andezitelor vechi, iar tufurile compacte intercalează obișnuit între curgerile de lave.

Rocile andezitice sînt propilitizate, sericitizate și piritizate. Pe P. Muncelului apar numeroase brezii de explozie puternic silicificate, care sînt formate din fragmente de andezite, marne, gresii, tufuri și micașisturi, sau numai din fragmente de andezite. Fenomene de silicifieri mai apar pe D. Pietraru și la intrarea pe V. Roșie care sînt legate tot de andezitele vechi.

În rocile andezitice feldspatul plagioclaz este transformat în caolinit, iar mineralele colorate în clorit, care obișnuit se extinde în pastă sub formă de plaje. Dintre mineralele colorate se recunosc contururi caracteristice pentru amfiboli și piroxeni. Calcitul apare ca pseudomorfoză după feldspat sau se poate localiza în pastă. Apatitul îl găsim prezent atît în pastă cît și ca incluziuni în mineralele colorate. În andezitele silicificate mineralele colorate aproape că lipsesc, ele fiind complet înlocuite cu cuarț secundar. Alteori fenomenul de silicifiere este așa de avansat, încît roca pare constituită dintr-un agregat mărunț de cuarț secundar în care cu greu se mai poate distinge fenocristalele.

Trahitele — se recunosc ușor prin culoarea lor caracteristică, cenușie cu nuanțe deschise, sau alternanțe de benzi cenușii cu benzi violacee, care trădează aspectul lor fluidal. Rocile trahitice în general sînt compacte, fine și rare, ori pot prezenta o textură vacuolară. Uneori se pot distinge cu ochiul liber cristale de feldspat și rare ori de piroxen complet limonitizate. Aspectul feldspatic este mai bine evidențiat cînd roca este alterată. Deseori le sînt asociate brezii de explozie, formate din fragmente de roci trahitice și cimentate cu silice. De aceste explozii violente sînt legate procesele de silicifiere care afectează toate rocile trahitice. Astfel, se remarcă, prezența cuarțului secundar, depus în pastă, vacuole sau înlocuind fenocristalele.

În rocile trahitice de la Piatra Șoimului fenocristalele sînt de sanidin, căruia i se asociază piroxenul. Fenocristalele de sanidin și piroxen pot apărea uneori într-o pastă de culoare brună, pigmentată cu praf de minereu,

dar obișnuit într-o masă microlitică, care amintește de structura trahitică. Microlitele n-au putut fi determinate din cauza dimensiunii lor foarte reduse, dar totuși caracterul potasic al unor roci din regiunea Baia Mare [12] a fost confirmat prin câteva analize chimice. Sanidinul apare în prizme alungite, maculate după legea Karlsbad, în care indivizii pot avea aceeași mărime sau pot fi disproporționați. Unul dintre indivizii maculați prezintă o structură caracteristică pentru sanidin, care în rocile riolitice este mult mai accentuată. Cristalele de sanidin pot atinge cca 2 mm., iar în partea centrală sînt sericitizate. (—) $2V = \text{mic}$, iar $Ng' = 1,524$. Obișnuit, pe cristalele de sanidin, cît și în pastă se dezvoltă cuarț secundar.

Piroxenul este complet transformat și se poate recunoaște după conturul caracteristic. Dimensiunile lui variază între 0,10—0,34 mm.

Tufurile riolitice — apar destul de frecvent printre rocile riolitice, de care se deosebesc foarte greu. Tufurile riolitice au o culoare cenușie albicioasă și conțin fragmente rotunjite sau elemente tabulare, verzui, a căror orientare le imprimă un aspect șistuos. Alte ori, aceste tufuri sînt mult mai compacte și se poate remarca în acest caz prezența cristalelor de sanidin, albit, cuarț și fragmente de rocă.

Riolitele — prezintă o culoare cenușie, albicioasă, sînt compacte, uneori cavernoase, obișnuit apar silicifiate și piritizate. În spărtură prezintă zone de caolinizare cu aspect elipsoidal, în general orientate paralel. Cuarțurile sînt mărunte și vizibile cu ochiul liber.

Acestor roci riolitice le sînt caracteristice fenocristalele de albit, sanidin și cuarț, care plutesc într-o pastă ușor fluidală și silicifiată. Pasta obișnuită este pigmentată cu praf de minereu și sericit; mai poate apare biotit, epidot și zircon.

Albitul poate atinge 1,60 mm, în general este nemaclat și transformat în sericit. Sanidinul apare în prizme alungite, cu dimensiuni apropiate de ale albitului și cantitativ este subordonat acestuia. De obicei sanidinul este maculat după legea Karlsbad, prezentînd structura specifică lui, mult mai accentuat decît în trahite. (—) $2V = \text{f.mic}$. Cuarțul este idiomorf, prezintă dimensiuni între 0,40—0,16 mm., este puternic corodat și invadat de pastă.

Aglomeratele de Limpede — acest tip de aglomerate au o culoare cenușie și se compun din numeroase elemente de dacite, andezite violacee, tufuri verzui și marne prinse într-un ciment dacitic feldspatic. Uneori, se remarcă prezența unor blocuri de sarmațian prinse în aglomerate, care sînt alcătuite din marne, tufite și benzi filiforme de cărbuni. Pe V. Băița se pot separa zone de trecere spre lave dacitice, amintind de curgeri interstratificate.

Dacitele de Limpede — se dezvoltă pe V. Băița, Coasta Limpede și la nord de piciorul Cuculețului. Dacitele de Limpede prezintă o culoare verzuie, cenușie, sînt compacte, uneori au aspect brecios; de asemenea sînt frecvente în aceste dacite fenomenele de piritizare, sericitizare și silicifiere.

Fenocristalele sînt de feldspat plagioclaz, cuarț, hornblendă, iar pasta este ușor recrystalizată și uneori silicifiată.

Feldspatii plagioclazi rare ori sînt proaspeți, sînt ușor zonați prezentînd slabe recurențe. Maculele frecvente sînt după legea albit, obișnuit fiind asociați doi indivizi și rare ori apar macule polisintetice. Feldspatul plagioclaz este un oligoclaz, conținînd 29% An. Hornblenda este complet

resorbită și conține numeroase incluziuni de plagioclaz. Există frecvent pseudomorfoze de calcit și clorit pe fenocristale. Cloritul, se poate extinde spre marginea unde se dispune sub formă de coroană. Cuarțul apare foarte frecvent, avînd dimensiuni ce variază între 0,20—2,60 mm.

Aglomeratele de Colbu. — aflorează pe V. Colbului și în cursul superior al V. Băița. Aglomeratele de tip Colbu au o culoare verzuie sau cenușiu deschis și conține fragmente de dacite feldspatice tip Colbu, tufuri și marne. Fragmentele de dacite feldspatice, variază între 5 cm și 30 cm. totuși uneori se dezvoltă așa de mult încât atîng chiar 1 m.

Dacitele de Colbu — acest tip de dacite se recunosc ușor prin faptul că sînt feldspatice și au o culoare violacee sau cenușie. Cuarțurile sînt mărunte, iar cristalele de hornblendă sînt larg dezvoltate; uneori sînt afectate de fenomene de caolinizare și piritizare.

Fenocristalele sînt de feldspat plagioclaz, hornblendă, cuarț și mai rar de piroxen. Pasta este recristalizată și invadată de calcit și de plaje de clorit. Plagioclazul este maclat polisintetic, prezintă pseudomorfoză de clorit și calcit, uneori fiind transformat în caolinit. Conținutul în An. este de 25%, corespunzînd unui oligoclaz. Hornblendă și piroxenul sînt complet resorbite și căptușite cu colorit și calcit. Fenocristalele de hornblendă pot atinge 5 mm. Cuarțul este corodat și prezintă numeroase fisuri umplute cu clorit.

Dacitele de Ulmoasa — se recunosc ușor prin mărimea granulelor de cuarț care pot atinge 1 ½ cm; uneori sînt puternic feldspatice. În dacitele de Ulmoasa pasta este microlitică și amintește dese ori de structura pilotaxitică.

Plagioclazul se găsește atît în fenocristale cît și sub formă de microlite însoțind augitul. În general, prezintă structuri zonate și puternic recurente. Maciele prezente sînt după legea albit, albit — Karlsbad și uneori periclin. Pe ultimile învelișuri ale structurii plagioclazului se dispune o coroană de praf de minereu. Feldspatul plagioclaz este un andezin, avînd un conținut de 40% An. $Np' = 1,546$ corespunzînd la 38% An. Augitul rare ori este proaspăt, obișnuit este pseudomorfozat de clorit, conținînd incluziuni de feldspat, zircon și apatit. Uneori este prezentă o pseudomorfoză de bastit pe un piroxen rombic. Hornblendă apare foarte sporadic. Cuarțul este puternic corodat și invadat de microlite.

Dacitele de Piscuiatu — apar la sud de Măgura Mare, Vf. Tirza și la est de Piatra Șoimului. Acest tip de dacite se recunosc prin faptul că sînt feldspatice au cuarțuri mărunte și o culoare violacee sau cenușie.

Feldspatul prezintă structuri zonate și este maclat polisintetic. Este transformat în caolinit și invadat de clorit sau cuarț secundar. Hornblendă și piroxenul sînt complet resorbite recunoscîndu-se după conturile caracteristice lor. Pasta este brună, silicifiată și ușor recristalizată conținînd praf de minereu. Cuarțul este corodat, uneori ajungînd la forme scheletice. Se poate distinge și cuarț secundar care apare atît în feldspat cît și în pastă.

Aglomeratele andezitice — elementul principal în acest tip de aglomerate îl constituie fragmentele de andezite cu hornblendă. Aceste fragmente sînt ușor propilitizate și au dimensiuni foarte variate, atîngînd uneori 15 cm. Sînt frecvente fenocristalele de plagioclaz și hornblendă, care plutesc într-o masă sticloasă de culoare brună.

Plagioclazul are dimensiuni variabile și prezintă structuri puternic zonate pe care se desenează macle după legea albit. Hornblendă este parțial

resorbită și conține incluziuni de feldspat. Praful de minereu se dispune fie marginal sub formă de coroană, sau invadează în toată masa cristalului. În aceste tipuri de andezite este prezent și cuarțul care este puternic corodat.

Andezitul cuarțifer — aceste tipuri de roci au în general o culoare neagră, exceptând doi stâlpi de andezite de pe V. Colbului, care sînt propilitizați. Se remarcă în acest caz prezența fenocristalelor de plagioclaz, augit, hornblendă și cuarț care plutesc într-o masă microlitică, amintind de structura pilotaxitică. La andezitele cuarțifere de pe Piatra Tisei, Măgura Mare și Dîmbul Comorii se asociază și hiperstenul.

Plagioclazul este puternic zonat, prezintă incluziuni solide, iar nucleul este umplut cu praf de minereu. Maculele frecvente sînt după legea aibit, albit-Karlsbad și periclin. Plagioclazul din primele tipuri de andezite cuarțifere corespunde unui andezin, care are un conținut de 48 % An., nucleul este un labrador (52 % An.) iar zona marginală corespunde unui andezin (38 % An.).

În ultimele tipuri de andezite cuarțifere feldspatul este un labrador, corespunzînd la 52 % An. Augitul obișnuit este cloritizat. $Ng : c = 43^\circ$ Hornblendă este complet resorbită și conține incluziuni de feldspați; praful de minereu invadează în interiorul cristalelor de hornblendă, sau se dispune la marginea lui. Cuarțul este frecvent corodat ajungînd uneori chiar la forme scheletice.

Andezitele cu augit și hipersten — sînt roci de culoare neagră, compacte, iar prin alterație sînt cenușii și îmbracă un caracter feldspatic evident. Andezitele piroxenice prezintă o mare variabilitate structurală, mergînd de la tipuri bogate în sticlă pînă la tipuri holocristaline. Structura pilotaxitică caracterizează aceste roci și se ajunge uneori chiar la orientarea fenocristalelor. Există de asemenea o variabilitate privind conținutul în piroxen și anume augitul tinde să fie subordonat hiperstenului spre termenii mai recenți ai rocilor andezitice. Uneori, apar asociații de augit, hipersten și hornblendă în care cristalele de hornblendă pot atinge 5 mm. Alte ori se remarcă o variație privind conținutul în plagioclaz, mergînd de la 20 % plagioclaz spre roce feldspatice de tip andezinit, în care piroxenul este sub 6 %.

Feldspații plagioclași au structuri zonate și conțin incluziuni de augit și hipersten. În andezite conținutul în An. este de 50 %, ajungînd chiar la 55 % An., iar în andezinite de 48 %. În acest ultim caz structurile zonate sînt mai puțin accentuate. Hiperstenul apare prismatic sau în granule mărunte, rotunjite și dispersate în pastă împreună cu augitul. $Ng = \text{verzui}$, $Nm = \text{roz}$, $Np = \text{roz deschis}$. Deseori prezintă coroane de reacție cu augitul. În general se remarcă o creștere a conținutului de ferrosilit în cristalele de hipersten din andezitele cu augit, hipersten și hornblendă.

— Hiperstenul din andezitele cu augit și hipersten ... (—) $2V = 60^\circ$ corespunzînd la 30 % (ferrosilit).

— Hiperstenul din andezitele cu augit, hipersten și hornblendă ... $Ng - Np = 0,017$ iar (—) $2V = 55\frac{1}{2}^\circ$ corespunzînd la 47 % ferrosilit.

Augitul apare asociat cu hiperstenul, prezentîndu-se atît sub formă prismatică cît și în cristale mărunte. $Ng : c = 40^\circ$. Augitul uneori este transformat în clorit, iar hiperstenul în bastit și bowlingit. Hornblendă este reprezentată prin varietatea brună, dese ori fiind resorbită, iar marginal prezintă o coroană formată din cristale mărunte de piroxen. Biotitul este destul de rar, în schimb este frecvent apatitul și zirconul.

Andezitele cu hornblendă — acest tip de andezite se caracterizează prin dezvoltarea hornblendelor pînă la 1 1/2 cm. Hornblendă este complet resorbită și prezintă numeroase incluziuni de feldspat. Pasta este sticloasă și are o culoare brună.

Considerațiuni chimice

În cadrul laboratorului de chimie s-au executat 6 analize (tabela 1.) dintre care acelea care privesc dacitul de Limpedea și dacitul de Colbu, nu sînt satisfăcătoare, pentru că nu s-a putut găsi un material suficient de proaspăt. De asemenea, pentru andezitele vechi și trahite nu posedăm analize chimice, dar pentru ultimele utilizăm datele din literatură, cu scopul de a pune în evidență relațiile chimice pe care le prezintă cu riolitele. I. Riolit (V. Limpedea). II. Dacit de Ulmoasa (p. Bărbunacului) III. Andezit cuarțifer (Tf. Ulmu). IV. Andezit cu augit și hipersten (V. Colbului).

Tabela 1.

	I.	II.	III.	IV.
SiO ₂	70,94	55,63	53,90	52,87
Al ₂ O ₃	15,64	17,93	16,50	17,67
Fe ₂ O ₃	0,24	4,33	4,56	7,11
FeO	0,49	2,90	2,58	1,78
MgO	0,15	1,88	4,30	4,86
MnO	0,02	0,20	0,16	0,23
CaO	0,56	6,68	6,42	9,36
K ₂ O	5,31	0,96	1,45	0,66
Na ₂ O	4,43	3,25	2,40	2,74
H ₂ O —	0,27	1,76	1,33	0,89
H ₂ O +	1,25	2,12		1,10
TiO ₂	0,34	0,89	0,59	0,88
CO ₂	urme	1,30	5,23	—
S	0,12	—	—	0,09
TOTAL	99,77	99,84	100,46	100,35

Compoziția normată

	I	II	III	IV
Q	23,94	15,06	15,16	10,20
Or	31,14	5,56	8,34	3,34
Ab	37,20	27,25	20,44	23,06
An	2,50	31,41	30,02	34,19
Di	—	2,24	2,69	9,29
En — Hy	0,3	6,73	12,94	7,80
Mt	0,23	6,26	6,50	2,94
Hm	—	—	—	4,32
Il	0,61	1,52	0,91	1,50
C	1,73	—	—	—
Pr	0,12	—	—	—

Din analiza executată în dacitul de Limpedia și în dacitul de Colbu, reținem conținutul în alcali care o apropie de ale dacitului de Ulmoasa. Dacitul de Limpedia conține 3,35 % Na_2O , 1,80 % K_2O , iar dacitul de Colbu 3,25 % Na_2O și 2,04 % K_2O .

Ușoare procese de autometamorfism au afectat și andezitul cuarțifer, dar totuși rezultatele pot fi interpretabile.

Parametrii lui Niggli.

Tabela 2

	Q	L	M	π	K	γ	mg	si	al	fm	c	alk	qz	
I	53	44,5	2,5	0,03	0,44	0,00	0,27	394	51	4	3	42	126	Magmă aplit-granitică
II	43,5	45	11,5	0,48	0,16	0,00	0,32	185	35	28	24	13	33	Magmă cuarțdioritică
III	40	40,5	19,5	0,52	0,27	0,015	0,53	161	31	37,5	21,5	10	21	Magmă dioritică
IV	35	40	25	0,54	0,12	0,15	0,51	141	27,5	38	26,5	8	9	Magmă dioritică

Din parametrii lui Niggli (tabela 2) reiese că, riolitele corespund unei magme leucogranitice, tip aplit-granitică, dacitele de ulmoasa unei magme cuarț-dioritică, iar andezitele unei magme dioritice. Urmărind variația lui fm în funcție de al într-un sistem de coordonate rectangulare (fig. 1), se constată că riolitele se plasează în câmpul salic, iar dacitele

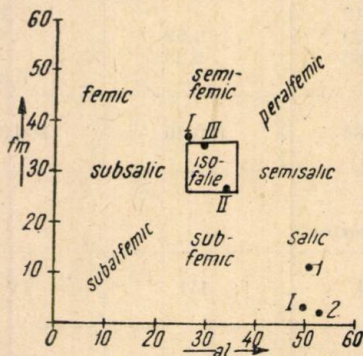


Fig. 1. 1 Trahit *) V. Frumușoia Murgău
2 Trahit *) D. Tarda Seini

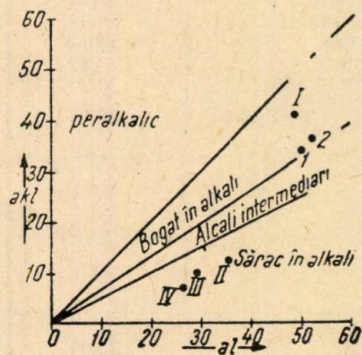


Fig. 2

de Ulmoasa și andezitele cuarțifere într-un spațiu în care valorile sînt aproximativ egale. Andezitele cu augit și hipersten se proiectează în apropierea câmpului femic. Reprezentînd valorile alk în funcție de al într-un sistem de coordonate asemănător, se remarcă un conținut ridicat în alk

*) Parametrii au fost luați din lucrarea lui D. Rădulescu: „Asupra rocilor trahitice din regiunea Baia Mare“ 1953.

și al pentru riolite și scăzut pentru dacitele de Ulmoasa și andezite. Diagrama din fig. 3. atrage atenția asupra valorii medii a lui k pentru riolite și creșterii conținutului în mg pentru andezite. Riolitele sînt proiectate

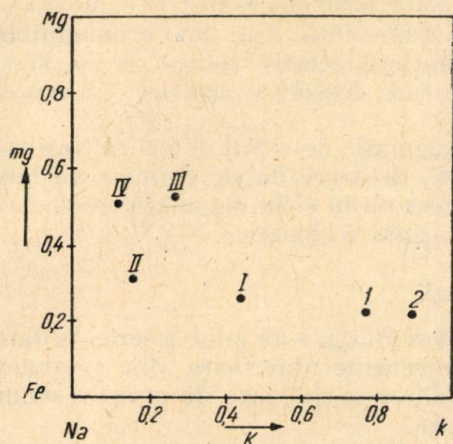


Fig. 3

la limita cîmpului pacific, la o distanță foarte mare de dacite și de andezite. Astfel, riolitele reprezintă separațiuni puternic leucocrate, bogate în alcali, ale primului ciclu magmatic. Restul rocilor apar ca separațiuni bogate în fm și c al celui de al doilea și al treilea ciclu magmatic. Rocii cu conținut ridicat în alcali și anume de tipul trahitelor de Piatra Șoimului, au mai fost descrise în Regiunea Baia Mare [11], dar posedînd un caracter puternic potasic. Diagramele din fig. 4 și 5 arată deasemenea încadrarea acestor 4 tipuri de roci în cîmpul pacific, dar în ambele cazuri riolitele sînt situate la marginea diagramei. În cazul diagramei bazate pe minerale norma-

tive, vectorul riolitelor are o poziție orizontală. Deasemenea, riolitele se proiectează mult mai departe de trahite cu cari erau asociate în primele diagrame. Acest lucru este justificat de valoarea ridicată a lui Q , dar care totodată poate să ne sugereze ideea că riolitele ar fi evoluat deosebit de trahite.

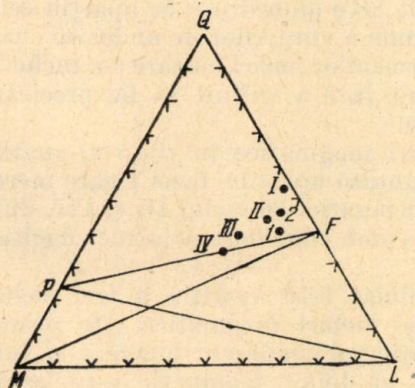


Fig. 4

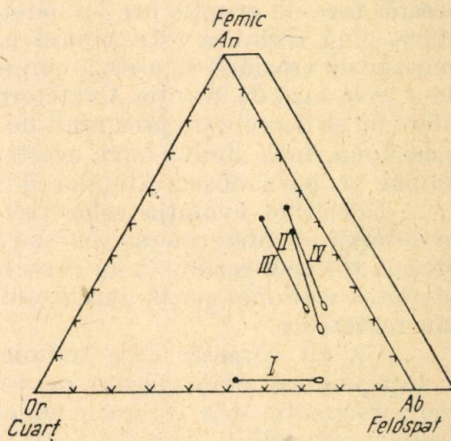


Fig. 5

Datele pe care le posedăm nu ne permit a face considerațiuni de ordin genetic, totuși în linii mari ne putem face o idee privind evoluția ciclurilor magmatice.

Magma care a generat andezitele din faza I-a a fost puternic diferențiată, conducînd la termeni bogați în alcali și silice. Încheierea acestui

prim ciclu magmatic este astfel confirmată și de caracterul chimic pe care-l prezintă aceste ultime separațiuni de tipul riolitelor.

În faza II-a diferențierea este mai puțin accentuată, evoluind de la dacite cu caracter mai acid spre dacite piroxenice de tip Ulmoasa și de tip Piscuiatu. Dacitul de Ulmoasa reprezintă, așa dar, o acumulare mai bazică, caracterizată printr-un conținut relativ ridicat în *fm* și *c*, care îl apropie de andezitul cuarțifer cu care deseori se asociază în reprezentările grafice.

Pentru a separa ciclul al doilea magmatic de ciclul al treilea, trebuie recurs numai la observațiunile de teren, deoarece datele chimice nu mai sînt concludente. Magma dioritică în acest ultim ciclu magmatic evoluează spre termeni bazici cu frecvente separațiuni feldspatice.

Concluzii

Prin studiul eruptivului din regiunea Băița, s-au adus o serie de date noi față de rezultatele obținute de cercetările anterioare din regiunea Baia Mare. Astfel, a fost posibilă stabilirea a trei faze de erupție strîns legate de evoluția bazinului Baia Mare.

Apariția primei faze este determinată de scufundarea acestui bazin la sfîrșitul Tortonianului și este marcată prin apariția unui orizont de tufuri șiistoase. Tufurile stau peste depozitele tortoniene și suportă andezitele vechi. Ciclul magmatic se încheie cu roci trahitice și riolitice, care reprezintă ultimile erupțiuni caracterizate printr-un conținut ridicat în alcali și silice.

Faza II-a cuprinde un complex dacitic care evoluează de la dacitul de Lîmpedea spre dacite piroxenice de tip Ulmoasa și Piscuiatu. Încheierea acestei faze de erupție are loc odată cu ridicarea axială a bazinului Baia Mare, cînd regiunea este supusă unui regim de eroziune. Pe acest relief generat de eroziune se așează curgerile de lave andezitice, ce aparțin celei de a treia fază de erupție. Caracterul chimic a curgerilor de andezite cuarțifere nu se deosebește prea mult de al termenilor bazici cu care s-a încheiat faza doua, încît limita între aceste ultime faze a trebuit să fie precizată numai pe baza observațiunilor de teren.

Urmărind evoluția celor trei cicluri magmatice în timp și spațiu, se observă că diferențierea cea mai pronunțată aparține fazei I care merge pînă la termeni reziduali, cu caracter leucocratic. În ciclul II. și III. diferențierea este mai puțin accentuată, ea conducînd numai la roci dacitice sau andezitice.

Un alt caracter care trebuie subliniat este apariția a trei cicluri metalogenetice strîns legate de cele trei cicluri magmatice. De primul ciclu magmatic este legată o mineralizație preponderent auriferă și subordonat de sulfuri complexe. De ciclul al doilea magmatic este legată inițial o mineralizație de sulfuri complexe, trecînd apoi spre un tip de mineralizație auriferă, în timp ce ultimul ciclu magmatic determină o mineralizație argentiferă.

Unele considerațiuni asupra formațiunilor eruptive din regiunea Băița au un caracter general, urmînd ca ele să fie detaliate în momentul cînd materialul documentar va fi mai bogat.

Catedra de Mineralogie
Facultatea de Geologie-Geografie
București

G. CIOFFICA

Scale 1/20000



G. CIOFLICA
CE IN REG
Scara 1:20000



ALL CALIFORNIA

   	Andante, o larghetto Andante a mezzo spiccato, molto marcato Andante marcato Andante Danz de Polono Danz de Valse Appareille de Cello Danz de Cello Appareille de Longines Appareille de Longines Riddle, solo violon Tralle Andante in humilidade e pieta Tel	Andante, o larghetto Andante Danz de Polono Danz de Valse Appareille de Cello Danz de Cello Appareille de Longines Appareille de Longines Riddle, solo violon Tralle Andante in humilidade e pieta Tel
--	--	--





Fig. 1 — Riolit, Valea Roșie, 23 x, Nicolli +

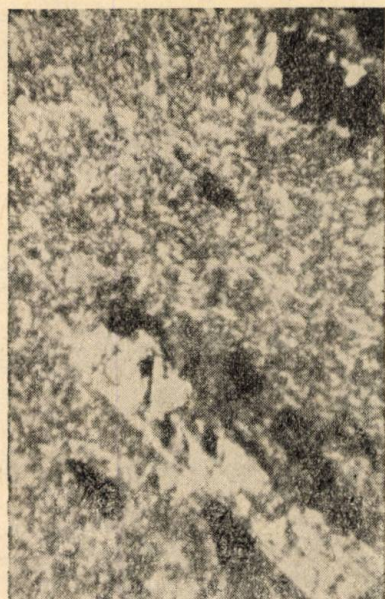


Fig. 2 — Trahit, Piriul Lapoșă, 23 x, Nicolli +

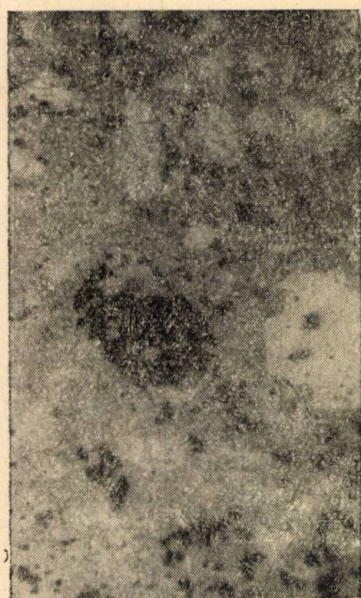


Fig. 3 — Dacit de Limpedea, Valea Băița; 23 x, Nicolli



Fig. 4 — Dacit de Colbu, Valea Colbului, 23 x, Nicolli



Fig. 1 — Dacit de Ulmoasa, Pîrîtul Bărbunacului,
23 x, Nicolii +



Fig. 2 — Dacit de Piscuatu, Pîrîtul Lapoşa, 23 x, Nicolii +



Fig. 3 — Andezit cuarțifer, Vrf. Ulmului, 23 x, Nicolii +

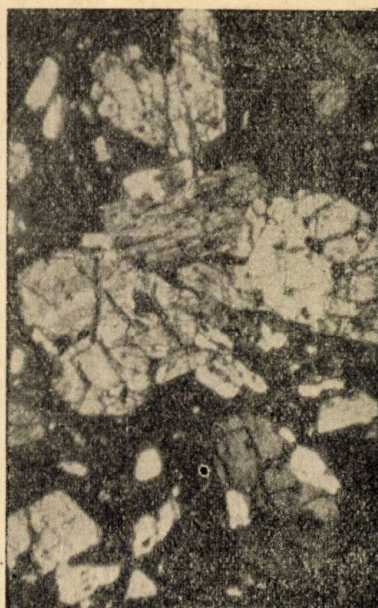


Fig. 4 — Andezit ce augit și hipersten, Valea Colbului, 23
x, Nicolii +



Fig. 1 — Andezit cu augit şi hipersten, Creasta Limpedei, 23 ×, Nicolii +



Fig. 3 — Andezit cu agutit. hipersten şi hornblendă, Pietrile Cruşii, 23 ×, Nicolii +



Fig. 2 — Andezit, Valea Băiţa (amonte de confluenţe cu pîr. Blestemata) 23 ×, Nicolii +

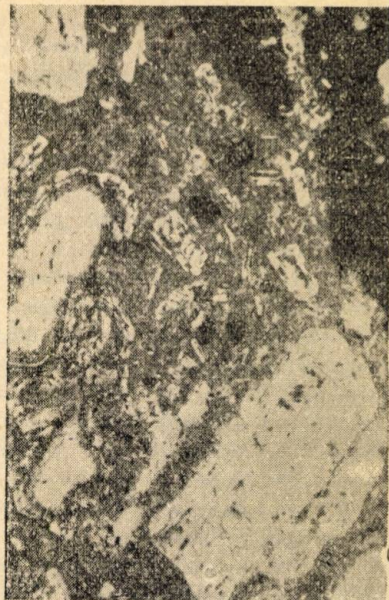


Fig. 4 — Andezit cu hornblendă, Valea Colbului, 23 ×, Nicolii +

BIBLIOGRAFIE

- [1] Burri C. și P. Niggli: *Die jungen Eruptivgesteine des mediterranen Orogens-zürich* 1945.
- [2] Cioflica G. și S. Pauliuc: *Raport geologic-minier asupra regiunii Băița (Baia Mare)* Arhiva Comitetului Geologic 1951.
- [3] Dimitrescu R.: *Raport asupra ridicărilor geologice din Munții Oașului* — Arhiva Comitetului Geologic — 1953.
- [4] Gherasi Niculae: *Raport geologic preliminar asupra regiunii Baia Mare (Intre Valea Roșie și Băița)* — Arhiva Comitetului Geologic — 1950.
- [5] Giușcă D.: *Raport geologic preliminar asupra regiunii miniere Baia Mare* — Arhiva Comitetului geologic — 1950.
- [6] Iorgulescu T.: *Microfauna unor profile și sedimentarul zonei eruptive a regiunii Baia Mare* — Arhiva Comitetului Geologic — 1952.
- [7] Larsen E.: *Some new variation diagrams for groups of igneous rocks* — Journal of geology vol. XLVI Nr. 3 part. II. 1938.
- [8] Manilici V. și N. Lupei: *Studiul geologic al sectorului Baia Sprie-Cavnic (Reg. Baia Mare)* — Dări de Seamă — Vol. XXXVIII — 1950—1951.
- [9] Mezosi I.: *Geological structure of the environment of Lapošbanya* — Acta Univ. Szegedensis Sect. Sc. Nat. (M.P.) Vol. II. pg. 36—40 Szeged. 1948.
- [10] Palfi M.: *Geologische Verhältniss von Ilobobanya, Miszbanya und Laposbanya* — Jahresh d.k.u. geol. P. 1916.
- [11] Paucă Mircea: *Sedimentarul din regiunea eruptivă de la Nord și Est de Baia Mare* — Arhiva Comitetului Geologic — 1952.
- [12] Rădulescu D.: *Asupra rocilor trahitice din regiunea Baia Mare* — Acad. R.P.R. Tom. III. Nr. 11—12 — 1953.
- [13] Rădulescu D.: *Date noi asupra rocilor trahitice din regiunea Baia Mare* — Arhiva Comitetului Geologic — 1955.
- [14] Winchel A. N. și H. Winchel: *Elements of optical mineralogy* — (Trad. din l. engleză) — Moscova — 1953.

ЕГЕОЛОГИЧЕСКИЕ И ПЕТРОГРАФИЧЕСКИЕ ИССЛЕДОВАНИЯ МАГМАТИЧЕСКИХ ФОРМАЦИЙ БАЙЦКОЙ ОБЛАСТИ (БАЯ-МАРЕ)

В настоящей работе автор проводит новым данные относительно установления фаз извержений в Байцкой области (Бая Маре). Для этой области автором были установлены три фазы извержения, имевшие место начиная с конца тартона до начала понтического времени.

Первая фаза извержения начинается с конца тартона и кончается в нижнем сармате. К этой фазе относятся андезитовые, трахитовые и риолитовые породы.

Вторая фаза извержения составлена доцитовым комплексом пород нижне и средне сарматского возраста. Эта дацитовая вулканическая деятельность закончилась до опускания области факт доказанный тем, что дациты никогда не внедрялись в сарматских конгломератах.

Третья фаза извержений составлена андезитовым комплексом наложенным на древнем рельефе образовав дацитовыми конгломератами в еерхнем сарматском времени и продолжается до начала понтического времени.

Таким образом, группировка фаз извержений предполагает существование трех магматических циклов, тесно свяваны с двумя тектоническими циклами через которых прошёл аассейн Бая Маре.

L'ETUDE GEOLOGIQUE ET PETROGRAFIQUE DE FORMATION ERUPTIV
DAUS LA REGION BAIȚA (BAIA MARE)

R é s u m é

Dans cette ouvrage, l'auteur amene un nouvel apport en ce qui concerne l'établissement des phases d'éruption dans la région Baița (Baia Mare).

L'auteur, établie pour cette region trois phases d'éruption, phases qui ont activées en commencement depuis la fin du tortonian jusqu'au commencement du pontian.

La première phase d'éruption commence à la fin du tortonian et se conclure dans le sarmatian inferieur. A cette phase d'éruption appartient des roches andezitiques, trahitiques et riolitiques.

La deuxième phase d'éruption contienne un complex dacitique, appartenant au sarmatian inferieur et moyen. Ce volcanisme dacitique s'est finie son activité avan que la région soit être exondée, parce-que le volcanisme ne traverse jamais le nivel conglomeratique du sarmatian.

La troisième phase d'éruption contienne un complex andezitique, qui est disposé sur un ancien relief firmé dans les conglomerates dacitiques, depuis le sarmatian superieur jusqu'au commencement du pontian.

La groupement des éruptions de cette manière suposse l'existence de trois cycles magmatiques, bien liés aux ceux deux cycles tectoniques par les quelles est passé le basin Baia Mare.

VÎRSTA ARGILELOR ROȘII DE PE VERSANTUL ESTIC AL CEAHLĂULUI ȘI POZIȚIA TECTONICĂ A ACESTOR DEPOZITE

M. G. FILIPESCU și I. PANĂ

Cu ocazia cercetărilor pe care le-am făcut în 1953 și 1954, în Flișul Carpaților Orientali, între Valea Trotușului și Valea Bistriței, am avut ocazia să constatăm pe versantul estic al Ceahlăului, existența unor depozite argiloase de culoare roșie-violacee.

Aceste depozite apar la fundul văilor Izvorul muntelui și Rîul Alb, în lungul unor scursuri ce poartă numele de Lutul Roșu, datorită tocmai acestor depozite pe care le taie.

Depozitele menționate stau peste gresii masive de culoare cenușii gălbuie, care după dispoziția zonală corespund cu acele depozite, ce mult mai la sud au furnizat un conținut paleontologic ce a îndrituit să li se atribue vîrsta aptian — albiană.

Peste argilele roșii amintite stau, gresii cu totul asemănătoare celor pe care se sprijină, gresii ce trec în Conglomeratele de Ceahlău în masa cărora se întîlnesc imensele blocuri de calcare cu caprotine, urgoniene.

Prof. Sava Athanasie [1] atribuie acestor depozite vîrsta eocenă, ca și gresiilor pe care stau.

Prof. G. h. Macovei și I. Athanasie [2] deși nu se ocupă în special de aceste depozite se referă probabil la ele atunci cînd semnalează că în Aptianul marnos există intercalații groase de 2—3 metri de argile roșii.

I. Băncilă [3] în lucrarea sa de sinteză asupra structurii Flișului Carpaților Orientali, prezentată la Comitetul Geologic în 1952, menționează existența acestor depozite în fața Ceahlăului fără a insista asupra vîrstei și semnificației lor tectonice.

Unul dintre noi, bazat pe asemănarea frapantă a poziției morfologice și geologice a acestor depozite față de masivul Ceahlăului, cu cea a depozitelor argiloase roșii senoniene din Valea Telejenelului față de masivul Zăganului, a emis supoziția expusă cu altă ocazie [4] că argilele roșii de pe versantul estic al Ceahlăului ar putea să aibă vîrsta senoniană ca și acele de pe Valea Telejenelului.

¹⁾ Athanasie Sava: *Raport asupra activității Institutului Geologic* pe anii 1906—1907 pag. 2.

²⁾ G. h. Macovei și I. Athanasie: *Structura geologică a Văii Bistrița între Pîngărați și Bistrișioara. Dări de seamă*, vol. VIII ...

³⁾ I. Băncilă: *Structura Flișului Carpaților Orientali*. Comunicare prezentată la Comitetul Geologic în anul 1952.

⁴⁾ M. G. Filipescu: *Priviri noi asupra tectonicii Flișului Carpaților Orientali*. Revista Universității C.I. Parhon nr. 6—7/1955.

Pentru a lămuri această problemă, am cercetat îndeaproape aceste depozite din punct de vedere litologic și micro-paleontologic, obținind rezultate care ne-au permis să ne pronunțăm asupra poziției lor strati-

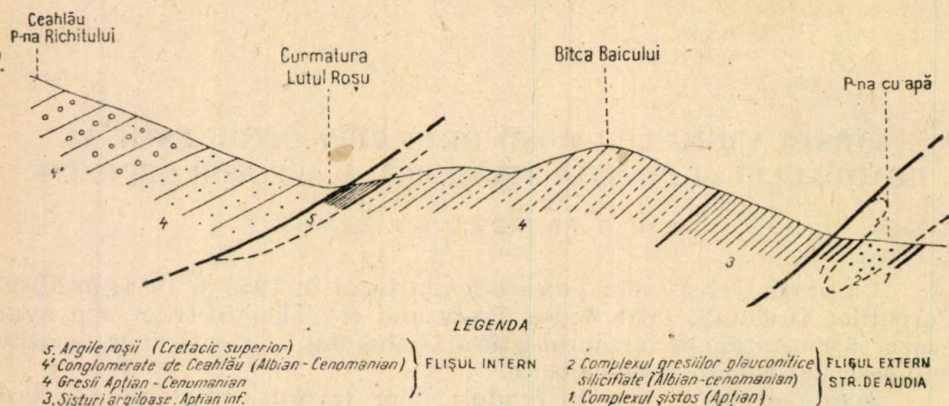


Fig. 1.

grafice și tectonice. Rezultatele acestor studii și concluziile la care am ajuns, fac obiectul comunicării de față.

Depozitele care formează obiectul acestei comunicări sînt argile de culoare roșie violacee, care în unele porțiuni trec în nuanțe verzui.

În masa lor, se întîlnesc foarte frecvent concrețiuni manganifere, de mărimi ce nu depășesc pe aceea a unei nuci sau sînt acoperite de o crustă de oxizi de mangan pînă la 4—5 mm. grosime.

Sub microscop se constată că masa fundamentală de natură argiloasă, este intens pigmentată cu oxizi de fier.

În această masă fundamentală, sînt foarte frecvente particule extrem de mici de material detritic, granule de cuarț, a căror diametru nu depășește de 0,01 mm.

În afară de particulele detritice amintite, în masa fundamentală, apar la microscop destul de rar foraminifere arenacee

Prezența foraminiferelor în aceste depozite a fost pusă în evidență și prin cercetarea amănunțită cu ajutorul lupei, a suprafeței fragmentelor de argilă.

Nici într-un caz, nici în altul, nu ne-am putut pronunța de ce anume forme ar putea fi vorba și deaceia pentru a putea stabili asociația microfaunistică din aceste depozite am procedat la cercetarea lor micropaleontologică.

Determinarea microfaunei a fost făcută de unul dintre noi (I. Pană Dumitru) prin comparație cu material figurat în diferite reviste și cu material determinat de care dispune Laboratorul de Paleontologie.

Pentru controlul determinărilor s-au comparat formele întîlnite și cu acele din colecțiile laboratoarelor de Micropaleontologie, dela Comitetul Geologic și dela Ministerul Petrolului.

Pentru verificarea rezultatelor am consultat și pe tov. micropaleontologi T. I o r g u l e s c u și G h. V o i c u, care au confirmat în cea mai

mare parte determinările făcute, prin care sa stabilit prezența în aceste depozite a următoarelor forme. :

Ammodiscus glabratus Cushman — Jarvis

Ammodiscus infimis Darland

Glomospira charoidea Parker — Jarvis, var *coronata* (Cushman-Jarvis)

Glomospira diversa — Cushman — Wathers

Thalmanina nothi Majzon

Lituotuba lituiformis H. B. Brady

Lituotuba sp.

Dorothia bulletta Carsey

Arenobulimina presti Reus

Nodellum velascense Cushman

Haplophragmoides körösmezönsis Majzon

Trochaminoides sp.

Bathysiphon filiformis M. Sars

Orbulinaria rhumbleri Franke

Placentamina placenta Grzybowski

Protonina (Pelosina) complanata Franke

Spongieri : *Spongillopsis affinis loevis* Hackel

Analizînd această asociație microfaunistică se constată următoarele :

1. Aproape toate formele din această asociație fac parte din categoria formaniferelor aglutinate.

2. Dintre genurile, întîlnite unele sînt tipice pentru Cretacicul superior. Astfel sînt genurile *Dorothia*, *Thalmanina*, *Trochaminoides*, *Orbulinaria*, *Nodellum*, *Arenobulimina*.

3. Cele mai multe dintre speciile acestei asociații ca : *Ammodiscus glabratus*, *Glomospira charoidea*, *Trochaminoides coronatus*, *Nodellum velascense*, *Haplophragmoides körösmezönsis*, sînt foarte frecvente în Cretacicul superior.

Pe baza acestor constatări se poate conchide că argilele roșii de pe versantul estic al Ceahlăului aparțin Cretacicului superior.

Se pune întrebarea în care parte a Cretacicului superior trebuiesc plasate aceste depozite.

Studiul micropalontologic al argilelor roșii de vîrstă turon-senoniene, frecvente în Flișul Carpaților Orientali, a pus în evidență existența a două orizonturi caracterizate prin forme aglutinate.

Primul orizont este situat la partea superioară a Turonianului — baza Senonianului ; al doilea orizont este localizat la partea superioară a Senonianului cam la 30 metri sub limita Senonian/Eocen.

După G h. Voicu, asociația întîlnită în depozitele argiloase de la Ceahlău ar pleda pentru situarea acestor depozite la limita dintre Turonian și Senonian ; T. Iorgulescu este de părere că depozitele ar aparține Senonianului superior.

Avînd în vedere faptul că aceste argile roșii stau peste depozite care merg pînă în Cenomanian, nu ar fi exclus ca ele să fie sincrone cu argilele roșii turon-senoniene dintre Valea Prahovei și Valea Dîmboviței cercetate de G h. Voicu.

Prin formele *Ammodiscus glabratus*, *Ammodiscus incertus*, *Glomospira charoidea*, *Trochaminoides coronatus*, asociația microfaunistică din argilele roșii de la Ceahlău se apropie foarte mult de asociația de aglutinate

întilnită în Danian — Paleocenul din regiunea Stîiscaia (U.R.S.S.) cercetată de E. V. Miatliuc¹⁾.

Acest fapt ar pleda pentru plasarea argilelor roșii de care ne ocupăm în Senonianul superior aproape de limita cu Eocenul.

Deși pentru moment s-ar părea că nu este cu putință a preciza dacă argilele roșii de pe versantul estic al Ceahlăului se găsesc la baza Senonianului sau la partea lui superioară, totuși nu rămîne nici o îndoială că ele aparțin Cretacicului superior și mai precis — Senonianului.

Stabilind vîrsta senoniană a acestor depozite, care ocupă aceeași poziție față de Flișul intern ca și depozitele similare de pe valea Telejenu-lui, sîntem puși în situația de a susține că argilele roșii senoniene de pe versantul estic al Ceahlăului aparțin zonei — paleogene Nebunul sterp — Valea Telejenel—Teliu — Toria, reprezentînd apariția cea mai nordică cunoscută pînă astăzi a acestei zone.

Acest fapt este deosebit de important pentru descifrarea structurii Flișului din Carpații Orientali.

Se știe că multă vreme G. h. Murgeanu [2] și M. Filipescu [3, 4, 5] au considerat diferitele iviri de depozite senonian-paleogene din această zonă ca reprezentînd ferestre apărînd de sub o mare unitate, tectonică pînza internă a Fișului.

În studiile sale, M. Filipescu a constatat că depozitele senonian — paleogene nu apar ca o ivire localizată, ci ca o fișie aproape continuă care împarte Flișul intern în două zone: una nord-vestică în care se constată prezența conglomeratelor și a calcarelor de la baza lor și alta sud-estică lipsită de aceste elemente.

Mai tîrziu M. Filipescu (6) a constatat că această fișie de depozite senonian—paleogene stă normal peste depozitele aptian—cenomaniene dela exterior și că este acoperită de depozitele aptian cenomaniene situate la nord vest de această zonă.

În urma acestei constatări, M. Filipescu (7) a emis părerea că pînza internă a Fișului este alcătuită din 2 subunități pe care le denumește: digitația superioară și digitația inferioară.

După acest autor digitația superioară este alcătuită din Strate de Sinaia, (Valangenian—Hautervian), Strate de Bistra-Comarnic (Bareman—Aptian) care apare în unele locuri sub faciesul urgonian (calcarele cu caprotine din cuprinsul și dela baza conglomeratelor albian — cenomaniene), seria marno-grezoasă conglomeratică reprezentată prin orizontul sistos (Aptian) orizontul grezos (Aptian—Albian) și orizontul conglo-

¹⁾ E. V. Miatliuc: Fauna de Foraminifere din seria Stîiscaia (Stratele cu Inocerami—Senonian-Danian. Microfauna U.R.S.S. Vol. IV-1950)

²⁾ Murgeanu G. h.: *Pînza de Comarnic*. Anuarul Inst. Geologic vol. XVI — 1936.

³⁾ Filipescu M.: *Cercetări geologice între Valea Teleajenului și Valea Doftanei*. Teză pag. 145 anul 1934.

⁴⁾ Filipescu M.: *Contribution a l'étude du Flysh interne compris entre le riu Crasna — Teleajen et le riu Negru*. Bull. Set. Scient. Acad. Roum. an. XVIII nr. 2—3

⁵⁾ Filipescu M.: *Etude géologique dans la régions comprises entre la vallée de Teleajen et les vallées du Stînic et Bîsca Mică*. Bull. Lab. Mineral vol. II — 1937

⁶⁾ Filipescu M.: *Cercetări geologice între valea Tîrlungului și Valea Trotușului*. Dări de seamă, Comitet Geologic vol. XXXIX 1952

⁷⁾ Filipescu M.: *Priviri noi asupra tectonicii Flișului Carpaților Orientali*, Revista Universității, vol. VI — VII. 1954—1955.

meratic întâlnit în Zăganul Ceahlău, și Stănișoara aparținând probabil Albian-Cenomanianului.

Această subunitate este deplasată și așezată anormal peste digitația inferioară în alcătuirea căreia intră Strate de Sinaia, Strate de Bistra—Comarnic, seria marno-grezoasă aptian-albiană, Vraconian, Cenomanian—Turonian și depozitele senoniene din fișia Nebunul sterp—Valea Telejenel—Telu—Toria—versantul estic al Ceahlăului, depozite care în unele locuri suportă și eocen.

Prin aceasta, se pune în evidență în zona Flișului din Carpații Orientali, o linie tectonică nouă care are o lungime de peste 200 km. având aceeași direcție cu marele linii tectonice din acest sector carpatic.

Această concepție tectonică este în contradicție cu aceea emisă de I. Băncilă (1).

După acest autor, digitația superioară stabilită de noi ar reprezenta o pînză de șariaj pe care el o denumește Pinza Stratelor de Sinaia, în timp ce digitația inferioară (Filipescu) ar aparține unității pe care el o denumește Pinza Sisturilor Negre.

În această unitate stabilită de Băncilă—Pinza Sisturilor Negre—ar intra: șisturi negre (Bavemian—Albian inferior, argile roșii (Albian superior) și Cretaciul superior reprezentat prin seria curbicorticală (Strate de Palanca) și depozitele grezoase conglomeratice (Gresia de Cotumba).

Faptele care ne fac să nu fim de acord cu concepția admisă de Băncilă sînt următoarele:

1. Șisturile negre reprezintă un facies extern al Cretacului inferior din Flișul Carpaților Orientali, sincron cu Stratele de Sinaia, Stratele de Bistra—Comarnic și depozitele marno-grezoase conglomeratice, prin care este reprezentat Cretaciul inferior al Flișului intern.

2. Seria curbicorticală (Strate de Palanca) separată de Băncilă și căreia acest autor îi atribuie vîrsta cenomanian—turoniană, după cîțiva inoceramii găsiți în ea, este constituită în realitate din două serii de depozite asemănătoare însă de vîrstă diferită și anume:

a) o serie de gresii micacee calcaroase de culoare cenușie negricioasă cu spărtură curbicorticală, străbătute de numeroase diaclaze de calcit. Este seria în care s-au găsit inoceramii în baza cărora s-a atribuit vîrsta arătată.

Această serie aparține singur zonei Sisturilor Negre după cum se poate constata foarte bine între Valea Covasnei și Valea Buzăului, unde în ea se întîlnesc și intercalații de gresii grosiere cu feldpast roșu ca și în alte complexe ale șisturilor negre.

b) A doua serie este constituită din gresii micacee argiloase curbicorticale alternînd cu șisturi verzi satinat și cu strate de grosimi variabile de gresii grosiere cenușii gălbui.

Aceste depozite cuprind în unele părți resturi de amoniți (Hoplites) și orbitoline care pledează pentru vîrsta aptiană. Ele aparțin Flișului intern și sînt sincrone cu depozitele complexului șistos din seria șisturilor negre a Flișului extern.

Această serie vine în contact cu seria precedentă pe cale tectonică, este deci un contact anormal care corespunde cu funtea digitației inferioare a pînzei interne.

¹⁾ I. Băncilă : Op. cit.

3. Depozitele grezoase și conglomeratice, denumite de I. Băncilă, Gresia de Cotumba și cărora acest autor le atribuie vîrsta toronian superioară poate chiar senoniană, sînt în realitate de vîrstă mult mai veche și anume aptian — albiană. În sprijinul acestor afirmații stau resturile de *Neohibolites minimus* List și *Neohibolites minor* Stol, găsite la Bertea Regiunea Ploști; Sita Buzăului, Reg Stalin. și la Gura Largului, Reg. Bacău.

Aceste depozite aparțin și ele Flișului intern și sînt sincrone cu complexul gresiilor glauconitice silicifiate din seria șisturilor negre a Flișului extern.

4. În componența digitației inferioare intră și Strate de Bistra — Comarnic, după cum se poate vedea în culmea Pridvariei la est de Mînăstirea Suzana și în culmea Pilușului la nord de Intorsura Buzăului

Cum Stratele de Bistra—Comarnic aparțin Flișului intern, digitația inferioară nu poate fi legată de Sisturile Negre despre care am arătat că reprezintă un facies extern al Cretaciului inferior.

Concluziuni

1. Studiul micro-paleontologic al argilelor roșii de pe versantul estic al Ceahlăului a stabilit existența în aceste depozite a unei asociații de foraminifere aglutinate caracteristică pentru Cretaciul superior (Senonian).

2. Depozitele senoniane de pe versantul estic al Ceahlăului aparține zonei de depozite cretacice superioare — eocene Nebunul sterp - Valea Telejenel — Telin — Toria.

3. Prezența acestor depozite în poziție normală față de Cretaciul inferior de la exteriorul ei și încălcate de acele dela interior, pledează pentru separarea în Flișul intern a două subunități: digitația superioară și digitația inferioară.

4. Argumentele paleontologice și stratigrafice se opun concepției după care digitația inferioară ar reprezenta o unitate tectonică legată de Sisturile Negre, deci de Flișul extern.

Catedra de Paleontologie
Facultatea de Geologie-Geografie
București

ВОЗРАСТ КРАСНЫХ ГЛИН ВОСТОЧНОГО СКЛОНА ГОРЫ ЧАХЛЭУ И ТЕКТОНИЧЕСКОЕ ПОЛОЖЕНИЕ ЭТИХ ОТЛОЖЕНИЙ

На дне долин Исворул Мунтелуй и Рыул Алб в точке называемой Лутул Рошу на восточном склоне Горы Чахлэу выходят красные глины, отнесенные предыдущими исследователями к апту.

Исследование содержаемое в этих отложениях микрофауны показывает что сообщество слипшихся фораминифер содержаемых ими, говорит в пользу отнесения этих отложений к верхнему сенону.

По занимаемому этими отложениями положению, они как бы представляют собой продолжение к северу, зоны верхнего мела-палеогена Небунул Стерп-Валя Тележенел-Тория, находясь в нормальном положении относительно внешнего среднего нижнего мела причем на них налегают средний нижний мел с внутри.

Это обстоятельство подтверждает еще больше представление что во внутреннем флише можно выделить две поединицы:

Нижнюю толщу которой принадлежат описанные красные глины и Верхнюю толщу, налегающую на вышеуказанную поединицу.

L'ÂGE DES ARGILES ROUGES SUR LE VERSANT DE L'EST DU CEAHLĂU ET LA POSITION TECTONIQUE DE CES DEPOTS

R é s u m é

Au fond des vallées de l'Izvorul Muntelui et de Riul Alba, à l'endroit nommé Lutul Roșu, sur le versant de l'Est du Mont Ceahlău, apparaissent les argiles rouges qui, avant nous, ont été attribuées, par les géologues, à l'Aptien.

L'étude de la microfaune de ces dépôts, dénote que l'association des Foraminifères aglutinantes qu'elles contiennent, nous permet de leur attribuer l'âge Sénonien supérieur.

D'après la position géologique de ces dépôts, on peut supposer qu'elles représentent la continuation vers le nord de la zone du Crétacé supérieur — Paléogène du Nebunul Sterp — Valea Telejenel-Toria, se trouvant en position normale par rapport au Crétacé inférieur-moyen de l'extérieur. Elle est chevauchée par le Crétacé inférieur-moyen de l'intérieur.

Ce fait confirme une fois de plus, l'opinion que dans le Flysch intern on peut séparer deux sous-unités :

La Digitation inférieure, à laquelle appartiennent les argiles rouges décrites, et la Digitation supérieure qui chevauche cette sous-unité.

OBSERVAȚII GEOMORFOLOGICE ÎN BAZINUL PREDOVEI, DIN RAIONUL REȘIȚA

I. RĂDULESCU și AL. ROȘU

Generalități

Valea Predova este orientată în general dela est la vest și are o lungime de aproximativ 15 km în linie dreaptă. Este o vale afluentă Bîrzavei pe dreapta, fiind chiar paralelă cu aceasta, pe porțiunea în amonte de Reșița. Aceste văi sînt despărțite de un interfluviu îngust (2—4 km lățime).

Fundul văii este drenat de pîriul cu același nume, care își are obîrșia în sudul depresiunii întramontane Tîrnova, și care se varsă în riul Bîrzava, la 1 km nord-vest de orașul Reșița.

Pîriul Predova unit cu pîriul Satului, străbat primul, jumătatea nordică și al doilea, jumătatea sudică a depresiunii Tîrnova. Aceste ape se unesc la ieșirea vestică din depresiune. În continuare, riul Predova curge spre vest printr-o vale îngustă (de aproximativ 100m lățime) pînă la intrarea în depresiunea Țerova. Din această depresiune în aval, pînă la confluența cu riul Bîrzava, valea se lățește, menținîndu-se între 4—600 m și prezentînd două gîturi, care împart această ultimă secțiune a văii Predova, în trei mici compartimente.

Pîriul Predova sculptează în cursul său superior nivelul de 400—450 m, iar în cursul inferior nivelul de 300—350m. Aceste două nivele coboară în trepte dela poalele vestice ale munților Semenici către riul Bîrzava.

Geologia

Evoluția formelor de teren din această regiune este strîns legată de elementul geologic, atît prin natura rocilor cît și prin structură, și de aceea geologia, ca una ce pregătește înțelegerea proceselor fizico-geografice, trebuie să fie urmărită în primul rînd.

Valea Predovei a fost studiată destul de sumar în trecut de unii cercetători, printre care în primul rînd se numără Schafarik, Schreier și mai ales St. Cantunari. Cercetări amănunțite s-au făcut recent de Comitetul geologic, dar rezultatele n-au fost încă publicate.

Dacă se analizează schița geologică a regiunii Miniom-Reșița-Vodnic, întocmită în 1928 de St. Cantunari, se observă, că șisturile cristaline sînt reprezentate aici prin grupul format din gneise și micașisturi, grup pe care autorul l-a denumit „cristalinul roșu” și care începe din bazinul Țerovei, și de la est de Reșița către Semenici.

Carboniferul superior este constituit din conglomerate mari peste care urmează conglomerate cu elemente mai mici. În regiunea de care vorbim, carboniferul se găsește între valea Predovei și depresiunea Reșița, privind în acelaș timp și versantul drept al acestei văi, între confluența cu Bîrzava și drumul de culme spre Soceni.

Miocenul, reprezentat prin Tartonian și Sarmațian, ne-a fost semnalat de P. Coteț în partea de est a satului Tîrnova.

Sedimentele pliocene-Ponțianul-se găsesc la nord de valea Predovei, între fișia de carbonifer de pe dreapta văii și cristalinul roșu dinspre est. Ponțianul este format în această regiune mai ales din pietrișuri rulate și nisipuri, pe lângă argilă și marne.

În ceea ce privesc aluviunile actuale acestea sînt puțin dezvoltate și numai în ultima secțiune a văii Predova (între Țerova și confluența cu Bîrzava).

Morfologia

A. În morfologia văii Predova se pot distinge trei secțiuni : superioară, mijlocie și inferioară.

1. *Secțiunea superioară* corespunde unei depresiuni de eroziune sculptată de pîrîul Predova, pîrîul Satului și afluenții acestora, toți cu caracter torențial. Această depresiune denumită *Tîrnova (I)* este orientată dela NNE către SSV, avînd circa 3 km în această direcție și 2,5 km în direcția vest-est.

Fundul depresiunii Tîrnova se prezintă foarte fragmentat, datorită văilor care o brăzdează în mod radiar, și care au colector principal pîrîul Satului și pîrîul Predova. Pîrîul Satului, ca de altfel și celelalte pîraie, și-a adîncit albia pe fundul acestei depresiuni cu 40 pînă la 60 m adîncime. În general, văile au caracter torențial (pantă mare) profil în formă de „V” cu excepția văii Satului, care și-a construit o albie majoră de 3—400 m lățime, avînd versantul drept domol, iar cel stîng mai abrupt. Cu cît pîrîul Satului înaintează spre confluența cu pîrîul Predova, cu atît își lărgeste mai mult lunca. Această vale prezintă totuși, cîteva gîtuituri, ca rezultat al durității diferite a rocilor prin care trece.

Aspectul pantelor, după cum am mai arătat, este diferit, astfel de unde versantul stîng al văii Satului este convex (2) de circa 35°, versantul drept (3) este o pantă concavă care se termină spre luncă cu o fișie deluvială de 10°—15°, bună pentru construcții.

Din cele arătate mai sus, rezultă, că fundul depresiunii Tîrnova este foarte fragmentat, constituind un relief puternic vălurit, care îngreuiază comunicația pe fundul acestei depresiuni. Așa cum se prezintă dă impresia unui relief matur.

Satul Tîrnova ocupă partea de nord-est a depresiunii, mai înaltă, mai puțin fragmentată, decît restul fundului.

Depresiunea este închisă de toate părțile de o serie de nivele de eroziune (despre care vom vorbi mai tîrziu), iar ieșirea din această depresiune se face, fie prin valea Predovei (pe aici se face comunicația cu piciorul spre Țerova), fie către nord-est, prin valea pîrîului Igazeu, afluent al Pogonișului; către Reșița, comunicația se face printr-o șosea de culme, care are pante destul de pronunțate, îngreuiind circulația.

²⁾ Numerele 1 — 18 din text se referă la cifrele respective din schița care însoțește textul.

Harta geomorfologică a văii

PREDOVA

Raionul Reșița

Legenda:

- luncă
- limită pantei concavă
- limită pantei convexă
- panta deluvială
- con de dejecție
- terasă de 10-15 m

- nivelul de eroziune de 300-500 m
- nivelul de eroziune de 400-450 m
- nivelul de eroziune de 500-550 m
- spațiul interfluviul
- halcă

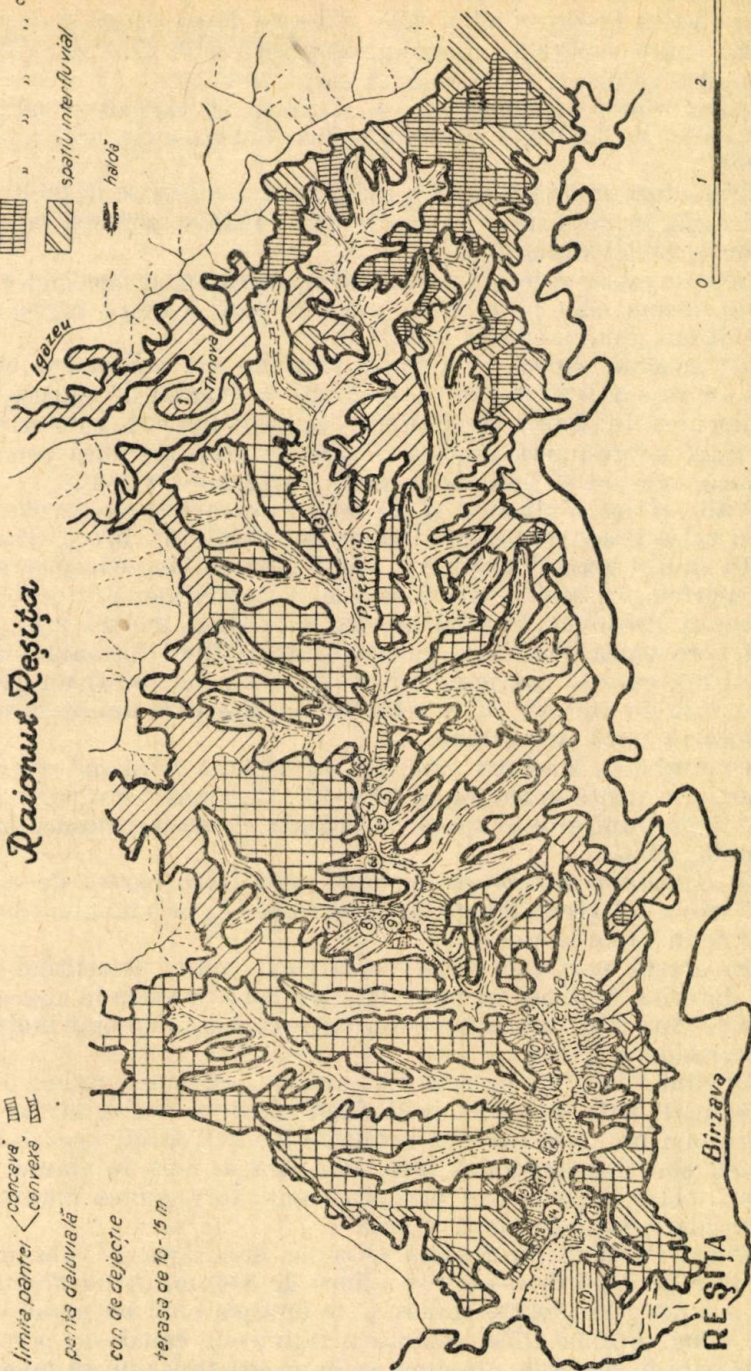


Fig. 1.

2. *Secțiunea mijlocie* se situează între confluența pîrîului Predova cu pîrîul Satului către est, și intrarea în depresiunea Țerova la vest. Pe această secțiune, valea Predovei cînt și văile afluențe de pe stînga și de pe dreapta sînt văi tipice săpate în cristalin. Versanții sînt simetrici (5) cu pante pronunțate, convexe, ce se mențin între 30°—40°.

Albia rîului este îngustă (4), lățimea ei variind și menținîndu-se în jurul a 10 m. Talvegul văii este format din roca vie, care a fost șlefuită puternic.

Din cauza durității mari a rocii, fundul albiei se dezvoltă mai mult lateral decît în adîncime. Versanții văii Predova pornesc în general din apropierea albiei rîului.

Valea se prezintă foarte sinuoasă din aceleași cauze geologice (duritatea diferită), lăsînd cînd pe o parte, cînd pe alta, o luncă îngustă de cîțiva metri lățime, inundabilă la viituri.

În general, valea pe această secțiune are caracterul unui culoar sinuos cu versanții impunători, acoperiți în general de vegetație ierboasă și pe alocurea de păduri. Acolo unde vegetația lipsește, cum este versantul drept între depresiunea Bratova și Țerova (10), acțiunea torențială este puternică, reușind să erodeze în mare parte acest versant.

Văile afluențe prezintă și ele aceleași caractere și se termină la confluența cu valea Predovei prin mici conuri de dejecție (6 a, b, c, d) fixate și plate.

În cadrul acestei secțiuni a văii Predova, face excepție dela caracterele morfologice amintite mai sus, mica depresiune Bratova (7), situată pe dreapta Predovei. Fundul acestei depresiuni înclină ușor dela nord la sud spre valea Predovei, partea centrală fiind formată din material deluvial (8), care se continuă spre valea Predovei printr-un glacis format din conurile de dejecție (9) a celor două pîrae care limitează către est și vest această mică depresiune.

Depresiunea Bratova orientată în direcția nord-sud are circa 1 km lungime, și o pantă generală de 10°—15°. Cea mai mare parte din fundul acestei depresiuni este ocupată de colonia cu același nume, formată din mai multe sălașe.

3. *Secțiunea inferioară* se desfășoară între partea de est a depresiunii Țerova (11) și confluența cu valea Bîrzavei, pe o lungime de aproximativ 4 km în direcția est-vest.

În această porțiune, valea se lărgeste mult, prezentînd o serie de gîtuiri datorită apariției cristalinului, care face ca valea în această secțiune să prezinte trei mici compartimente, dintre care cea mai bine individualizată este depresiunea Țerova.

Fundul văii (12), pe această porțiune, este plat, avînd o lățime ce variază între 200—600m, la bază fiind aluviuni vechi, iar la suprafață depozite mai noi. Acestea sînt rezultate ale activității apei din anii, rari de altfel, cînd întreaga luncă este acoperită de apă în timpul viiturilor. Adeseori, chiar după ce cad ploi abundente în regiunea muntoasă, lunca este inundată pentru scurtă vreme.

Pîrîul Predova, în această secțiune, și-a săpat o vale în formă de canal, lată pe fund de 5—6m și adîncă de 3—4m, avînd maluri abrupte. Pîrîul are un curs foarte sinuos și se apropie cînd de malul drept, cînd de cel stîng. Forma albiei minore a rîului—de canal—cu pereți abrupti, valea săpată în propriile aluviuni, se datorește faptului, că nivelul de bază actual (al rîului Bîrzava) îl obligă să se adîncească.

În dreptul haldei de sgară (13) cursul râului a fost mutat mai spre nord și îndiguit pe o porțiune de circa 1 km spre a se face loc pentru haldă, totodată înlăturându-se în parte și inundațiile.

Pe această secțiune, valea este asimetrică, avînd versantul drept mai domol; acest versant se termină prin pante concave (15) tivite spre contactul cu fundul văii de fișii deluviale (14) care dau versantului o pantă generală de 15° — 30° .

Versantul stîng este mai abrupt, format din pante convexe (16) care se mențin între 30° — 50° . Aceleași pante convexe se întîlnesc și pe versantul drept la nord de depresiunea Țerova și la confluența cu Berzava.

Disimetria versanților se datorește rocei de fundament care este diferită (pe dreapta depozite ponțiene ușor erodabile de agenții subaerieni, iar pe stînga Carboniferul format din conglomerate dure).

Tot pe versantul stîng, la confluența Predovei cu Bîrzava se găsește un rest de tereasă (17) care domină lunca cu 10—15 m. Aceasta are o suprafață netedă cu dimensiunile 200/500 m. Ea își păstrează foarte bine fruntea ce are o înclinare de 35° , fără procese actuale pe pantă. Depozitele de tereasă, de aici, se sprijină pe conglomeratele Carboniferului. De fapt, aceasta este singurul petec de terasă care apare în lungul văii Predova și care mai degrabă aparține Bîrzavei decît Predovei (terasă de confluență).

Totodată, datorită durtății diferite a rocilor din cei doi versanți, pe dreapta au apărut o serie de torenți terminați prin conuri de dejecție, astăzi fixați prin vegetație (18), spre deosebire de versantul stîng, unde acești torenți sînt puțin numeroși și mai mici. În general, aceste conuri sînt plate, puțin întinse în suprafață, fixate, ceea ce permite cultivarea lor cu cereale.

În afară de torenții amintiți, versantul drept mai este brăzdat și de o serie de mici pîrae afluate Predovei, cum sînt: P. Rimnei, P. Strechini, etc.; văile acestor pîrae prezintă aspecte de maturitate ca luncă, albie minoră meandrată și versanți cu pante ce au caractere diferite.

B. *Interfluviile* delă nord și delă sud de valea Predovei se prezintă diferit; cel delă nord mai fragmentat decît cel delă sud, faptul acesta datorîndu-se durtății diferite a rocilor. Totuși, pe aceste două interfluvii, atît din analiza hărții, cît și din observațiile de teren, se pot distinge 3 nivele de eroziune, care sînt dispuse în trepte ce descresc de la est către vest, și de la cumpele de apă din spre nord (afluenții Pogonișului) și dinspre sud (Bîrzava). Nivelul de +500 m se găsește în regiunea de obîrșie a văii Predova, limitînd depresiunea Tîrnavei spre Semenice (se suprapune pe cristalinul roșu); nivelul de 400—450 m se situează în regiunile cumpelelor de apă a bazinului Predovei (se suprapune în special pe cristalin și carbonifer), nivelul de 300—350 m urmează ca o a treia treaptă mai joasă către interiorul bazinului, mai ales pe dreapta. Predovei (se suprapune în special peste depozitele ponțiene).

Specific, mai ales nivelului de 400—450 m suprapus Carboniferului și cristalinului roșu, sînt culmile cu pante domoale sub formă de cupole, denumite local „tîlve”, care dau un relief foarte vălurit mai ales în depresiunea Tîrnavei.

Pîriul Predova este, așa după cum am arătat, colectorul principal al bazinului său, avînd la apele scăzute din timpul verii un debit de circa $1/2$ m³/sec. și o viteză de 1 m/sec., mai ales la repezișurile foarte numeroase

pe care le face. În timpul ploilor torențiale, pentru scurtă vreme, lunca sa din secțiunea inferioară este inundată cu o pătură subțire de apă.

Afluenții săi, afară de valea Satului, care are un debit chiar mai mare decât Predova în cursul superior, sînt în general pîrîiașe cu un debit de apă neînsemnat.

În ceea ce privesc apele subterane, se remarcă apariția citorva izvoare cu debit redus situate la baza pantelor deluviale, în cursul superior, mijlociu și pe dreapta în secțiunea inferioară.

Adîncimea apelor în fîntîni variază între 3—4 m, în lunca din secțiunea inferioară și în depresiunea Țerova.

În depresiunea Tirnova, în vatra satului cu același nume, adîncimea apelor subterane este de 12—14 m.

Propuneri

În cercetările de teren de pe valea Predovei, pe lingă problemele teoretice, s-au urmărit și cele practice și anume găsirea de locuri potrivite pentru a se construi locuințe muncitorești, care să contribuie la dezvoltarea centrului industrial Reșița, o cetate a oțelului în patria noastră.

Intrucît condițiile naturale și apropiate de Reșița sînt favorabile, considerăm, că se pot construi locuințe muncitorești pe pantele deluviale (14), pe terasa de confluență nefolosită astăzi decât în parte (17), pe conurile de dejecție de pe dreapta Predovei, dealungul văilor Strechinei și Ramnei, precum și în spațiul intravilan din depresiunea Țerova.

Deasemenea, credem, că se pot construi blocuri muncitorești pe lunca Predovei—secțiunea inferioară cu condiția canalizării și regularizării debitului râului Predova, prin : construirea unui baraj în cristalin la intrarea Predovei în depresiunea Țerova. Acest baraj ar avea avantajul, că prin conducte ar putea alimenta cu apă potabilă toate așezările care s-ar crea în această secțiune inferioară a văii Predova.

Catedra de Geografie Fizică
Facultatea de Geologie-Geografie
București

BIBLIOGRAFIE :

- [1] Cantuniari St. : *Contribuții la cunoașterea geologiei Banatului*. Dărilor de seamă ale Institutului geologic, vol. XVII, București 1928.
- [2] Schafarzik Fr. : *Ueber die geol. Verhältnisse der Kasan-Enge an der unteren Donau* (Jahresber. d.k. ung. geol. Anstalt für 1891).
- [3] Codarcea Al. : *Studiul geologic și petrografic al regiunii Ocna de Fer — Bocșa Montană*. Anuar Inst. geol. al Rom. vol. XV, 1930.
- [4] *Institutul cercetări geografice* : Geomorfologia raionului Reșița, București 1954.

ГЕОМОРФОЛОГИЧЕСКИЕ НАБЛЮДЕНИЯ НАД ВАССЕЙНОМ ПРЕДОВЫ РАЙОНА РЕШИЦА

Автор показывает, что долина тянется с востока на запад и имеет в длину 15 км по прямой линии прилегает к Бырзаве справа.

Находясь в непосредственной близости от Решицы — крепость стали в РНР — долина той реки представляет интерес для постройки многоэтажных домов для рабочих чтобы разгрузить город Решицу.

Долина Предовы была очень мало изучена в прошлом с геологической точки зрения, но недавно она была исследована Геологическим Комитетом.

Относительно морфологии долины Предовы, авторы различают три разряда: верхний, средний и нижний.

Верхний разрез соответствует низменности, находящейся между горами с очень изрезанным рельефом. Восточная часть этой низменности занята одинаимённой деревней.

Средний разрез соответствует среднему течению реки Предовы, которая промывает себе типичную в красталлическом слое долину. В этом разрезе долина глубокая с выпуклыми склонами, на дне которой течёт река Предова. Прилегающие долины к этой части имеют такой же характер, заканчиваясь при соединении с Предовой маленькими конусами выноса.

Нижний разрез находится между низменностью Таровы и слиянием с долиной. Бырзавы, на протяжении 4-х км, по направлению с востока на запад.

В этой части долина расширяется до 600 м и в нескольких местах суживается. Дно долины является плоским, русло реки Предовы имеет вид канала, вырытого в собственном наносе. Во время изводнений, часто луг заливается во всю ширину.

В этой части долина ассиметрична, правый склон более крутой состоит из каменноугольных твердых конгломератов, а левый склон палогий, понтические осадки более легко размываются. По этим же причинам ряд правых притоков заканчиваются конусами выноса. Террасы появляются только слева при слиянии с Бырзовой. Межречья справа и слева очень изрезаны, но все таки можно различить три уровня эрозии: 500 м., 400—450 м. и 300—350 м. по направлению к течению реки Предовы.

Поднимаются затем вопросы по гидрогеологии и гидрографии.

В заключение даются ряд предложений, указывающих на самые подходящие места для постройки жилищ рабочим, принимая во внимание природные условия рассмотренные выше.

OBSERVATIONS GÉOMORFOLOGIQUES DANS LE BASIN DE PREDOVA, RAION REȘIȚA

Résumé

Dans le ci joint ouvrage, les auteurs démontrent, que la vallée Predova est située à l'est vers le west, ayant une longueur de 15 km. en ligne droite et est l'affluent de droite de Birsava.

Se trouvant dans la tout proche voisinage de Reșița, une de cités de l'acier de la R.P.R. la vallée de Predova présente particulièrement l'intérêt des constructions des blocs pour les ouvriers, dans le but de la désagglomération de la ville de Reșița.

La vallée de Predova a été tout aussi sommairement étudiée que les régions environnantes du point de vue géologique autrefois et maintenant, mais des recherches ont été entreprises par le Comité Géologique.

En ce qui concerne la morphologie de la vallée de Predova, les auteurs distinguent 3 sections: supérieure, moyenne et inférieure:

La section supérieure correspond à la dépression du contact — Tirnova-qui a un relief très fragmenté. La partie nord-est de cette dépression est occupée par le village du même nom.

La section moyenne correspond au cours moyen de l'affluent Predova qui s'est creusé une vallée typique en cristallin. Sur cette section la vallée est profonde, les versants ayant de grandes pentes convexes et au fond de la vallée l'affluent Predova décrit de fortes méandres. Les vallées affluentes sur cette section ont le même caractère, finissant à la confluence avec Predova par de petits cons de déjection.

La section inférieure se déroule entre la dépression Terova et la confluence avec la vallée de Birsava, sur une longueur de 4 km, dans la direction est-west. Dans cette portion, la vallée s'élargit jusqu'à 600 m. et présente quelques étranglements. Le fond de la vallée est plat, le lit de l'affluent Predova se présente une forme de canal, creusée dans ses propres alluvions aux croisements des eaux quelques fois la plaine est inondée dans toute sa longueur.

Dans cette section la vallée est asymétrique, le versant droit ayant une pente plus grande (le fondement carbonifère par des conglomérats durs), au versant gauche, les pentes sont plus petites (dépôts pontiens légèrement érodables.) Pour les mêmes raisons, à droite, une série de torrents se terminent par des cons de déjection maintenant consolidés. Les terrasses apparaissent seulement à gauche de la confluence avec Birsava.

Intreflueves de gauche et de droite sont particulièrement fragmentés. Cependant on peut distinguer 3 niveaux d'érosion de 500 m. de 400—450 m. et de 300—350 m. dans la direction de l'écoulement du ruisseau Predova.

On expose ensuite quelques problèmes de hydrogéologie et de hydrographie.

En conclusion on fait une série de propositions démontrant l'emplacement pour les constructions des blocs des travailleurs, tenant compte des conditions naturelles analysées.

VALEA SEBEȘULUI

— Date morfologice —

VALER TRUFAȘ

Izvorînd de sub Cindrel, râul Sebeș în cursul superior poartă numele de Frumoasa nume nedesmințit de altfel de pitoreasca vale pe care o străbate. Abia după 18 km., de la confluența cu Sălănele și pînă la vărsarea sa în Mureș este cunoscut sub numele de Sebeș.

Constituind un obiect de studiu pentru cercetările hidrometrice și hidrogeologice (14, 15, 16), a rămas în afara cercetărilor geomorfologice.

Orientarea generală a văii este S-N, pe porțiuni însă de puține ori și-o păstrează, avînd un curs cotit; ea desparte munții ce-i poartă numele în două subunități distincte: Surianul și Cindrel. Are o lungime de 93,5 km. și o cădere generală de 19,78%. Inclinarea talvegului nu este constantă, înregistrînd variații atît pe orizontală cît și pe verticală.

După caracterele sale în tot lungul văii Sebeșului se pot distinge trei sectoare: superior, central, și inferior.

Sectorul superior, cuprinde toată valea de la izvoare pînă la Oașa Mică. Tăiată în treapta înaltă a munților, valea Sebeșului (v. Frumoasă) nu urmează legile firești de dezvoltare a văilor în cursul superior = strîmte, cu rupturi de pantă evidente, repezișuri marcante, etc.

Profilul longitudinal din acest sector este relativ domol, avînd o înclinare generală de 33,33‰. Față de valea torențială a cărei cădere este de 180‰, valea fluviatilă nu trece peste 18,75‰.

Faptul acesta explică acumulările de aluviuni în tot acest sector superior excepție făcînd doar valea torențială.

Profilul transversal în „V” deschis cu fundul larg aluvionat, îți dă mai degrabă impresia cursului mijlociu al unu rîu de munte.

În părțile lui superioare profilul scoate în evidență două nivele ale suprafeței de eroziune medii.

Direcția văii pe primii 41 km. este NEE-SVV; de la confluența cu Tărtăraul, valea Frumoasei are o bruscă schimbare de direcție, apa curgînd de aci spre NV. pînă la Oașa Mică de unde spre avale poartă numele de Sebeș.

În tot acest sector (obîrșie — Oașa Mare) valea are un caracter mai evoluat, uneori destul de avansat, în special acolo unde lungimea ei, permite o acumulare intensă de aluviuni, ceiace a dus la crearea a trei bazine = Frumoasa, Tărtărau și Oașa (fig. 1),

1. *Bazinul Frumoasa* este situat sub șeaua Șteflești între masivele Serbota Mare și Piatra Albă (Steaja). Spre el converg numeroși torenți și pîraie. Lățimea sa maximă este de aproximativ 300 m.

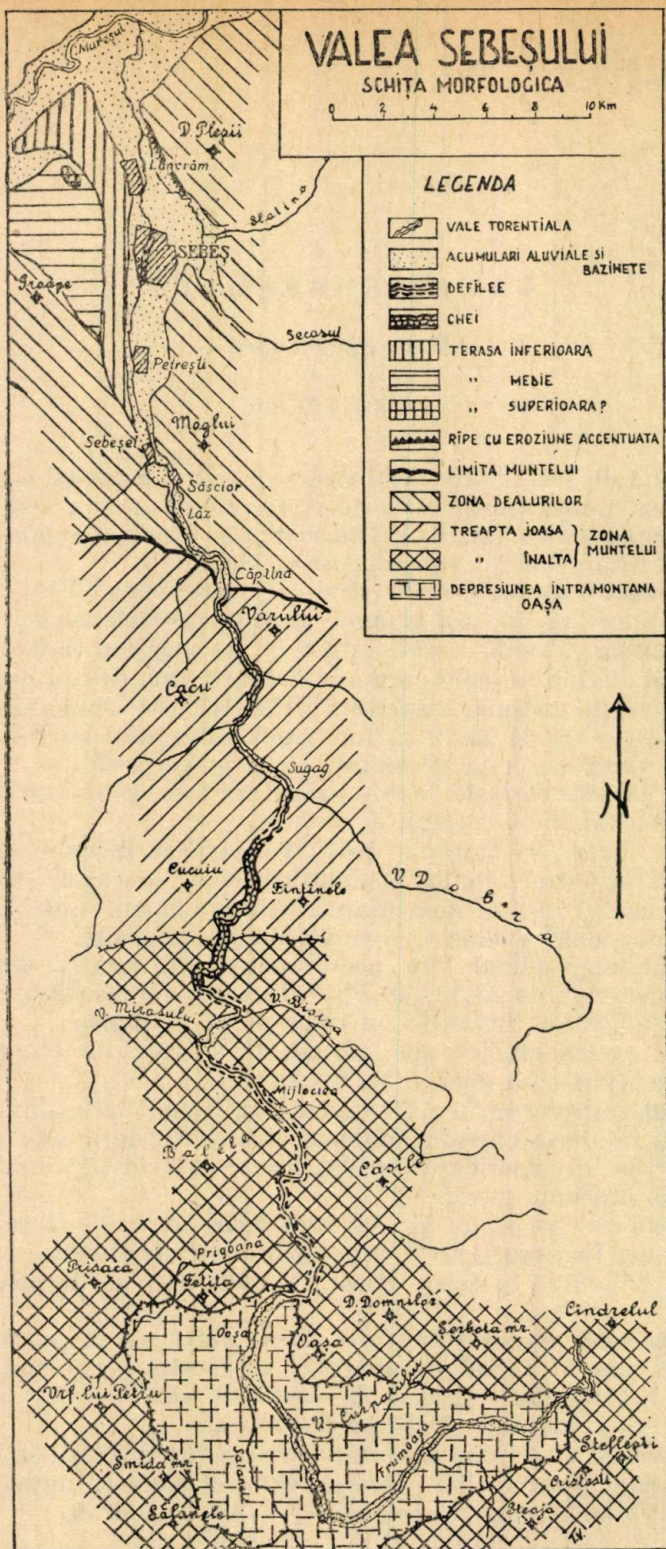


Fig. 1

2. *Bazinetul Tărtărău* are o lungime de 3 km. și se dezvoltă între confluențele văilor Preaja și Tărtărău. În lungul lui, râul face multe meandre, iar lunca prezintă finețe întinse. La capătul lui din avale apare prima așezare—cantonul-silvic. Legătura dintre aceste două bazine se face printr-o luncă largă de 50—100 m. Atât luncile bazinetelor cât și lunca de legătură — și mai ales aceasta din urmă — au un sol turbos, dezvoltat pe aluviuni, care de foarte multe ori trece în mlaștină.

Odată cu schimbarea direcției se schimbă și aspectul profilului transversal: valea se strîmtează brusc, pereții înalți de cîțiva zeci de metri, desgoliți și aproape verticali imprimă caracterul unei chei lungi de aproape 1,5 km., după care începe din nouă să se lărgască, permițînd acumularea aluviunilor ce au dus la dezvoltarea unei lunci de cca 50—150 m.

La confluența cu Sălanele, valea se lărgeste brusc, ceea ce face să se dezvolte cel mai mare bazinet din cursul superior.

Bazinetul Oașa, este format din două bazine: Oașa Mică în amonte și Oașa Mare în avale, despărțite între ele printr-o îngustare a văii. Numirile nu corepund realității în raport cu întinderea lor și au fost date în funcție de activitatea economică de aci (barajul pentru hait se află la Oașa Mare).

Luate în ansamblu, bazinele acestea au o lungime de peste 3 km. și o lățime maximă de 500 m. (la Oașa Mică).

La debușarea pîrîului Sălanele în p. Frumoasa apare un pînten neted (al muntelui Slimoiu) ca o terasă de 20—25 m.

Aici apare al doilea punct populat din lungul văii care este totodată și o stațiune climaterică pentru oamenii muncii din orașul Sebeș, și locul unde unul din marii noștri scriitori, M. S a d o v e a n u a scris frumoasele povestiri în care zugrăvește cu multă măiestrie oamenii și natura.

Aceste trei mari bazine sînt în mare parte adaptate structurii (sinclinale) așa cum reiese din confruntarea hărții geologice a Carp. Merid. Centrali a lui St. G h i c a B u d e ș t i.

De la izvoare pînă la Oașa, valea este înconjurat de cununa vîrfurilor = Fetița (1697 m), Canciu Prisaca (1768), Vf. lui Petru (2133 m.), Smidamr (1775), Sălanele (1733), Tărtărău (1680) Larga (1926), Preaja (1912) Piatra Albă (Steaja 2180) Cristești (2204), Steflești (2244), Cîndrelul (2245), Vf. Frumoasa (Gropata Lungă 2205), Serbota mare (2016) Domnilor (1743), Oașa Mare (1734).

Aceste vîrfuri, care înconjoară aidoma turelelor de cetate valea Sebeșului, dau landsaftului interior caracterul depresionar, fapt care ne-a făcut să-l numim depresiunea Frumoasa (Oașa). Asupra acestei depresiuni nu insistăm, acum mîrginindu-ne doar de a menționa că ea este bine sculptată și conturată în ansamblul munților Sebeș, fapt observat și de Gh. Niculescu, de pe Cotul Ursului (Parîng). Ea este pusă în evidență nu numai de munții ce-i dau ocol dar și de bazinele pe care le-am amintit mai sus.

Sectorul central, cuprinde valea Sebeșului din avale de Cantonul (barajul) Oașa pînă la Săsciori. Talvegul său are o înclinare de 18,88‰. În cuprinsul lui se pot distinge două părți: una superioară și alta inferioară.

Partea superioară corespunde unui defileu prăpăstios lung de aproximativ de 25 km. în care se deschid două mici bazine: unul la Mijlocia datorită unei confluențe și altul la Tău (între confluențele văii Gotului și văii Bistriței, datorit după cît se pare, structurii).

În avale de Tău, de sub Runcu și pînă sub colții Măgurei și chiar mai departe pînă aproape sub dealul Mușetoaia defileul acesta se îngustează, versanții lui devin aproape verticali și stînci golașe se ridică asemenea unor turle spre albastrul cerului. În timp de furtună ele funcționează ca o enormă orgă a căror sunete te infioară.

Acestea sînt cheile Sebeșului, săpate în gneise (5,9).

N-ar fi exclus ca ele să fi influențat și formarea bazinetului Tău.

După depășirea lor, valea se lărgeste; de aci începe a doua secțiune a sectorului central.

Partea inferioară are profilul transversal în „V” deschis cu fundul lat, acoperit de aluviuni. Toată această secțiune este o înșiruire de bazinete, mai mari sau mai mici, despărțite prin îngustări ale văii, în care totuși lunca se păstrează. Cele mai mari dintre ele constituiesc vetre de localități.

Bazinetul Sugag, în care s-a instalat comuna cu acelaș nume, se dezvoltă dela confluența Sebeșului cu valea Dobrei, pînă sub dealul Lăcăușul. Lungimea lui este de 2,5 km. iar lățimea maximă de 300 m. Orientarea sa este ES-NW.

Bazinetul Căpîlna, a cărei orientare este N-S, are o lungime de peste 1 km. și o lățime maximă de 250 m. El adăpostește satul dela care își trage numele.

Bazinetul Laz, are o lungime de aproape 1 km. și o lățime de 150 m. Orientarea lui este S-N și constituie vatra localității Laz.

Celelalte bazinete sînt mai mici, nu adăpostesc localități și sînt folosite ca suprafețe cultivabile, dar mai ales pentru fineață naturală.

În avale de Laz, o nouă și ultimă îngustare a văii o delimitează de sectorul inferior.

Sectorul inferior, înglobează restul văii Sebeșului dela localitatea Săscior pînă la confluența cu Mureșul pe o lungime de 20 km. Ea corespunde aproximativ cu limita muntelui și totodată cu schimbarea constituției petrografice. De unde pînă acum riul tăia șisturile cristaline ale pinzei getice în care după cum am văzut și-a săpat o vale strămtă — de cum a răzbit în depozitele sedimentare (Turonian, Mediteran) ale dealurilor, cu o mică strimtoare în dreptul localității Sibișel — valea se deschide tot mai mult spre nord, asemenea unei pîlnii.

Înălțimea versanților scade treptat iar profilul lor transversal este din ce în ce mai domol (fig. 2).

Inclinarea generală a talvegului este de 4,4‰ fapt ce se explică prin apropierea bazei de eroziune locale.

Odată cu valea se lărgeste și lunca ajungînd în dreptul orașului Sebeș, la 3500 m. Ea este puțin bombată, avînd înfățișarea unui con de dejecție. Forma aceasta de pseudo-agestru trebuie pusă pe seama revărsărilor riului, care a depozitat aluviunile pe suprafețe întinse în timpul viiturilor făcînd totodată ca Secașul cu a cărei vale se unește în dreptul orașului Sebeș, să mendreze încă 7 km. pînă să conflueze în aval de localitatea Lancrăm.

Odată cu intrarea în depozitele sedimentare din dealuri, Sebeșul a părăsit pe partea stîngă două terase care se întind continuu dela Sibișel pînă la confluența cu Mureșul. Aceste terase ale Sebeșului se racordează perfect cu cele ale Mureșului (fig. 1).

Lățimea lor crește progresiv spre nord, dela cîțiva metri pînă la cîteva sute de metri, iar la nord de orașul Sebeș, dezvoltarea lor mare

în lăţime se face în detrimentul luncii. *Terasa inferioară* are o înălţime de 5 — 6 m. : podul de o neţezime perfectă ajunge la o lăţime de 1,5 km.

Terasa medie, se găseşte cu 14 — 15 m. Deasupra luncii, spre munte este mai îngustă decât prima. Lăţimea ei maximă depăşeşte însă 2 km. Fruntea acesteia este atacată de torenţi mai ales spre Mureş.

Terasa superioară. Deasupra terasei de 14—15 m. în dreptul localităţii Lancrăm se ridică o suprafaţă netedă cu cline domoale, de forma unei elipse orientată N W — S E care constituie un martor al terasei de 18 — 25 m. — cartată spre vest. de conf. Petre C o t e ţ [3], distrusă ulterior de eroziune.

Valea în această porţiune are o pronunţată asimetrie. versantul stîng cade în trepte formate de terase, iar versantul drept are o cădere accentuată şi continuă pînă la suprafaţa luncii.

Morfologia minoră este reprezentată prin torenţi, rapide, conuri de dejecţie dezagregări, meadre părăsite, etc.

1. *Rapidele*²⁾ sînt mici torenţi incrustaţi în versanţii văi. Panta lor este aproximativ de 75°, fapt ce face ca apa să aibă un curs foarte vijelios. Uneori apa lor curge pe suprafaţa lepezilor cristaline cărînd tot ce întîlneşte în cale.

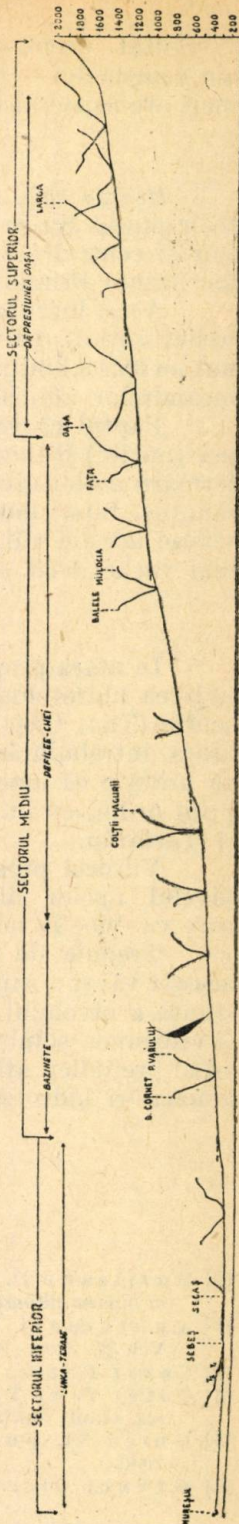
Demne de remarcate sînt „Pîrîul Dracului” şi „Torenţul Morţii”, nume care exprimă limpede înfăţişarea lor şi neajunsurile provocate.

2. *Conurile de dejecţie* sînt dezvoltate în zonele de debuşare a afluenţilor în valea Sebeşului. Mărimea lor este variabilă, depinzînd de activitatea destructivă a torenţului sau pîrîului respectiv şi de apa colectoare care roade şi transportă o bună parte din materialul constitutiv al ageştelor.

3) *Dezagregările*, afectează versanţii văii, în special în porţiunile unde ei sînt despăduriţi. Materialul dezagregat şi denudat îmbracă sub formă de deluvii aproape pretutindeni baza versanţilor, ajungînd uneori la grosimi apreciabile pentru îngustimea văii, încît împreună cu conurile de dejecţie dau naştere unor mici glacisuri de vale.

4) *Meandrele* părăsite se găsesc în sectorul inferior al văii în jurul localităţii Lancrăm. Tot aici

²⁾ „Rapidele — după P. Voiteşti iau naştere pe traseul văilor care taie roce de diferite rezistenţe înclinate spre gură”. Ele ar fi deci repezişuri pe de o parte de un nivel de bază mai coborît iar pe de altă parte de structură (repezişuri structurale). Noi folosim acest termen pentru văile torenţiale scurte, a căror vale are o înclinare de peste 60° şi de multe ori prezintă un profil în trepte. Ele nu afectează întotdeauna suprafeţele structurale. Au apă permanentă şi variaţii mari de debit influenţate de regimul precipitaţiilor.



versantul drept — constituit din depozitele friabile (nisip, nisip argilos) ale neogenului — este atacat de eroziunea pe verticală și în suprafață încît are aspectul unei rișe (Rîpa Roșie)



Geneza văii. Din analiza poziției văii Sebeșului față de direcția cutelor pinzei getice pe care le străbate pe toată lungimea sectorului superior și central (73,5 km.) reiese că valea este net transversală, excepție fac numai Frumoasa, Tărtărau, Oașa.

Acest lucru ne face să bănuim o adaptare a văii la o structură inițială (relief inițial). În timpul mișcărilor epirogenetice pozitive râul s-a menținut pe traseul inițial adîncindu-se. Acest lucru este confirmat și de prezența meandrelor adîncite.

Faptul că valea este tăiată în nivelul suprafeței de eroziune Păltinei (mediu) și Luncani (inferior), ne face să credem că ea exista în timpul formării acelor nivele și că s-a adîncit pe măsura ridicării întregului masiv muntos. Lipsa datelor nu ne permit o datare mai precisă a evoluției și vîrstei acestei văi. Sigur este numai faptul că porțiunea superioară este mai veche decît cea inferioară.



În afara propunerilor făcute de I.S.P.E. și I.P.A. cu privire la amenajarea hidrotehnică a văii Sebeș prin construirea cîtorva baraje de retenție (Tau, Oașa, Tărtărau) ce vor deservi viitoare hidrocentrale și în afara întrebuintării actuale a apelor ei (transportul lemnului) trebuie să arătăm că amenajarea șoselei Sebeș Novaci consituie o necesitate de prim ordin, cu atît mai mult cu cît ea urmărește fundul văii între Sebeș și Tărtărau.

Viitorul proiect al șoselei trebuie să țină seamă însă de suprafața și nivelul apelor din lacurile de acumulare ce se vor amenaja aici, fapt care va duce la schimbarea în cîteva locuri a actualului traseu.

Trebuie de asemenea să insistăm asupra despăduririi versanților acestei văi și a suprafețelor din bazinul superior, fapt care duce la o instanță a nivelului apelor, la o dezvoltare a proceselor minore (degradarea și eroziunea solului), la debite mari lichide și solide, etc. Toate acestea aduc prejudicii atît dezvoltării pe mai departe a pădurii cît și viitoarelor amenajări hidrotehnice.

Catedra Geografie Fizică
Fac. Geologie-Geografie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Burileanu D. D.: *Cîteva observări asupra structurii și reliefului în Carpații meridionali la lumina ultimelor cercetări geologice*. Cercetări și studii Geografice București 1941.
- [1]. Cantuniari St.: *Studii geologice în valea Sebeșului*. Dări de seamă ale I.G.R. Vol. X. Buc. 1926.
- [3] Coteț Petre: *Cercetări geomorfologice în dealurile dintre Cugir și Strei* 1949.
- [4] Coteț P. și Trușă V.: *Munții Surianu*. Observațiuni geomorfologice comunicare ses. științ. Martie 1956.
- [5] Ghica St. Budești: *Les carpates meridionales centrales* An. Inst. Geol. Rom. Buc. 1940.
- [6] Ghenci Oleg.: *Cercetări geologice în Munții Sebeș*.

- [7] Emm. de Martonne: *Sur l'évolution morphologiques des Alpes de Transylvanie* Rev. geogr. Paris 1905—1906.
- [8] Mihăilescu V.: *România — Curs litografia* 1947.
- [9] Pavelescu: *Cercetări geologice și petrografice în Munții Sebeș*. An. Com. Geol. B. c. 1955.
- [10] Rodeanu I.: *Observări morfologice la zona de contact a bazinurilor Oltului și Mureșului în Reg. Sibiu*, Lucr. Cluj vol. . . an.
- [11] Strekeisen A.: *Observații geologice în Carpații meridionali între Olt și Jiu*. — I. d. S. I. G. R. vol. XVII 1930.
- [12] Voitești I. P.: *Elemente de geologie* — Cluj 1924.
- [13] I. C. G.: *Geografia fizică R. P. R.* Curs litografiat. Buc. 1955.
- [14] I. P. A.: *Studiul preliminar tehnico economic privind lucrările hidro ameliorative ale bazinei Sebeș*.
- [15] I. S. P. E.: *Considerațiuni preliminare tehnico economice privind amenajarea hidro electrică a râului Sebeș*.
- [16] I. S. P. E.: *Hidrologia* — documentația hidrografică a râului Sebeș.

ДОЛИНА СЕБЕША — МОРФОЛОГИЧЕСКИЕ ДАННЫЕ

В работе излагается вопрос о морфографической и морфометрической анализе одного продольного маршрута и целого ряда.

Результатом этих работ является составление морфологической карты, отражающая приобретенные формы долиной по секторам: ущелья, террасы, луга и другие. на основе отмеченных данных в полевых условиях ставится вопрос предшествующей долины и степени её приспособления к структуре.

Предпринятые исследования относительно процессов происходящих на склонах позволили прийти к некоторым, практическим выводам.

OBSERVATIONS MORPHOLOGIQUES SUR LA VALLÉE DE SEBEȘ.

Résumé

Cet ouvrage traite sur l'analyse morphologique et morphométrique d'un profil longitudinal et sur une série de profils transversaux durant le trajet de la rivière Sebeș.

Le résultat des recherches est la rédaction de la carte morphologique présente, carte qui reflète les formes que la vallée a recues dans ses trois secteurs.

Sur les données que j'ai remarquées en étudiant le terrain, j'ai mis le problème de l'antécedence de la vallée et de son degré d'adaptation à la structure.

Les recherches que j'ai entreprises, sur les processus miniers, j'ai abouti à quelques conclusions pratiques.

RAMURI INDUSTRIALE NOI ȘI CARACTERISTICE ÎN RAIONUL GĂEȘTI

LILA BADEA

Economia țării noastre este în plină dezvoltare și transformare. Anumite regiuni care se găseau într-un stadiu de relativă dezvoltare economică sub regimul burghez-moșieresc, au intrat într-un ritm de dezvoltare mult mai rapid decât în trecut iar cele care erau lăsate într-o situație de înapoiere economică au trecut într-o fază de lichidare a acestei înapoieri, încadrându-se în ritmul general de creștere a nivelului economic al patriei noastre. O pildă vie în această privință ne-o oferă raionul Găești din regiunea Pitești.

Elemente geografice favorabile dezvoltării raionului. Raionul Găești se află în partea de sud-est a regiunii Pitești. El se mărginește cu raioanele: Tîrgoviște (Reg. Ploiești) la nord-est; Topoloveni (Reg. Pitești) la nord-vest; Costești (Reg. Pitești) la sud-vest; Titu (Reg. București) la sud-est; Videle și Olteni (Reg. București) la sud. Teritoriul raionului este la o multiplă întretăiere de vechi drumuri. Pe aici au trecut totdeauna produsele, fie spre Tîrgoviște, fostă capitală a țării, fie spre Giurgiu, pe unde se scurgeau bogățiile țării în timpul dominației turcești. Și astăzi raionul Găești se află la o importantă răscruce de drumuri.

La poziția economico-geografică favorabilă a raionului Găești se mai adaugă și diversitatea reliefului, care se grupează în două regiuni morfologice principale: 1) *Piemontul Cîndești* și 2) *regiunea de cîmpie*. Aceste regiuni morfologice se deosebesc printr-o serie de note specifice de ordin morfologic, climatologic, hidrologic, biogeografic, ca și prin unele particularități de geografia populației și de geografie economică, precum: modul de repartitie al așezărilor omenești, modul de folosință a terenului, culturile, structura căilor de comunicație, etc.)

1. *Piemontul Cîndești* ocupă partea nordică a raionului și el se întinde și în afara limitelor raionului Găești. El este limitat în partea sudică printr-o denivelare care variază între 30 m (regiunea Bădulești) și abea cîteva metri (regiunea Costești). La sud de Piemontul Cîndești se desfășoară cea de a doua unitate de relief: Lunca Argeșului.

Din punct de vedere geologic, platforma Cîndești este alcătuită din pietrișuri și nisipuri levantine și din depozite cuaternare de terasă.

După caracterele morfometrice, hidrologice, etc., în Piemontul Cîndești se deosebesc două subunități de relief și anume:

a) Platforma Hulubești la nord-vest de valea Cobia și

b) cîmpia înaltă (piemontană) a Piciorului de Munte, la sud-est.

Platforma Hulubești se caracterizează prin: înălțimi care oscilează între 480 m în partea nordică și 230 m în partea de sud. În comparație

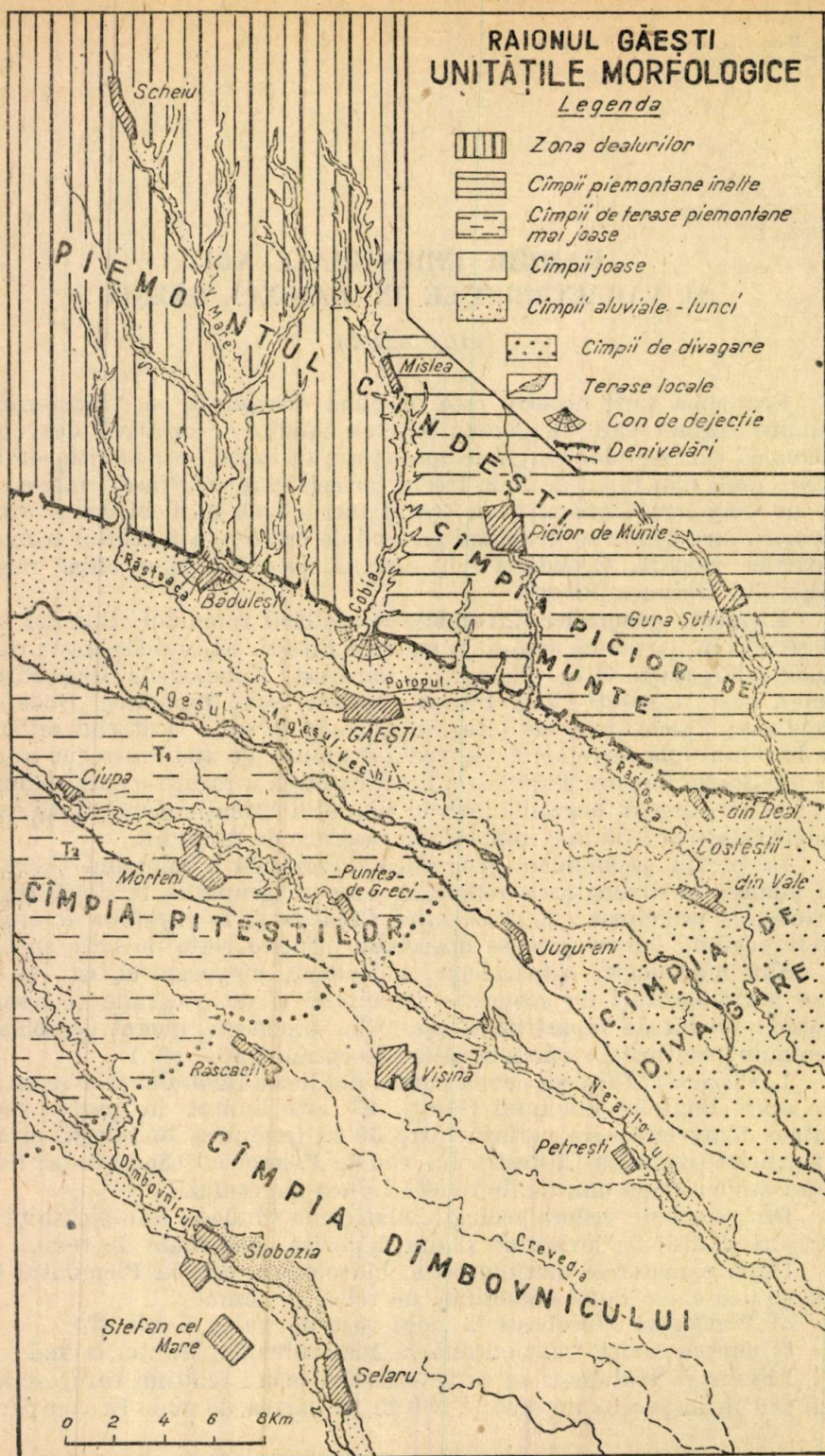


Fig. 1.

cu celelalte unități de relief, aci avem o densitate mare de văi și o energie de relief relativ mare : 20 — 30 m. Văile sînt în general înguste și adînci ; iar interfluviile, plane sau larg rotunjite. Cele mai importante văi sînt : Valea Mare, care are lunca lată de cca. 1 km și în lungul căreia s-au dezvoltat o serie de așezări, apoi Valea Cobia, ceva mai îngustă și cu cele mai vechi așezări din raion în lungul ei. Ambele rîuri au acumulat la ieșirea din lunca Argeșului două conuri de dejecție : unul pe care este așezat satul Bădulești și altul, la nord de Găești. Regiunea este împădurită aproape total.

Cîmpia „Piciorului de Munte” este situată între Valea Cobia și Valea Dimboviței. Înălțimile scad treptat de la N — V (290—300) m spre SSE, unde ating cca 170 m. ea se caracterizează prin suprafețe orizontale, în care s-au adîncit o serie de văi de direcție nord-sud. Densitatea rețelei hidrografice este evident mai mică de cît cea întîlnită în Platforma Hula-bești.

În general, văile nu au apă curgătoare permanentă și au lunci înguste. Energia de relief este deasemenea mai redusă, fapt care explică așezarea satelor și pe interfluvii. Regiunea este semi împădurită, ca rezultat al defrișerilor care s-au făcut în favoarea agriculturii.

2. *Regiunea de cîmpie* este mult mai complexă și, după caracterele ei diferite, se subîmparte în mai multe subunități de relief :

a) Lunca Argeșului se prezintă ca un culuar larg de 7 — 8 km, de direcție nord vest-sud est. Ea este încadrată între Piemontul Cîndești la nord și o serie de cîmpii joase la sud. În partea de sud-est ea trece în cîmpia de subsidență, cu care aproape se confundă.

În Lunca Argeșului se întîlnesc depozite de luncă (nisipuri, pietrișuri), care sînt exploatate în mai multe puncte. Argeșul a desfășurat o vie activitate de aluvionare, fapt pentru care de nenumărate ori și-a schimbat albia principală. Urmele vechilor alpii au proeminent caracter de meandrare (de ex : Argeșul vechi) și sînt folosite în parte de rîurile care coboară din Platforma Cîndești : Valea Mare, Potopul și Răstoaca.

În general, Lunca Argeșului are aspect neted și înclină ușor de la 200m nord vest la cca 160 m sud-est.

Din punct de vedere economic Lunca Argeșului se caracterizează printr-o intensă cultură de zarzavaturi înșirate în lungul vechilor alpii, printr-o vie circulație (are cale ferată, șosele) ca și printr-o înșirare continuă a așezărilor omenești în lungul vechilor alpii părăsite ;

b) *Cîmpia de divagare*, care prezintă caractere comune cu Lunca Argeșului și se desfășoară în partea de sud-est a raionului.

c) *Cîmpia Piteștilor*, situată în partea de vest a raionului și a cărei limită de S.E. corespunde cu limita unor izvoare, care unește localitățile Pitești și Răscăeți. Ea este o cîmpie piemontană terasată. Din punct de vedere geologic, e alcătuită din pietrișuri cu structură lenticulară. Limita sud-estică a pietrișurilor corespunde cu limita cîmpiei Piteștilor, fapt care explică apariția izvoarelor.

Cîmpia Piteștilor are altitudini cuprinse între cca 220 m și 175 m și înclină ușor de la N. V. la S.E. Ea este alcătuită din două trepte : terasele Argeșului, ușor denivelate între ele, și cîmpia propriu zisă.

Neajlovul și-a săpat albia cu cîțiva metri în suprafața terasei inferioare. Datorită prezenței apei la adîncime, așezările omenești sînt situate în apropierea Argeșului, ex : Pătroaia, Ionești, Greci, sau în lungul Neaj-

lovului : Ciupa, Morteni, Puntea de Greci. În general cîmpia Piteștilor este folosită în agricultură.

a) *Cîmpia Dîmbovnicului* ocupă partea de sud a raionului și este limitată la nord de Cîmpia Piteștilor și Cîmpia de divagare. Ea se caracterizează prin netezime, prin pantă foarte slabă și prin înălțimi, care coboară pe nesimțite de la 175 m în N.V. la cca 140 m în S.E.

Această cîmpie este brăzdată de o serie de văi puțin adîncite, de direcție N. V. — S. E., două din ele fiind mai importante : Valea Neajlovului și Valea Dîmbovnicului văi relativ largi, cu lunci bine dezvoltate și cu terase locale (4—6m). Cea mai bine dezvoltată terasă se întîlnește pe Valea Dîmbovnicului în regiunea Slobozia-Fierbinți.

Sub raport economic Cîmpia Dîmbovnicului se caracterizează prin culturi de cereale pe interfluvii, culturi de zarzavaturi în lunci și pe terase. Așezărilor omenești se grupează în două zone și anume : prima, între Naejlov și Argeș și a doua, pe valea Dîmbovnicului.

Elementele geografice favorabile ale raionului se reflectă, între altele, și pe harta densității populației a Munteniei, publicată de de Martonne în 1902, unde teritoriul raionului este arătat ca fiind între ținuturile sau regiunile naturale cu cea mai mare densitate a populației, care se explică atît prin rețeaua bogată a căilor de comunicație, cît și prin diversitatea reliefului și, deci, prin varietatea resurselor naturale.



Folosind condițiile fizico-geografice favorabile și resursele naturale bogate, regimul democrat popular a creat în raionul Găești ramuri industriale, inexistente sub vechiul regim, iar cele vechi au luat o dezvoltare necunoscută în trecut. Dintre primele — vom alege și ne vom opri la două ramuri :

1. *industria extractivă a petrolului și*
2. *industria plantelor medicinale*, iar din categoria a doua — ne vom opri asupra —
3. *industriei tutunului.*

1. *Industria extractivă a petrolului* este reprezentată în raionul Găești prin schelele de la : Cobia, Gîrleni-Valea Caselor, Strîmbu.

Exploatarea petrolului de la Cobia a început în 1951, la Gîrleni-Valea Caselor în anul 1952, iar la Strîmbu în 1955. Ca mijloc și metodă de extracție se folosesc sonde — prin erupție —, gazlift, și pompaj de adîncime.

Schela Cobia produce azi cu 300% mai mult ca în 1951, data intrării ei în funcțiune.

Schela Gîrleni — Valea Caselor cunoaște în 1952, o mare dezvoltare, care continuă și în 1953, urmată însă de declin de producție în 1954. În 1955 forajul din regiunea Strîmbu ridică din nou producția totală la nivelul cel mai mare din 1952.

Petroliștii trestului 6 extracție (Cobia, Valea Caselor-Gîrleni) au adus o contribuție substanțială la îndeplinirea sarcinilor primului cincinal în industria petrolului.

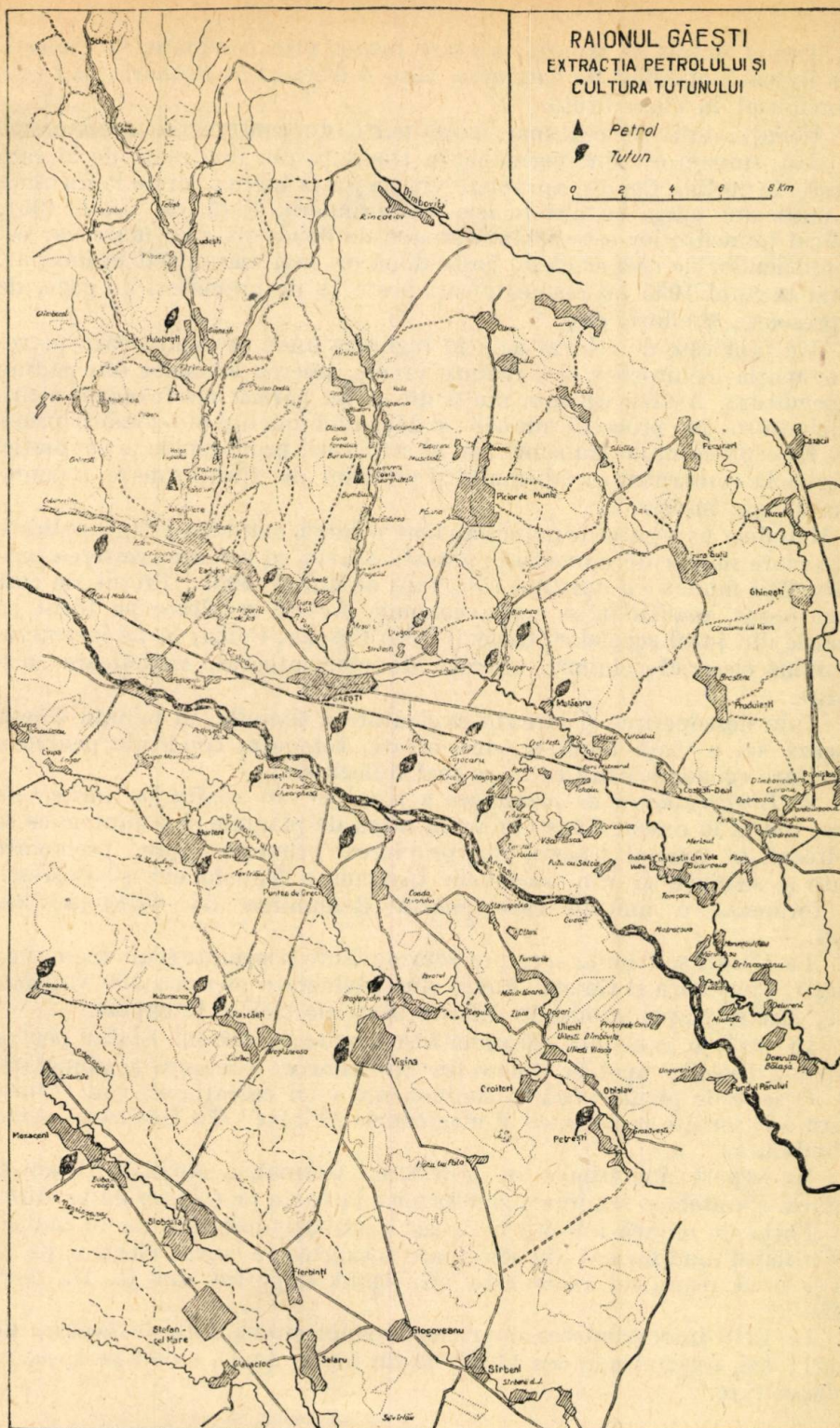


Fig. 2.

Țițeiul extras se trimite în stare brută, prin conducte, la Ploiești. El se livrează oficiului de conducte, care îl dirijază la rafinării, sau este comercializat în stare brută.

Utilajul este în cea mai mare parte de construcție românească.

Toți muncitorii sînt permanenți. Distanța cea mai mare de la care vin este de 20 km. Cei din apropiere vin pe jos la lucru; cei de la distanțe mai mari sînt aduși cu autobuzele întreprinderii. Față de anul 1951, numărul muncitorilor este astăzi aproape de două ori mai mare, iar cel al tehnicienilor de asemenea de peste două ori mai mare decît la început. Numai în anul 1955 au fost calificați peste 72 de muncitori de gaze, de compresoare, sonori, etc.

Un fapt este de relevat aci: în regiunea unde se exploatează petrolul, ocupația locuitorilor era, înainte vreme, tăierea lemnului din pădure și agricultura. Astăzi, cei mai mulți din ei au părăsit aceste îndeletniciri, calificîndu-se în procesul muncii și devenind unii din ei—sonori pricepuți. Este procesul de transformare al structurii profesionale a populației în perioada construirii socialismului și procesul de transformare a oamenilor muncii, însăși.

Metodele avansate de muncă au luat o largă extindere, fiind aplicate de un mare număr de muncitori; aceasta a avut ca urmare creșterea productivității muncii cu aproape 15% față de anul 1951. Prețul de cost a fost redus, realizîndu-se mari economii. Aceste rezultate au făcut ca așezările din jurul schelelor (Gîrleni-Valea Caselor, Cobia) să fie înzestrate cu lumină electrică, cluburi, aparate de cinematograf, radioficare, dispensare.

Prin descoperirea și darea în exploatare a țițeiului, în raionul Găești pulsează azi o viață nouă și sînt create, totodată, condițiile pentru o dezvoltare economică din ce în ce mai înfloritoare.

2. *Întreprinderea de prelucrare a plantelor și semințelor medicinale* își are sediul în orașul Găești; dar, în afară de plantele și semințele ce se recoltează în raionul Găești, întreprinderea primește spre prelucrare plante și semințe și din raioanele învecinate Topoloveni și Costești. Ele formează o unitate care poartă denumirea de *Circumscripția Găești*.

La Găești se trimite spre prelucrare plante și semințe și din regiunile: Ploiești, Constanța și Galați. Anual sînt prelucrate aici cca 300 vagoane plate, care sînt apoi trimise în diferite părți ale țării și la export.

În țară, o cantitate însemnată se trimite la Orașul Stalin pentru fabrica „Nivea”; apoi, la București, fabricilor de conserve și alimentare.

O serie de plante intră în componența unor ceaiuri; ele sînt trimise pentru a fi sortate la farmacii și magazinele „Plafar” din București, Arad și Timișoara.

La export sînt trimise în U.R.S.S., Germania, Austria, Belgia și America. Plantele și semințele sînt trimise în parte pe schimb de produse.

Forța de muncă folosită în această întreprindere este de 40 muncitori; utilajul fiind format din selectoare acționate de curent electric, patru mici și unul mare, cel mare este un gigant importat din R. D. Germană.

În 1948 întreprinderea cuprindea numai cîteva sute de hectare de culturi; azi, ea cuprinde cca 14000 ha (în toată țara), avînd perspective de dezvoltare.

Spre deosebire de cele două ramuri industriale care sînt noi în raionul Găești, și despre care am vorbit mai sus, în raionul Găești există și ramuri industriale cu oarecare vechime. Așa este, de pildă :

3. *Intreprinderea pentru cultura și fermentarea tutunului.*

Intr-unul din volumele de „Studii și documente” publicate de N. I o r g a, găsim : la 1824 locuitorii din Găești se jeluiesc cu „lacrimi fier-

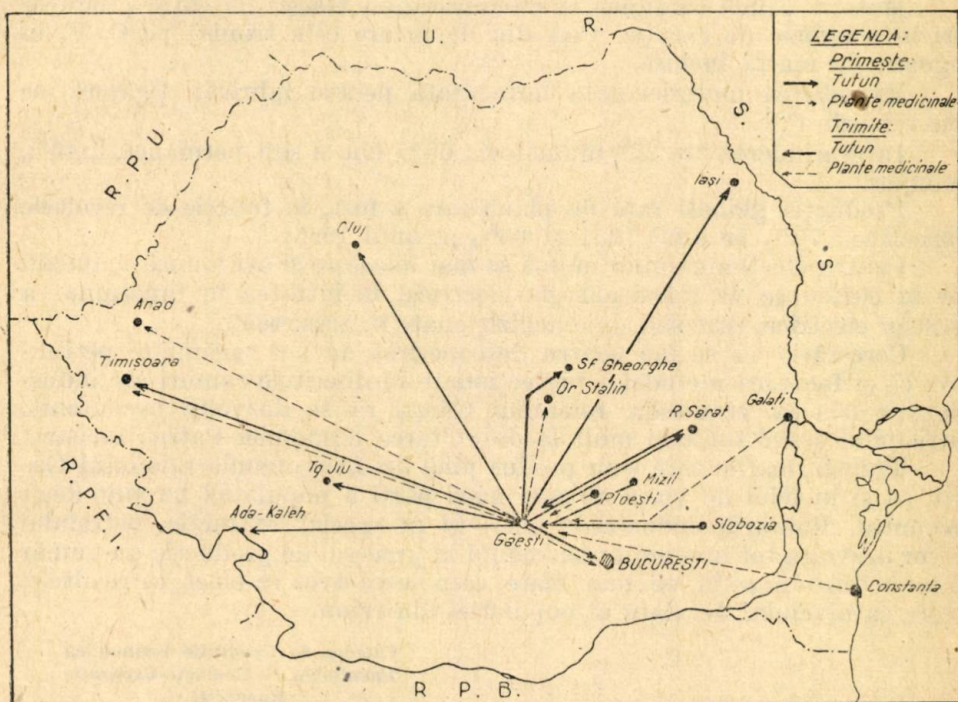


Fig. 3.

binți” domnitorului Grigorie Ghica Vodă contra unui vameș care căuta să le ia anumite taxe în plus pentru tutunul ce îl vînduseră turcilor ce veneau să-l ridice de la fața locului și pentru că le interzicea de a mai primi în gazdă turcii sosiți cu cîtva timp înainte de terminarea recoltei și de la care se vedea că aveau un ciștig, deoarece ei se plîng că dacă li se va lua acest drept „satele s-or sparge”, iar locuitorii se vor duce în lume, fiindcă n-au cum se hrăni, dar să mai plătească birurile și haraciurile împărătești.

Pe baza culturilor de tutun din această parte și a căilor de comunicație apropiate, încă din 1889 a luat ființă, la Găești, o secție de prelucrare a tutunului : fostul C.A.M., acum *Intreprindere pentru cultivarea și fermentarea tutunului*.

Intreprinderea este formată din circumscripții de cultură și depozite de fermentare. O circumscripție cuprinde 2—3 raioane. Circumscripția Găești cuprinde raioanele : Găești, Topoloveni și Costești. Circumscripția Găești produce tutunuri de calitate superioară, datorită solului nisipos-argilos. Potențialul depozitului de fermentare din Găești este de patru ori mai mare de cît este necesar pentru producția din circumscripție. De

aceea, pentru fermentare mai trimit la Găești importante cantități de plante și circumscripțiile : R. Sărat, Făurei, Slobozia și Mizil.

La Găești produsul este semi finisat ; aci se cultivă și se fermentează, apoi materialul este trimis spre finisare la toate fabricile de țigarete din țară : București (Belvedere), Rm. Sărat, Iași, Sf. Gheorghe, Cluj, Timișoara, Tg. Jiu, Ada-Caleh. Produsul semifinit este trimis și la export în : Olanda, R. D. Germană, și R. P. Polonă și R. Cehoslovacă.

Materia primă se aduce la circumscripția Găești de către producători în convoaie de căruțe. Cea din depărtare este trimisă pe C. F. în vagoane de marfă închise.

Expdierea materiei gata fermentată pentru fabricat țigarete se face tot prin C.F..

Intreprinderea are 276 muncitori ; 60% din ei sînt permanenți, 40% sezonieri.

Producția globală față de planificare a fost, în funcție de recoltele respective : 70% pe anul 1951 și 65% pe anul 1955.

Pentru efectuarea unor munci se mai folosește și azi muncă manuală. dar în curînd se va folosi energia electrică, la intrarea în funcțiune a preselor electrice, care sînt deja achiziționate în acest scop.

Cercetările ce se fac pentru descoperirea de noi zăcăminte petrolifere, ca și folosirea metodelor perfecționate în diferitele ramuri ale industriei vor face ca economia raionului Găești să se dezvolte necontenit, participînd astfel tot mai mult la dezvoltarea economiei Patriei noastre.

Transformările care s-au produs pînă azi în economia raionului Găești, ca și în felul de viață al unei mari părți a populației nu sînt decît începutul. Ramurile industriale noi — și în special extracția petrolului se vor dezvolta tot mai mult ; antrenînd în procesul de producție un număr de muncitori din ce în ce mai mare, ceea ce va avea ca efect, între altele, creșterea nivelului de viață al populației din raion.

Catedra de Geografie Economică
Facultatea de Geologie-Geografie
București

BIBLIOGRAFIE

- [1] Cinea Ion : Transformarea centrelor populate sub regimul socialist. An. Rom. Sov. Nr 3/1951.
- [2] Coteș Petre : Raionarea geomorfologică a Reg. Pitești I.C.G. 1955.
- [3] Martonne Emm. de : Harta densității populației 1902.
- [4] Mihăilescu V. : Piemontul Getic—Rev. Geogr. 1945.
- [5] Pop N. : Subcarpații dintre Dîmbovița și Prahova. Stud. și Cercet. Geogr. 1939.
- [6] Rădulescu Ion : Cîmpia piemontană Pitești.
- [7] Vîlsan G. : Cîmpia Romînă.
- [8] Harta raionului Găești 1 : 100 000
- [9] Indrumătorul sovietic—geografie economică.

НОВЫЕ ПРОМЫШЛЕННЫЕ И ХАРАКТЕРНЫЕ ОТРАСЛИ В ОБЛАСТИ ГЭЕШТИ

На основании физико-географических условий и природных (натуральных) источников в годы народно-демократического строя в области Гэешти появились некоторые промышленные отрасли не существовавшие раньше и в большой степени развились старые.

К первым относятся : Добывающая промышленность нефти и медицинских растений и к вторым — промышленность табака.

Добывающая промышленность нефти представлена нефтяными вышками в области Гэешти : в Кабий, Гэрлени, Валя Каселор, Стрымбу.

Разработка нефти в этой области началась в 1951 году. Местные нефтепромышленники внесли существенный вклад в выполнение задач первой пятилетки в нефтяной промышленности.

Промышленность медицинских трав-

В Гэешти ежегодно перерабатываются около 300 вагонов растений посылаемых в разные части страны и для экспорта.

В 1948 году предприятие охватывало только несколько сот гектаров культуры, теперь оно охватывает около 14.000 гектаров, имея еще перспективы дальнейшего развития.

Предприятие табакводства и его ферментации.

На оснований культуры табака в области Гэешти и ближайших путей сообщения ещё с 1889-го года здесь появлялся отдел переработки табака, теперь — Предприятие табакводства и ферментации.

В Гэешти продукт полуготовый, здесь только обрабатывается и ферментирует табак, потом посылается на фабрики для производства папирос и для экспорта.

Открытие и переработка нефти и развитие других промышленных отраслей в области Гэешти создает теперь новую жизнь и условия для все большего экономического развития, что и приведет к повышению уровня благосостояния населения области.

LES NOUVELLES BRANCHES INDUSTRIELLES DU RAYON GĂEȘTI

Résumé

Ayant à la base les conditions que présentent le milieu géographique et les ressources naturelles du rayon Găești, ont apparues, pendant les années du régime de démocratie populaire, certaines branches industrielles, qui n'existaient nullement sous l'ancien régime, tandis que celles existantes ont connu un essor inouï dans le temps.

Parmi les premières l'on cite l'industrie extractive du pétrole et l'industrie des plantes médicinales ; parmi les secondes, l'industrie du tabac.

L'industrie extractive du pétrole dans la rayon Găești est représentée par les sondes de : Cobia, Gîrleni-Valea Caselor, Strîmbu.

Le pétrole y est exploité à peine depuis 1951. Les ouvriers, les techniciens et les ingénieurs qui travaillent à ces sondes ont contribué avec un substantiel apport à la réalisation du premier quinquennal dans le domaine pétrolier.

En ce qui concerne l'industrie des plantes médicinales, annuellement sont préparés à Găești, environ 300 wagons de plantes, qui, ensuite, sont expédiés en diverses contrées du pays, ou sont destinés à l'export.

En 1948 l'entreprise ne disposait que de quelques centaines d'hectares cultivés ; à présent elle en a 14000 et à des perspectives de se développer aussi dans l'avenir.

Comme nous l'avons vu déjà, il y a aussi une entreprise pour la culture et la fermentation du tabac.

Vu la culture du tabac dans cette contrée et l'existence des voies de communication, une section pour la préparation du tabac a été fondée en 1889 : c'est l'actuelle entreprise pour la cultivation et la fermentation du tabac.

A Găești le produit est à moitié finissé : on le cultive et on le fait fermenter, ensuite on le transporte aux fabriques de cigarettes ou on le finisse, ou bien il est destiné à l'export.

Par la découverte et l'exploitation du pétrole, aussi lieu que par le développement d'autres industries, dans le rayon Găești pousse une vie nouvelle. A présent existent les conditions pour que l'actuel essor économique devient de plus en plus florissant, ce qui aura pour conséquence l'augmentation continuelle du niveau de vie de la population du rayon.

PROBLEME DE GEOGRAFIE ECONOMICĂ ÎN ORAȘUL HÎRȘOVA

ION POPOVICI

Călătorind pe Dunăre de la Cernavodă spre nord, vaporul te poartă prin regiuni pitorești ce-ți încintă privirea.

Malul dobrogean abrupt și semeț, contrastează puternic cu lunca joasă și uniformă din Balta Ialomiței, acoperită cu păduri, stuf, papură și bălți. Pe ambele maluri dunărene, pădurea — mai întinsă în baltă — însoțește apele fluviului ca un prieten nedespărțit. Păsări de baltă trec agale, singurate sau în stoluri, peste apele liniștite ale bătrânului fluviu. Cite o barcă de pescar traversează lin Dunărea.

La Ghindărești, vechi sat de pescari lipoveni, numeroase bărci stau orînduite la mal, iar copii de toate vîrstele înnoată curajos spre vapor; cei mai mici gesticulează și tipă veseli din apropierea malului.

După ce lași în urmă Ghindăreștii, Dunărea cotește aproape brusc și la cîțiva kilometri înainte apare în toată strălucirea soarelui o așezare omenească înconjurată de dealuri acoperite cu verdeată și semănături. Albul clădirilor răspîndite pe pantele domoale ale dealurilor și prin văile largi dintre aceștia, suspendate parcă deasupra Dunării datorită falezii apreciabile ce domină apele fluviului, turlele semețe ale unei bătrîne biserici și clădirea impozantă a liceului situată la o altitudine mai ridicată, îți dau aspectul unei adevărate localități orientale. La sudul ei, pe un deal ce domină localitatea și Dunărea, se zăresc acoperite cu vegetație de stepă, zidurile groase ale unei cetăți de odinioară ce străjuesc intrarea în oraș.

Acesta este orașul Hîrșova, reședința raionului dobrogean cu același nume, care cuprinzînd în limitele sale o suprafață de 1300 km. p. și o populație ce depășește puțin 46 mii locuitori, face parte din raioanele mici ale regiunii Constanța, din a cărei suprafață cuprindea în 1955 doar 14%.

Raionul se remarcă prin aceea că alături de Negru Vodă din aceeași regiune administrativă, este fruntaș pe țară în ceea ce privește sectorul socialist în agricultură. Nu există centru populat din raion care să nu cuprindă o unitate socialistă.

Reședința raionului, orașul Hîrșova, reprezintă cel mai important centru din raion din punct de vedere al concentrării populației și al dezvoltării economice.

Hîrșova este port la Dunăre, situat pe malul drept al fluviului în apropiere de extremitatea nordică a bălții Ialomița. Suprafața totală a orașului — intra vilan și extra vilan — cuprinde peste 5.000 ha (împreună cu Vadul Oii), adică peste 4% din suprafața totală a raionului.

În cadrul regiunii Constanța, orașul se află situat în partea de vest a acestei unități administrative, la 96 km de Constanța de care este legată prin șoseaua națională București-Urziceni-Hîrșova-Constanța.

Relieful este puțin accidentat în partea centrală și sud-estică, iar în vest și nord este șes, în parte acoperit cu stuf și coboară brusc spre Dunăre. Spre nord se întâlnește bălți dintre care mai mari sînt Slateca și Rotundul. Ca dealuri se

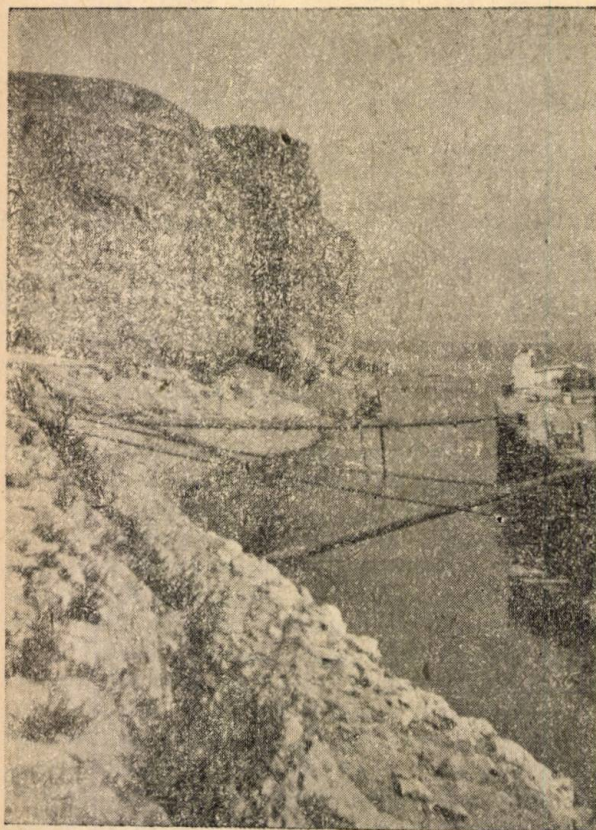


Fig. 1 Hîrșova : malul calcaros al Dunării.

întîlnesc : Ciobanul—65m, Caranli — 72 m pe care se văd și azi ruinele unor vechi fortărețe turcești, Cella — 85 m. Mai numeroase sînt movilele, parte naturale, parte artificiale : Hîrșova — 40 m, Movila Mare — 65 m, Movila Săpata — 68 m, Trei Movile —111m. Cea mai mare parte a dealurilor și movilelor sînt acoperite cu semănături și finețe. Văi sînt puține; cea mai însemnată este Caimacli — Dere la sud.

Bălțile din nord și din nord vest, formate prin revărsările Dunării, sînt bogate în stuf și pește.

Orașul propriu zis se situează pe ultimile prelungiri sud-vestice ale Dealului Ciobanul. Așezarea orașului în acest loc s-a datorat următorilor factori :

- economici : răscruce de circulație între Dobrogea și restul țării; port la Dunăre;

- istorici : poziție strategică la Dunăre; punct de vamă;

- naturali : în apropiere de resursele de apă și de Vadul Oii — poartă naturală de trecere peste Dunăre.

Orașul Hîrșova este una din cele mai vechi așezări omenesti ale țării noastre, datînd încă din antichitate. La sud vestul orașului, pe o înălțime ce domină regiunea înconjurătoare, se păstrează ruinele falnicei cetăți Carsium de odinoară, construită în antichitate de greci, pentru a folosi schimburilor de produse cu dacii. Peste zidurile groase și semețe ale străvechii cetăți, s-au așternut ani și ani, în care timp Hîrșova a trecut sub stăpînirea mai multor popoare migratoare. Turcii au construit pe înălțimile apusene ale dealului Caranli două fortărețe cunoscute în istorie sub numele de Tabia-Chioprin și Ceanac — Cale, ambele dominînd Hîrșova din partea de nord pentru a o apăra în caz de atac din această parte și ale căror ruine s-au păstrat pînă în zilele noastre. Ca port la Dunăre, Hîrșova folosea pentru exportul de vite, lînă, cereale și pentru importul

de manufacturi, confecțiuni, unelte agricole. În prezent, funcțiunea de schimb a orașului se menține mai ales datorită produselor agricole — cereale. În acelaș timp a crescut importanța orașului din punct de vedere al funcțiunii industriale și de transport. Cu toate acestea, economia rurală continuă să reprezinte elementul principal în economia orașului.

Agricultura și creșterea animalelor antrenează cea mai mare parte din numărul locuitorilor orașului. Dintre plantele cultivate pe suprafața arabilă a orașului, principalul loc îl ocupă cerealele și în special grâul și porumbul, situație caracteristică de altfel pentru întregul raion. Culturile de legume, vii și livezi, ocupă suprafețe restrinse și este prevăzut ca ele să fie extinse în anii viitori. Astfel, în solul nisipos de-a lungul Dunării, se pot face culturi de viță de vie; pomii fructiferi și mai ales caisul, părul, gutuiul, nucul, mărul, cireșul, și vișinul, pot fi plantați în solul acestei regiuni și se recomandă a se da mai multă atenție plantării pomilor fructiferi în preajma locuințelor și de-a lungul drumurilor; prin îndiguiri în partea de nord, pot fi mărite suprafețele arabile; la punctul Vadul-Oii, în lunca Dunării, se pot introduce culturi de orez.

Pescuitul în apele Dunării și mai ales în bălțile din nord, reprezintă ocupația de bază a unui număr important de locuitori și în special al lipovenilor.

În orașul Hirșova, sectorul socialist din agricultură este bine prezentat prin existența unei G.A.C., a unei mari întovăărișiri agricole și a unui S.M.T. care deservește toată partea de nord-est a raionului.

Duminica se ține în oraș târgul săptămînal care aprovizionează orașul și toate comunele din vestul și nord vestul raionului cu cereale, animale, împletituri din stuf și papură, etc.

În trecut, raionul Hirșova era lipsit de *industrie*. În anii puterii populare, s-au creat în Hirșova două întreprinderi industriale:

— Întreprinderea piscicolă „Hirșova”

— Întreprinderea economică raională „Flamura Roșie”.

Întreprinderea piscicolă „Hirșova” este specializată în exploatarea resurselor piscicole din Dunăre și din bălțile ei, în total după o suprafață de peste 40.000 ha, ce intră în cuprinsul a trei raioane: Hirșova, Fetești și Medgidia.

Înainte de 23 August 1944, suprafețele actualei întreprinderi făceau parte din marile proprietăți ale moșierilor. Chiar și proprietățile statului erau arendate. Pentru exploatarea piscicole, moșierii angajau pescari din satele dunărene. După eliberare, toate aceste proprietăți cît și uneltele de pescuit ale moșierilor, au trecut în patrimoniul statului, înființîndu-se în 1950 o gospodărie chibzuită care în 1953 s-a transformat în întreprindere piscicolă cu sediul la Hirșova.

Produsele specifice ale întreprinderii, le formează pește proaspăt, pește sărat, stuful și împletiturile din papură. Cele mai abundente specii de pește sînt: babușcă, bateă, caracudă, lin, somn, știuca, văduviță, mreană, crap, șalău, cegă.

Prin Direcția Generală, întreprinderea trimite pește în regiunile Constanța și București prin repartiție la difeirte alimentare, magazine de specialități, fabrici de conserve. Stuful e trimis la fabrica de salomit din Brăila, iar împletiturile prin cooperatie în raioanele Hirșova, Medgidia, Fetești, Ploești.

Întreprinderea economică raională „Flamura Roșie”, a luat ființă în anul 1951 și este formată din numeroase unități — mori, prese de ulei, darace de lână, cariere de piatră, cuptoare de var, ateliere de confecționat



Fig. 2 Sortarea peștelui

rogojini, fierărie, tâmplărie, presă de țiglă și cărămidă, etc. — răspândite pe tot cuprinsul raionului, cele mai multe concentrându-se în orașul Hirșova.

Articolele produse de întreprindere sînt foarte variate: preparate de carne, făină, de grîu, porumb și secară, piatră de construcție, rogojini, coșuri, darace, var gras, cărămizi, țigle și altele. Produse ca var, cărămizi, piatră, nisip, sînt repartizate diferitelor șantiere de construcții din raion. În restul raioanelor regiunii Constanța, se trimit rogojini, coșuri, var, piatră, etc. Fabrica de zahăr din Giurgiu primește piatră pentru zahăr (calcar), rogojini, coșuri. Coșurile produse de întreprindere mai iau drumul fabricii de zahăr Chitila și Oficiului de aprovizionare și desfacere din

Deva. Industria cooperatistă din oraș este tot o realizare a regimului democrat popular. Cooperativa „Hirșova”, înființată în anul 1948, exploatează o carieră de piatră, deține cuptoare de var o mică fabrică de sifoane și produce împletituri.

Produsele industriale și agricole ale orașului sînt transportate cu vapoare pe Dunăre sau cu auto-camioane pînă la locul de destinație sau pînă

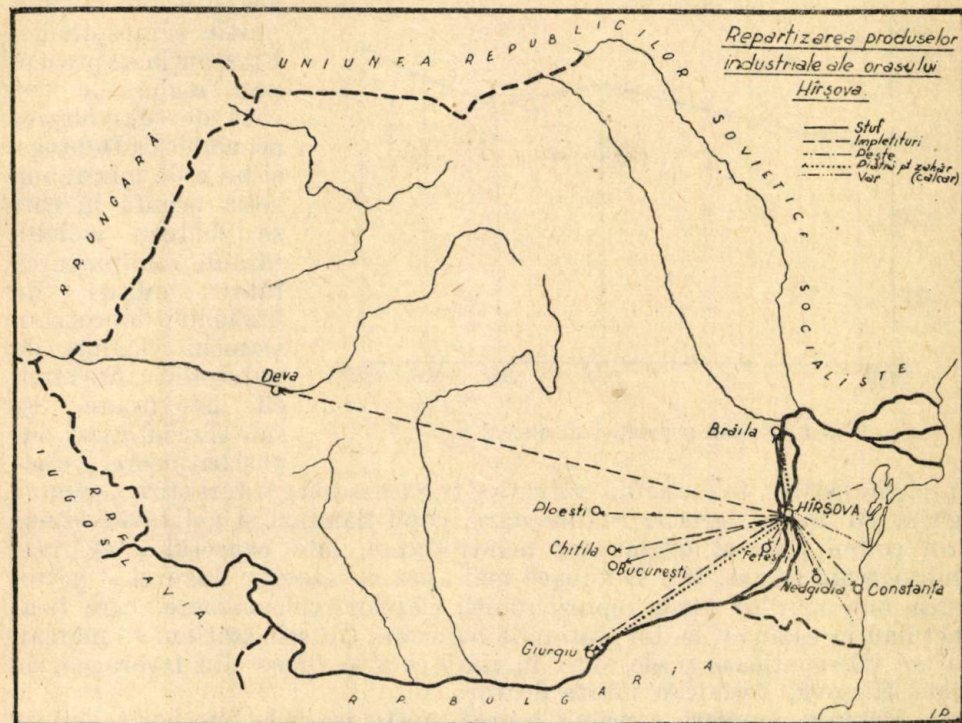


Fig. 3 Produsele ind. ale Or. Hirșova

la o stație de cale ferată. Lipsa unei căi ferate care să lege orașul Hirșova de alte centre ale țării, cît și starea necorespunzătoare a drumurilor, se resimte în economia orașului, cu toate că se folosește mult navigația pe Dunăre și că s-au realizat multe lucruri pentru îmbunătățirea stării drumurilor și podurilor.

Privind problema căilor de comunicație în perspectivă, putem prevedea o creștere deosebită a funcțiunii de transport a orașului, atît pentru că va crește importanța șoselei naționale ce trece prin Hirșova prin asfaltarea ei, acțiune deja începută, cît și prin eventualitatea construirii unui pod peste Dunăre la punctul Vadul Oii și a unei căi ferate care să continue în Dobrogea, calea ferată Tândărei-Giurgeni din raionul Fetești.

Orașul Hirșova cuprinde o populație ce trece de 4200 locuitori, față de 2718 în anul 1900, 3665 în 1930, 3441 în 1941 și 3762 în 1948. Suprafața totală a Hirșovei are o densitate de 82 loc. pe kmp. Populația orașului este formată în majoritate din romîni; alături de ei se întîlnesc turci, tătari, lipoveni, greci și alții. Cea mai mare parte din aceștia

au ca ocupație de bază cultura pământului și creșterea animalelor. Pescuitul reprezintă ocupația de bază a lipovenilor. Numărul muncitorilor din oraș nu este stabil, deoarece sînt angajați muncitori sezonieri și din alte regiuni ale țării.

Este cunoscut faptul că Dobrogea a fost una din regiunile cele mai înapoiate din timpul burghezo-moșierimii. Multă vreme s-a vorbit de Dobro-

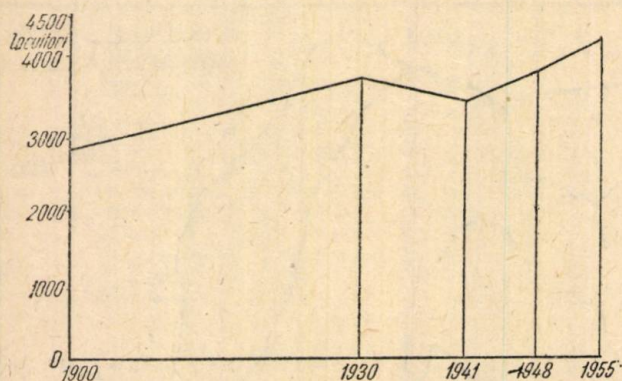


Fig. 4 Numărul populației în diferiți ani.

linței, moșierilor, colibe neîncăpătoare și friguroase cu garduri știrbe, pământ zgriat cu unelte agricole rudimentare, copii flămânzi și goi tăvălindu-se prin colbul gros al drumurilor neîntreținute, iată aspectul adevăratei Dobroge din trecut. Dar Dobrogea mai avea un aspect: huzurul și petrecerea mai marilor țării, reprezentanții claselor exploatare, care benchetuiău în cazinourile din stațiunile balneare. Orașele-stațiuni se măreau cu noi vile spațioase și elegante, în timp ce alte orașe din Dobrogea, de pildă Hirșova, decădeau uitate de toți.

Puterea populară a primit o grea moștenire de la burghezie. A fost necesară o muncă cu adevărat eroică pentru a transforma starea de lucruri din trecut. Astăzi, roadele acestei munci se pot constata pe întregul cuprins al Dobrogei.

Nivelul material și cultural de trai al populației muncitoare din Dobrogea a cunoscut o creștere continuă. Azi toate minoritățile naționale au drepturi egale în fața legii, au școli unde se predă în limba maternă.

În orașul Hirșova, înainte vreme învățămîntului i se acorda puțină importanță. Pe lângă faptul că erau un mare număr de analfabeți, nu erau nici școlile necesare.

În anii puterii populare, munca de alfabetizare s-a desfășurat cu un puternic avînt. S-a mărit numărul elevilor și ca urmare s-au înființat noi școli și s-au lărgit cele existente. Gimnaziul din Hirșova s-a transformat în liceu, s-a înființat o școală de 4 ani cu predarea în limba turcă. An de an s-au redus rîndurile analfabeților. În anul 1954 erau cu 80% mai puțini analfabeți ca în timpurile anterioare lui 23 august 1944.

În prezent, orașul Hirșova este înzestrat cu o mare bibliotecă, un cinematograful, un teatru, o maternitate, o stație de radioficare, etc. Mulți colectivști și-au construit locuințe spațioase și luminoase. Cu toate aceste realizări, în orașul Hirșova mai sînt încă multe de făcut, în

majoritate trecute în planul de dezvoltare al oraşului în următorii ani.

O situaţie ce necesită o remediere mai grabnică, este cea a drumurilor proaste în general şi impracticabile în perioadele ploioase.

Spaţiile verzi sînt neîndestulătoare, de aici necesitatea unui parc de odihnă pentru oamenii muncii din oraş.

Trebuie îmbunătăţită igiena oraşului. Mulţi locuitori folosesc pentru băut apă nefiltrată din Dunăre. Animalele, în special păsări şi porci, umblă netulburaţi prin tot oraşul.

Pentru continua dezvoltare a oraşului sînt necesare următoarele lucrări :

- pietruirea şi asfaltarea drumurilor principale ;
- plantări de arbori de-alungul drumurilor şi pe lângă locuinţe ;
- creerea unui parc de preferinţă în sud-vestul oraşului ;
- renovarea centrului sportiv din localitate ;
- creerea unui ştrand la Dunăre, de preferinţă pe malul stîng al fluviului unde plaja e mai largă.

— construirea în locul unde se ţine târgul săptămînal a unor gherete pentru mărfurile ţăranilor, organizarea unui spaţiu anumit pentru gararea căruţelor ;

— rezolvarea problemei alimentaţiei populaţiei cu apă, prin creerea mai multor fîntîni sau a unei reţele de canalizare deosebit de necesară în localitate ; pentru aceasta se poate clădi un castel de apă pe una din numeroasele înălţimi din apropierea Dunării care să domine întreg oraşul.

Catedra de Geografie economică
Facultatea de Geologie - Geografie
Bucureşti

НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ ЭКОНОМИЧЕСКОЙ ГЕОГРАФИИ ГОРОДА ХЫРШОВА

Город Хыршова на правом берегу Дуная, являясь одним из числа наиболее важных городов Добруджи и районным центром, района носящего такое же название.

Этот город известен с давних времён под названием крепости Карсрум.

Под народно-демократическим строем город развивался благодаря интенсивному развитию на новый лад сельского хозяйства, промышленности, транспорта.

Население города представлена разными нациями преимущественно румынами и в меньшей степени : турки, татары, украинцы, греки.

Город Хыршова располагает возможностью дальнейшего быстрого развития более быстрыми темпами благодаря своему географическому местонахождению и особенно благодаря политико-экономическим условиям нашей страны на пути построения социализма.

PROBLÈMES DE GÉOGRAPHIE ÉCONOMIQUE DANS LA VILLE DE HIRSOVA

R é s u m é

Située sur la rive droite du Danube et près de l'extrémité septentrionale du marais de la Ialomitza, la ville de Hirsova est une des plus importantes localités de la Dobroutha et la résidence de l'arrondissement du même nombre.

Hirsova est une anciens établissement humains de notre pays, ea datant de l'antiquité, lorsqu'elle s'appelait Carsium et servit au change de marchandises des grecs avec les dacs.

Si autrefois Hirsova avait une économie primitive, pendant les années du pouvoir populaire, la ville s'est beaucoup développée en fortifiant ses fonctions agricole, industrielle et de transport. La population de la ville est formée, dans la majorité, de roumains, pres desquels vivent des russes, des turcs, des tatars, des grecs, etc.

Hirsova a de belles perspectives de développement, grace à sa situation géographique et surtout aux condition economico-politiques de notre pays, qui construit le socialisme.

CALCULUL COORDONATELOR GEOGRAFICE ALE PUNCTELOR TRI- ANGULAȚIEI GEODEZICE

(Tratarea problemelor teoretice și aplicațiuni numerice)

A. COSTĂCHEL

(Urmarea articolului din Revista Universității C. I. Parhon și a Politehnicii București
nr. 4—5, 1954)

TRATAREA PROBLEMEI A II-a

Determinarea azimutelor și lungimii unei linii geodezice, în funcție de coordonatele geografice ale extremităților sale.

O a doua problemă în legătură cu coordonatele geografice (vezi fig. 1 și 2) este următoarea :

Se dau : coordonatele geografice ale extremităților liniei geodezice :

$A(L_0, M_0)$ și $B(LM)$.

Se cer : — azimutul Z_0 al liniei geodezice, AB în punctul A

— azimutul Z al liniei geodezice BA în punctul B (azimutul invers).

— lungimea K , a liniei geodezice AB .

11. Stabilirea formulei ce dă azimutul direct și invers Z_0 și Z ale liniei geodezice AB — în funcție de coordonatele geografice ale lui A și B .

Punctul	Latitudinea	Longitudinea
A	$L_0 = 50^{\circ}.8345^{\circ\circ}, 2525$ Nord	$M_0 = 24^{\circ}.5691^{\circ\circ}.0963$ Est Gr.
B	$L = 51^{\circ}.0528^{\circ\circ}, 5249$ Nord	$M = 24^{\circ}.8418^{\circ\circ}.7650$ Est Gr

$$\Delta L = L - L_0 = 2183^{\circ\circ}, 2724 \quad \Delta M = M - M_0 = 2727^{\circ\circ}, 6687$$

Notă : Oricare ar fi metoda de determinare a azimutelor Z_0 și Z , dacă coordonatele au fost determinate cu precizia de 1 mm, pentru o latură de 60 km — azimutele corespunzătoare nu pot fi determinate decât cu aproximația de $0^{\circ\circ} 01$.

Această aproximație corespunde cu aceea a determinării unui unghi de 50° — prin tangenta sa — utilizînd tabelele de logaritmi cu 8 zecimale.

Necunoscutele Z_0 și Z sînt legate prin 2 relațiuni cunoscute :

$$\frac{\sin Z_0}{\sin Z} = \frac{\cos \varphi}{\cos \varphi_0} \quad (\text{Teorema lui Clairaut ; } \varphi \text{ și } \varphi_0 \text{ sînt latitudinile reduse ale lui } B \text{ și } A) \quad (43)$$

$$\operatorname{tg} \frac{\Delta Z}{2} = \operatorname{tg} \frac{\Delta M}{2} \cdot \frac{\sin \frac{L_0 + L}{2}}{\cos \frac{L_0 - L}{2}} \quad (\text{formula convergenței meridiene la sferă}) \quad (44)$$

Relația (43) se poate transforma astfel :

$$\frac{\sin Z_0 + \sin Z}{\sin Z_0 - \sin Z} = - \frac{\cos \varphi + \cos \varphi_0}{\cos \varphi - \cos \varphi_0} \text{ sau } \frac{\sin Z + \sin Z_0}{\sin Z - \sin Z_0} = - \frac{\cos \varphi_0 + \cos \varphi}{\cos \varphi_0 - \cos \varphi} \text{ si}$$

$$\frac{2 \cdot \sin \frac{Z+Z_0}{2} \cos \frac{Z-Z_0}{2}}{2 \cdot \cos \frac{Z+Z_0}{2} \sin \frac{Z-Z_0}{2}} = - \frac{2 \cdot \cos \frac{\varphi_0+\varphi}{2} \cdot \cos \frac{\varphi_0-\varphi}{2}}{2 \cdot \sin \frac{\varphi_0+\varphi}{2} \cdot \sin \frac{\varphi_0-\varphi}{2}}$$

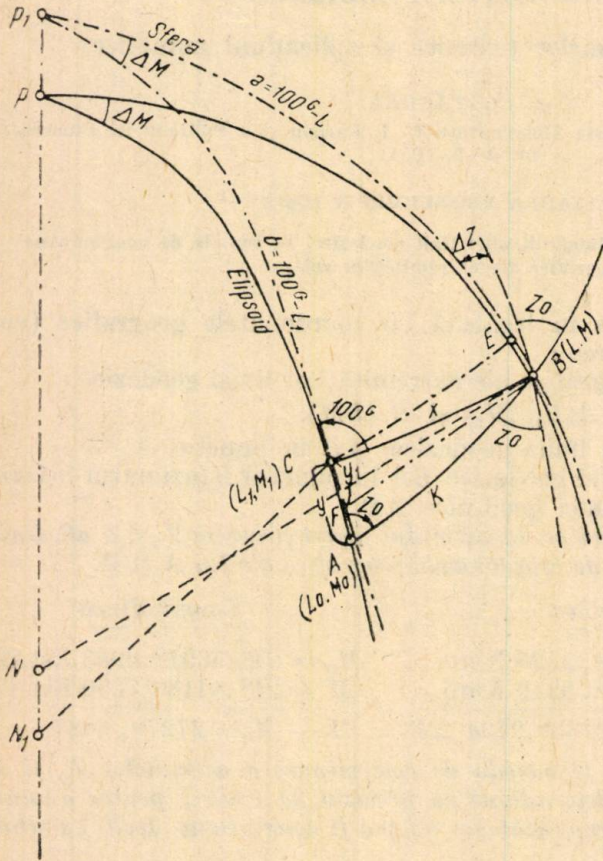


Fig. 1

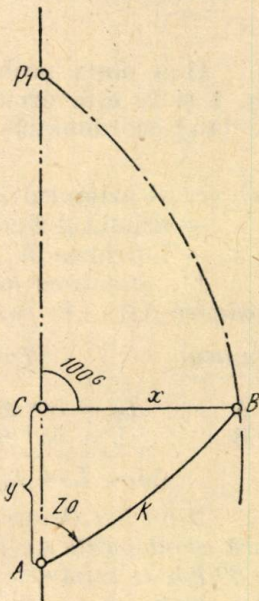


Fig. 2

de unde dacă notăm :

$$\frac{Z+Z_0}{2} = Z_m; \quad \frac{\varphi+\varphi_0}{2} = \varphi_m; \quad \frac{L+L_0}{2} = L_m \text{ avem:}$$

$$\operatorname{tg} Z_m = \operatorname{cotg} \varphi_m \cdot \operatorname{cotg} \frac{\Delta \varphi}{2} \cdot \operatorname{tg} \frac{\Delta Z}{2} \text{ și inversînd :}$$

$$\cot g Z_m = \operatorname{tg} \varphi_m \cdot \operatorname{tg} \frac{\Delta \varphi}{2} \cdot \cot g \frac{\Delta Z}{2} \quad (45)$$

L_m și φ_m se demonstrează că sînt legate prin relația

$$\operatorname{tg} \varphi_m = \frac{b}{a} \operatorname{tg} L_m \left(1 + \frac{\overline{\Delta L}^2 \sin^2 1^{\text{cc}}}{600} \right) \text{ sau}$$

$$\boxed{\operatorname{tg} \varphi_m = \frac{b}{a} \operatorname{tg} L_m \left(1 + 0,01 \cdot \overline{\Delta L}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \right)} \quad (46)$$

Se demonstrează de asemenea că :

$$\Delta \varphi = \frac{b}{a} \Delta L \left(\frac{1}{W^2} \right)_{\frac{L+L_0}{2}} \quad (47)$$

în care $W^2 = 1 - e^2 \sin^2 L$

Pe de altă parte dacă dezvoltăm în serie pe $\operatorname{tg} \frac{\Delta \varphi}{2}$ neglijînd termenii de ordin de mîcime mai mare ca 3, avem :

$$\operatorname{tg} \frac{\Delta \varphi}{2} = \frac{\Delta \varphi}{2} + \frac{1}{3} \left(\frac{\Delta \varphi}{2} \right)^3 = \frac{\Delta \varphi}{2} \left(1 + \overline{\Delta \varphi}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \right)$$

în limita ord. 3 de mîcime inclusiv, putem înlocui $\Delta \varphi$ cu ΔL și deci avem :

$$\operatorname{tg} \frac{\Delta \varphi}{2} = \frac{\Delta \varphi}{2} \left(1 + \overline{\Delta L}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \right) \quad (48)$$

în care dacă introducem valoarea lui $\Delta \varphi$ din (47) avem :

$$\boxed{\operatorname{tg} \frac{\Delta \varphi}{2} = \frac{b}{a} \cdot \frac{\Delta L}{2} \left(\frac{1}{W^2} \right)_{L_m} \left(1 + \overline{\Delta L}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \right)} \quad (49)$$

Se mai demonstrează că :

$$\boxed{\operatorname{cotg} \frac{\Delta Z}{2} = \frac{2}{\Delta M \sin L_m} \left(1 - \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{8} \overline{\Delta L}^2 \right) \left(1 - \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \overline{\Delta M}^2 \right)} \quad (50)$$

Dacă înmulțim membru cu membru relațiile (46), (49) și (50), conform relației (45) neglijînd puterile a 4-a din paranteză, obținem :

$$\operatorname{cotg} Z_m = \frac{b}{a} \cdot \frac{\sin L_m}{\cos L_m} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{\Delta L}{2} \left(\frac{1}{W^2} \right)_{L_m} \cdot \frac{2}{\Delta M \sin L_m} \left(1 + 0,01 \cdot \overline{\Delta L}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \right) \cdot \left(1 + \overline{\Delta L}^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \right) \left(1 - \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{8} \cdot \overline{\Delta L}^2 \right) \left(1 - \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{12} \cdot \overline{\Delta M}^2 \right)$$

$$\cotg \cdot Z_m = \frac{b^2}{a^2} \cdot \left(\frac{1}{W^2} \right)_{L_m} \frac{\Delta L}{\Delta M \cos L_m} \left(1 + \frac{1}{100} \cdot \frac{\Delta \bar{L}^2 \sin^2 1''}{6} + \right. \\ \left. + \frac{1}{2} \cdot \frac{\Delta \bar{L}^2 \sin^2 1''}{6} - \frac{3}{4} \cdot \frac{\Delta \bar{L}^2 \sin^2 1''}{6} - \frac{\sin^2 1''}{12} \Delta \bar{M}^2 \right) \text{ și deoarece :}$$

$$N = \frac{a}{W} \text{ și } \rho = \frac{b^2}{a} \cdot \frac{1}{W^3} \text{ avem } \frac{\rho}{N} = \frac{b^2}{a} \cdot \frac{1}{W^3} \cdot \frac{W}{a} = \frac{b^2}{a^2} \left(\frac{1}{W^2} \right)$$

$$\cotg Z_m = \left(\frac{\rho}{N} \right)_{L_m} \cdot \frac{\Delta L}{\Delta M \cos L_m} \left[1 - 0,24 \cdot \frac{\Delta \bar{L}^2 \sin^2 1''}{6} - \frac{1}{2} \Delta \bar{M}^2 \frac{\sin^2 1''}{6} \right]$$

Dacă notăm raportul $\left(\frac{\rho}{N} \right)_{L_m} = T_m$ și folosim tabelele

$$\text{Benoît avem : } 0,24 \beta_{\Delta \bar{L}} = 0,24 \frac{\Delta \bar{L}^2 \sin^2 1''}{6} \text{ și } \frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{M}} = \frac{1}{2} \Delta \bar{M}^2 \cdot \frac{\sin^2 1''}{6}$$

$$\text{obținem : } \boxed{\cotg Z_m = T_m \cdot \frac{\Delta L}{\Delta M \cos L_m} \left(1 - 0,24 \beta_{\Delta \bar{L}} - \frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{M}} \right)} \quad (51)$$

care ne dă tangenta azimutului mediu : $Z_m = \frac{Z_0 + Z}{2}$

Teorema lui Dalby—ne dă :

$$\Delta Z = \Delta M \frac{\sin L_m}{\cos \frac{L}{2}} \left(1 + \frac{\Delta \bar{M}^2 \sin^2 1''}{12} - \frac{\Delta \bar{Z}^2 \sin^2 1''}{12} \right) \quad (52)$$

și dacă folosim tabelele de termeni corectivi Benoît, avem :

$$\frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{M}} = \frac{1}{2} \Delta \bar{M}^2 \cdot \frac{\sin^2 1''}{6} \text{ și } -\frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{Z}} = -\frac{1}{2} \Delta \bar{Z}^2 \cdot \frac{\sin^2 1''}{6} \text{ deci}$$

Asociind relația (51) cu (52) în care am făcut notațiile Benoît — a termenilor corectivi, obținem :

$$\boxed{\cotg Z_m = T_m \frac{\Delta L}{\Delta M \cos L_m} \left(1 - 0,24 \beta_{\Delta \bar{L}} - \frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{M}} \right)} \quad (51)$$

$$\boxed{\Delta Z = \Delta M \cdot \sin L_m \frac{1}{\cos \frac{L}{2}} \left(1 + \frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{M}} - \frac{1}{2} \beta_{\Delta \bar{Z}} \right)} \quad (53)$$

Care sînt formulele de calculul azimutelor Z_0 și Z împreună cu :

$$Z = Z_m - \frac{\Delta Z}{2} \\ Z = Z_m + 200'' + \frac{\Delta Z}{2} \quad (54)$$

Notă. În formula (53) în membrul 2 — se ia valoarea lui Z — aproximativă, rezultată dintr-un prim calcul ce facem, neținând seama de paranteza din membrul 2 a relației (53), adică :

$$\Delta Z \text{ aprox.} = \Delta M \frac{\sin L_m}{\cos \frac{\Delta L}{2}}$$

Observațiune importantă. — În loc de a folosi formula (53) este mai simplu a folosi formula inițială (44)

$$\operatorname{tg} \frac{\Delta Z}{2} = \operatorname{tg} \frac{\Delta M}{2} \cdot \frac{\sin \frac{L_0 + L}{2}}{\cos \frac{L_0 - L}{2}}$$

care este și calculabilă prin logaritmi și ne scutește de a mai calcula termenii corectivi din membrul 2 al formulei (53), iar în ce privește precizia ea este aceeași, după cum s-a arătat la Nr. 10. — prin exemplul numeric totuși pentru a putea face o comparație între aceste 2 metode, cea care utilizează formula (53) și cea care utilizează formula (44) arătăm mai jos calculele efectuate pentru ΔZ , cu formula (53). Calculul numeric al lui ΔZ au formula (44) — este efectuat la Nr. 10 — de aceea el nu se mai repetă.

12. *Calculul numeric al azimutelor Z_0 și Z direct și invers ale liniei geodezice AB*

a) *prin logaritmi*

Utilizăm formulele (51), (53) și (54)

$$\log \cotg Z_m = \log T_m + \log \Delta L + \operatorname{colog} \Delta M + \operatorname{colog} \cos L_m -$$

$$- 0,24\mu\beta_{\Delta L} - \frac{1}{2} \mu\beta_{\Delta M}$$

$$L_m = \frac{L + L_0}{2} = 50^g \cdot 9436^{\circ},8887$$

$$\Delta L = L - L_0 = 2183^{\circ},2724$$

$$\log \Delta L = 3,3391.0792$$

$$\Delta M = M - M_0 = 2727^{\circ},6687$$

$$\log \Delta M = 3,4357.9163$$

Calculăm termenii corectivi $\mu\beta$ în funcție de $\log \Delta L$ și $\log \Delta M$ pe care îi avem acum; tabelele ne dau : $-0,24\mu\beta - \frac{1}{2} \mu\beta = -87$ Se face

calculul definitiv al lui Z_m :

Calculăm pe ΔZ

$$\log T_m = 1,9985,7621$$

Calculăm întâi valoarea aprox. a lui ΔZ necesară pentru termenul corectiv.

$$\log \Delta L = 3,3391.0792$$

$$\log \Delta M = 3,4357.9162$$

$$\operatorname{colog} \Delta M = 4,5642.0838$$

$$\log \sin L_m = 1,8558.2824$$

$$\operatorname{colog} \cos L_m = 0,1570.4912$$

$$\operatorname{colog} \cos \frac{\Delta L}{2} = 0,0000,0064$$

$$-0,24\mu\beta - \frac{1}{2} \mu\beta = -87$$

$$\log \cotg Z_m = 0,0589.4076$$

$$\log \Delta Z = 3,2916,2050 \approx 3,292$$

$$Z_m = 45^g,6932^{\circ},2295$$

(provizoriu)

Se calculează termenii corectivi : $+\frac{1}{2} \mu \beta_{\Delta M} - \frac{1}{2} \mu \beta_{\Delta Z} = + 33$

$$\log \Delta Z \text{ (provizoriu)} = 3,2916.2050$$

$$+\frac{1}{2} \mu \beta_{\Delta M} - \frac{1}{2} \mu \beta_{\Delta Z} = + 33$$

$$\log \Delta Z = 3,2916.2083$$

$$\Delta Z = 1957^{cc}, 1354$$

$$\frac{\Delta Z}{2} = 978^{cc}, 5677$$

$$Z = Z_m + 200 + \frac{\Delta Z}{2} = 245^G 7910^{cc}, 7972$$

$$Z_0 = Z_m - \frac{\Delta Z}{2} = 45^G 5953^{cc}, 6618$$

b) *prin valori naturale trigonometrice*

Utilizăm formulele (51), (53) și (54).

$$\cotg Z_m = \frac{T_m}{\cos L_m} \cdot \frac{\Delta L}{\Delta M} = \frac{0,9967,269692}{0,6965,477327} \cdot \frac{2183^{cc} \cdot 2724}{2727^{cc}, 6687}$$

$$\cotg Z_m = 1,4309,5285,85 \times 0,8004,1700,079 \quad \cotg Z_m = 1,1453,5899,45$$

(aprox) (aprox)

$$\text{Din tabele scoatem} - 0,24\beta_{\Delta L} - \frac{1}{2} \beta_{\Delta M} = - 200$$

$\cotg Z_m = 1,1453,5899,45 (1 - 0,0000,0200) \quad \cotg Z_m = 1,1453,5670,43. Z_m =$
 $= 45^G 6932^{cc}, 2219$ același rezultat ca și prin calculul logaritmic. Calculăm
 pe ΔZ —și anume mai întâi valoarea aproximativă fără termenii corectivi :

$$\Delta Z = 2727^{cc}, 6687 \frac{0,7175 \cdot 1046}{0,9999 \cdot 9853} \text{ (aprox)} = 1957^{cc}, 13369$$

intrăm în tabelele Benoît, $\argt \Delta Z = 19^\circ 57^{cc}$ și obținem :

$$+\frac{1}{2} \beta_{\Delta M} - \frac{1}{2} \beta_{\Delta Z} = (+ 153 - 78) = + 75$$

$$\Delta Z = 1957^{cc}, 1337 \cdot 1,0000,0075 = 1957^{cc}, 1352; \frac{\Delta Z}{2} = 978^{cc}, 5676$$

$$Z = Z_m + 200^G + \frac{\Delta Z}{2} = 245^G 7910^{cc}, 7895$$

$$Z_0 = Z_m - \frac{\Delta Z}{2} = 45^G 5953^{cc}, 6543$$

13. *Stabilirea formulei ce dă lungimea K a liniei geodezice AB — în funcție de coordonatele geografice ale lui A și B.*

În această determinare se respectă preciziunea teoremei lui Legendre — prin faptul că se ține seamă de cantitățile de ordinul patru de micime.

În triunghiul sferic P_1BC (sfera auxiliară de rază N , tangentă la elipsoid după paralelul $B F$) — avem :

$$\frac{\sin \Delta M}{\sin \frac{x}{M}} = \frac{\sin 100^G}{\sin (100^G - L)} \quad \text{de unde} \quad \frac{\sin \Delta M}{\sin \frac{x}{N}} = \frac{1}{\cos L} \quad \text{și deci,}$$

(55) $\sin \frac{x}{N} = \sin \Delta M \cdot \cos L$; dezvoltând în serie sinusurile din ambii membrii și renunțând la termenii de ord. 5 de micime, avem :

$$\frac{x}{N} \sin 1^{\text{cc}} - \frac{1}{3!} \left(\frac{x}{N} \right)^3 \sin^3 1^{\text{cc}} = \cos L \left(\Delta M \sin 1^{\text{cc}} - \frac{1}{3} \Delta M^3 \cdot \sin^3 1^{\text{cc}} \right)$$

deoarece valoarea lui $\left(\frac{x}{N} \right)^3$ este necunoscută introducem în acest termen de ord. 3 de micime, o valoare apropiată a lui $\frac{x}{N}$, care rezultă din neglijarea termenilor de ord. 3 de micime din dezvoltarea în serie și anume :

$$\frac{x}{N} \sin 1^{\text{cc}} = \cos L \cdot \Delta M \sin 1^{\text{cc}} \quad \text{deci vom avea :}$$

$$\frac{x}{N} = \cos L \left(\Delta M \cdot \sin 1^{\text{cc}} - \Delta \bar{M}^3 \frac{\sin^3 1^{\text{cc}}}{6} \right) + \cos^3 L \Delta \bar{M}^3 \frac{\sin^3 1^{\text{cc}}}{6}$$

$$x = N \cdot \cos L \cdot \Delta M \cdot \sin 1^{\text{cc}} \left[1 - \Delta \bar{M}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} + (1 - \sin^2 L) \Delta M^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \right]$$

$$\boxed{x = \frac{\Delta M \cdot \cos L}{R} \left(1 - \Delta \bar{M}^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \sin^2 L \right)} \quad (56)$$

Sau dacă utilizăm notația și tabelele Benoît :

$$\beta_{\Delta M \sin L} = (\Delta M \sin L)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6}, \quad \text{avem :}$$

$$\boxed{x = \frac{\Delta M \cos L}{R} [1 - \beta_{\Delta M \sin L}]} \quad (57)$$

Pentru a determina pe K mai este nevoie să determinăm valoarea lungimii y :

$$S_{L_0}^{L_1} = \text{arc } AF + y_1 = y' + y_1 = y$$

Aplicând formula (11) între latitudinile $L_0 - L$, avem :

$$L - L_0 = P_m \cdot y' \left[1 - \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L} \right] \text{ în care } P_m = P_{\frac{L+L_0}{2}} =$$

$$= \left(\frac{1}{\rho \sin 1''} \right)_{\frac{L+L_0}{2}} \text{ și } L_m = \frac{L+L_0}{2}; y' = \text{arc } AF$$

de unde :

$$y' = \frac{\Delta L}{P_m} \cdot \frac{1}{\left(1 - \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L} \right)} \text{ și fiindcă } \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L} \text{ este mic :}$$

$$\boxed{y' = \frac{\Delta L}{P_m} \left[1 + \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L} \right]} \quad (58)$$

Să stabilim acum expresiunea lui y_1 . Să notăm conform fig. 3a cu σ , unghiul la centru corespunzător arcului de meridian $FC = y_1$.

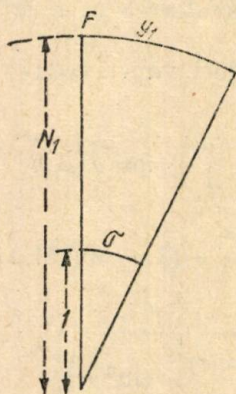


Fig. 3 a

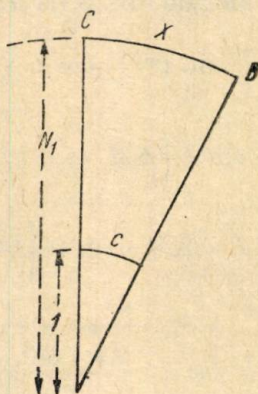


Fig. 3 b

Am arătat la Nr. 5 — că $\sigma = a - b$ — în triunghiul sferic $P_1 BC$, în care avem :

$$\cos a = \cos b \cos c \quad \text{dar : } b = a - \sigma \text{ deci :}$$

$$\cos a = \cos (a - \sigma) \cos a = (\cos a \cos \sigma + \sin a \sin \sigma) \cos c \quad (59)$$

$$\cos \sigma \cong 1$$

$$\sin \sigma \cong \sigma$$

$$\cos a = (\cos a + \sigma \sin a) \left(1 - \frac{c^2}{2} + \frac{c^4}{24} \right)$$

$$\cotga = (\cotga + \sigma) \left(1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24} \right) = \cotga + \sigma - \frac{C^2}{2} \cotga + \text{term.}$$

neglijabili. Intr-o primă aproximație :

$$\boxed{\sigma_{\text{aprox}} = \frac{C^2}{2} \cotga} \quad (60)$$

Relumă relația (59) : $\cos a = (\cos a \cos \sigma + \sin a \sin \sigma) \cos c$

în care se înlocuiesc : $\cos \sigma = 1 - \frac{\sigma^2}{2}$; $\sin \sigma = \sigma$ și $\cos c = 1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24}$

$$\cos a = \left[\cos a \left(1 - \frac{\sigma^2}{2} \right) + \sigma \cdot \sin a \right] \left(1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24} \right) \text{ împărțim cu } \sin a$$

$$\cotga = \left[\cotga \left(1 - \frac{\sigma^2}{2} \right) + \sigma \right] \left(1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24} \right) \quad (61)$$

$$\text{din (60) avem : } \sigma^2 = \frac{C^4}{4} \cotg^2 a$$

$$\cotga = \left[\cotga \left(1 - \frac{C^4}{8} \cotg^2 a \right) + \sigma \right] \left(1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24} \right)$$

$$\cotga = \left[\left(\cotga - \frac{C^4}{8} \cotg^3 a \right) + \sigma \right] \left(1 - \frac{C^2}{2} + \frac{C^4}{24} \right) \text{ sau :}$$

$$\begin{aligned} \cotga = \cotga - & \frac{C^4}{8} \cotg^3 a + \sigma - \frac{C^2}{2} \cotga - \frac{C^6}{16} \cotg^3 a - \sigma \frac{C^2}{2} + \\ & + \frac{C^4}{24} \cotg a - \frac{C^8}{192} \cotg^3 a + \sigma \frac{C^4}{24} \end{aligned} \text{ (termenii subliniați sînt neglijabili)}$$

avînd ordinul demicime mai mare ca 4).

$$\sigma = \frac{C^2}{2} \cotga + \frac{C^4}{8} \cotg^3 a + \left(\sigma \frac{C^2}{2} - \frac{C^4}{24} \cotga \right) \text{ în locul lui } \sigma$$

din paranteză, care face parte dintr-un termen de ord. 4 de micime introducem valoarea sa aprox. $\sigma = \frac{C^2}{2} \cotga$ și avem :

$$\sigma = \frac{C^2}{2} \cotga + \frac{C^4}{8} \cotg^3 a + \left(\frac{C^4}{4} \cdot \cotga - \frac{C^4}{24} \cotga \right)$$

$$\sigma = \frac{C^2}{2} \cdot \cotga + \frac{5C^4}{24} \cotga + \frac{C^4}{8} \cotg^3 a$$

$$\sigma = \frac{C^2}{2} \cotga \left(1 + \frac{C^2}{4} \cdot \cotg^2 a + \frac{5C^2}{12} \right) \text{ dar } \sigma = \frac{y_1}{N} \text{ și } C = \frac{x}{N}$$

$$\cotga = \cotg (100 - L) = \tg L$$

$$\frac{y_1}{N} = \frac{x^2}{2N^2} \cdot \tg L \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{x}{N} \right)^2 \cdot \tg^2 L + \frac{5}{12} \left(\frac{x}{N} \right)^2 \right]$$

$$y_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{N \sin 1^{cc}} \cdot x^2 \tg L \left[1 + \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{x \cdot \tg L}{N \sin 1^{cc}} \right)^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{cc}}{6} + \right. \\ \left. + \frac{5}{2} \cdot \left(\frac{x}{N \sin 1^{cc}} \right)^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{cc}}{6} \right]$$

$$\text{punînd : } R = \frac{1}{N \sin 1^{cc}} ; \quad \frac{3}{2} \beta_{R \times \tg L} = \frac{3}{2} (R \times \tg L)^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{cc}}{6} \text{ și}$$

$$\frac{5}{2} \beta_{R^x} = (Rx)^2 \cdot \frac{\sin^2 1^{cc}}{6}$$

adică utilizînd tabelele și notațiile Benoît, avem :

$$y_1 = \frac{1}{2} R x^2 \tg L \cdot \sin 1^{cc} \left[1 + \frac{3}{2} \beta_{R \times \tg L} + \frac{5}{2} \beta_{R^x} \right] \quad (62)$$

$$y = y' + y_1 \quad (63)$$

Avînd cunoscute coordonatele geodezice ortogonale x și y (vezi (57) și (63) reluăm relațiunile (1) :

$$x = K \sin Z_0 \left[1 - \frac{1}{3} \sin 1^{cc} \cdot S_m \cdot (K \cdot \cos Z_0)^2 \right] \\ y = K \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{cc} \cdot S_m \cdot (K \cdot \sin Z_0)^2 \right] \quad (1)$$

Valorile aproximative provizorii ale lui x și y dacă nu ținem seama de termenii corectivi din paranteze sînt :

$$x = K \cdot \sin Z_0 \\ y = K \cdot \cos Z_0 \quad (64)$$

care înlocuite în parantezele (1) ne dau

$$x = K \cdot \sin Z_0 \left[1 - \frac{1}{3} \sin 1^{cc} \cdot S_m \cdot y^2 \right] \\ y = K \cdot \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{cc} \cdot S_m \cdot x^2 \right] \quad (65)$$

termenii al 2-lea din paranteze fiind mici — (vezi 2/b, putem scrie :

$$K \cdot \sin Z_0 = x \left[1 + \frac{1}{3} \sin 1^{\text{ce}} \cdot S_m y^2 \right] = u$$

$$K \cdot \cos Z_0 = y \left[1 - \frac{2}{3} \sin 1^{\text{ce}} \cdot S_m x^2 \right] = v$$

Notăm : $S_m = (S)_{\frac{L+L_0}{2}}$ (66)

după cum se vede valorile u și v — sînt date în funcție de cantități cunoscute deci vom avea :

$$\operatorname{tg} Z_0 = \frac{u}{v} \text{ (care ne dă pe } Z_0) \quad (67)$$

$$K = \frac{u}{\sin Z_0} = \frac{v}{\cos Z_0} \quad (68)$$

14. Calculul numeric al lungimei K a liniei geodezice, AB

a) prin logaritmi

formulele utilizate :

$$\begin{array}{ll} (57) \text{ ne dă pe } x & (66) \text{ ne dă pe } u \text{ și } v \\ (58) \text{ ne dă pe } y' & (67) \text{ ne dă pe } Z \\ (62) \text{ ne dă pe } y_1 & (68) \text{ ne dă pe } K \end{array}$$

$$\text{Calculul lui } x = \frac{\Delta M \cos L}{R} [1 - \beta_{\Delta M \sin L}]$$

log $\Delta M = \log (M - M_0)$	3,4357.9162
log cos L	1,8421.8245
colog R	1,0015.8617
term corectiv — $\mu \beta_{\Delta M \sin L}$	— 69
log $x = 4.2795.5955$	

Calculul term. corectiv :

$$- \mu \beta_{\Delta M \sin L} = (-65,0 - 3,6) = -69$$

Calculul lui y' (vezi Nr. 6)

$$y' = \frac{\Delta L}{P_m} \left(1 + \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L} \right)$$

log $\Delta L = \log (L - L_0)$	3,3391.0792
colog $P_m = \operatorname{colog} P_{\frac{L+L_0}{2}}$	1,0001.5986
4,3392.6778	
term. cor.	0
$y' = 21.840,762$ log y'	= 4,3392.6778
2 $L_m = L + L_0$; $\frac{\cos 2 L_m}{200}$ = — 0,0001.4821	

tabelele ne dau :

$$\text{term. corectiv} = \frac{\cos 2 L_m}{200} \mu \beta_{\Delta L} = -0,0001.4821 \times 86 = 0,01 \text{ (practic nul)}$$

Calculul lui y_1 :

$$y_1 = \frac{1}{2} R x^2 \operatorname{tg} L \sin 1^{\circ} \left(1 + \frac{3}{2} \beta_{R \operatorname{tg} L} + \frac{5}{2} \beta_{R^2} \right)$$

colog 2	1,6989.7000
log R	2,9984.1383
2 log x	8,5591,1910
log $\operatorname{tg} L$	0,0143.6749
log $\sin 1^{\circ}$	6,1961.1988
	1,4669.9030

term. cor. = (103 + 161)	+264
------------------------------------	------

$y_1 = 29,308 \text{ m}$	log $y_1 =$	1,4669.9294
--------------------------	-------------	-------------

Calculăm termenul corectiv (paranteza)

Arg. log ($R x \operatorname{tg} L$) = 3,292 (Arg. log ($R x$) = 3,278

intrăm în tabelele de $\mu\beta$:

$$+ \frac{3}{2} \mu \beta_{R \operatorname{tg} L} = +103 \quad + \frac{5}{2} \mu \beta_{R^2} = +161$$

$y = y' + y_1 = 21.870,070 \text{ m}$

log $y = 4,3398.5017$

Aceleași rezultate ca cele obținute la Nr. 2

Trecem calculul lui u și v

$$u = x \left(1 + \frac{1}{3} \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot y^2 \right)$$

$$v = y \left(1 - \frac{3}{2} \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot x^2 \right)$$

log x	4,2795.5955
	+85

log $u = 4,2795.6040$

calculăm term. corectiv din paranteză:

log $\left(\mu \frac{1}{3} \sin 1^{\circ} \right) = 1,356.783$

log S_m 9,893.347

2 log y 8,679.700

log $\left(\mu \frac{1}{3} \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot y^2 \right) 1,929.830$

antilog = $\mu \frac{1}{3} \sin 1^{\circ} S_m \cdot y^2 = +85$

log y 4,3398.5017

term. cor. -129

log. $v = 4.3398.4888$

Calculăm term. corectiv din paranteză :

$$\begin{aligned} \log \left(\mu \frac{2}{3} \sin 1^\circ \right) & \dots \dots \dots .1,657.813 \\ \log S_m & \dots \dots \dots .9,893.347 \\ 2 \log x & \dots \dots \dots \underline{.8,559,119} \\ \log \left(\mu \frac{2}{3} \sin 1^\circ \cdot S_m \cdot x^2 \right) & \dots \dots \dots .2,110.279 \end{aligned}$$

$$-\mu \frac{2}{3} \sin 1^\circ S_m \cdot x^2 = -128,91 \cong -129$$

$$\log \operatorname{tg} Z_0 = \log \frac{u}{v} = \log u + \operatorname{colog} v$$

$$\begin{aligned} \log u & \dots \dots \dots .4,2795.6040 \\ \operatorname{colog} v & \dots \dots \dots \underline{.5,6601.5112} \\ Z_0 = 45^\circ 59' 53'',6674. \log \operatorname{tg} Z_0 = & \dots \dots \dots .1,9397.1152 \end{aligned}$$

Calculăm pe K .

$$\begin{aligned} \log K &= \log u + \operatorname{colog} \sin Z_0 \\ \log K &= \log v + \operatorname{colog} \cos Z_0 \\ \hline \log u &= \dots \dots \dots .4,2795.6040 \\ \operatorname{colog} \sin Z_0 &= \dots \dots \dots \underline{.0,1827.4485} \\ \log K &= \dots \dots \dots .4,4623.0525 \\ \log v &= \dots \dots \dots .4,3398.4888 \\ \operatorname{colog} \cos Z_0 &= \dots \dots \dots \underline{.0,1224.5637} \\ \log K &= \dots \dots \dots .4,4623.0525 \\ K &= \dots \dots \dots \underline{.28.993,808 \text{ m}} \end{aligned}$$

Rezultatul perfect concordant cu datele inițiale ale problemei.

b) prin valori naturale trigonometrice

formulele utilizate sînt aceleași cu cele arătate în rubrica

a) — la met. prin logaritmi.

$$x = \frac{\Delta M \cos L}{R} [1 - \beta_{\Delta M \sin L}]$$

$$x = \frac{2727^{\circ},6687 \cdot 0,6853 \cdot 1337}{0,0996 \cdot 3544} [1 - \beta_{\Delta M \sin L}]$$

calculez term. corectiv =

$$\arg t \Delta M \sin L = 2727^{\circ},6687 \cdot 0,7187 \cdot 0,379$$

$$\arg t \Delta M \sin L = 1960^{\circ}, 3858 \cong 19^{\circ} 60^{\circ}, 39$$

tabelele ne dau : $-\beta_{\Delta M \sin L} = -157 \cdot 10^{-8}$

$$x = \frac{1896^{\circ}, 592599}{0,0996 \cdot 3544} (1 - 0,0000,157)$$

$$x = 19.035,291 \text{ m}$$

$$y' = \frac{\Delta L}{P_m} \left(1 + \frac{\cos 2 L_m}{200} \beta_{\Delta L} \right)$$

$$\frac{\Delta L}{P_m} = \frac{L - L_0}{P_{\frac{L+L_0}{2}}} = \frac{2183^{\circ}, 2724}{0,0999 \cdot 6319 \cdot 53} = 21\ 840,7642$$

calculăm termenul corectiv :

$$\frac{\cos 2 L_m}{200} = \frac{\cos (L + L_0)}{200} = \frac{\cos 101^{\circ} \cdot 8873^{\circ} \cdot 7774}{200} = -0,0001,4821$$

tabelele de β ne dau : $\beta_{\Delta L} = +195$

$$\frac{\cos 2 L_m}{200} \beta_{\Delta L} = -0,0001 \cdot 4821 (1 - 0,0000 \cdot 0195) = -0,0001 \cong 0$$

$$y' = 21 \cdot 840,7624 \times 0,9999 \cdot 99999 \cdot 9999$$

$y' = 21.840,7624$ același rezultat ca și pe calea logaritmică.

Calculăm pe y_1

$$y_1 = \frac{1}{2} R x^2 \operatorname{tg} L \sin 1^{\circ} \left(1 + \frac{3}{2} \beta_{R \operatorname{tg} L} + \frac{5}{2} \cdot \beta_{R x} \right)$$

$$= \frac{1}{2} R x^2 = 0,5 \times 0,0996 \cdot 3544 \times 3 \cdot 6234,2303 = 1805,1067,44$$

$$\operatorname{tg} L \cdot \sin 1^{\circ} = 1,0336,3566,36 \times 0,0000,0175,08$$

$$\operatorname{tg} L \sin 1^{\circ} 0,0000,0162,3635$$

$$\frac{1}{2} R x^2 \operatorname{tg} L \sin 1^{\circ} = 29,3077 \text{ metri}$$

Calculăm termenii corectivi

$$\operatorname{Arg.} R x = 0,0996,3544 \times 19.035,291 = 1896^{\circ}, 5896$$

$$\operatorname{Arg.} R x \operatorname{tg} L = 1896^{\circ}, 5896 \times 1,0336,3566 = 1960^{\circ}, 3826$$

$$\text{Tabelele ne dau : } + \frac{3}{2} \beta_{R \operatorname{tg} L} = +235 \quad + \frac{5}{2} \beta_{R x} = 369$$

$$y_1 = 29,3077 \text{ m } x 1,0000,0604 = 29,3079$$

$$y_1 = 29,308 \text{ m}$$

Calculăm pe y :

$y = y' + y_1 = 21.870,070$ metri cu o diferență față de 1 mm de rezultatul de la Nr. 2.

Calculăm pe u și v

$$u = x \left[1 + \frac{1}{3} \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot y^2 \right]$$

Calculăm întâi paranteza :

$$\left(\frac{1}{3} \sin 1^{\circ} \right) \cdot S_m \cdot y^2 = 0,0000.0052.36 \times 7822,5 \cdot 10^{-12} \times 4.7829.99$$

$$u = 19.035,291 \times 1,0000.0195.91. \quad u = 19.035,32929$$

$$v = y \left[1 - \frac{3}{2} \cdot \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot x^2 \right]$$

$$- \frac{2}{3} \cdot \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot x^2 = - 0,0000.0104.72 \times 7822,5 \cdot 10^{-12} \times .6234.2303$$

$$v = 21.870,070 \times 0,9999,9703.18 \quad v = 21.870,00509$$

$$\operatorname{tg} Z_0 = \frac{u}{v} = 0,8703.8522.45$$

$Z_0 = 45^{\circ} 59' 53''$,6583 (în toleranța de 0° ,01 față de val. obținută prin logaritmi)

$$K = \frac{u}{\sin Z_0} = \frac{19 \cdot 035,32929}{0,6565 \cdot 3084,97} = 28.993,808 \text{ m}$$

$$K = \frac{v}{\cos Z_0} = \frac{21 \cdot 870,00509}{0,7542 \cdot 9917 \cdot 22} = 28.993,808 \text{ m}$$

exact același rezultat ca și prin met. cu logaritmi.

15. *Stabilirea unor formule simplificate pentru calculul coordonatelor geografice.*

După cum s-a putut vedea, calculul coordonatelor geografice este destul de lung și laborios, dacă folosim formulele arătate în cele precedente.

Există formule mai simple, care se mențin în cadrul ordinului 3 de micime în dezvoltările în serie și care ne dau aproximația de 0° ,001 pentru o latură de 60 km; ele se deduc din formulele arătate în cele de mai sus.

15. *Stabilirea formulelor simplificate, pentru determinarea latitudinii L*

Reluând formula (11), avem :

$$L_1 - L_0 = \frac{P_{L_1+L_0}}{2} \cdot y \left[1 - \frac{\cos 2 L_m}{200} \cdot \beta_{\Delta L_1} \right]$$

în care latitudinea L_1 este una aproximativă provizorie dedusă cum s-a arătat la Nr. 3. Dacă renunțăm la termenul corectiv din paranteză, iar în locul lui y punem valoarea sa din (1), adică

$$y = K \cdot \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{\circ} \cdot S_m \cdot (K \sin Z_0)^2 \right] \text{ obținem :}$$

$$\boxed{L_1 - L_0 = \frac{P_{L_1+L_0}}{2} \cdot K \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{\circ} S_1 (K \sin Z_0)^2 \right]} \quad (69)$$

Pe de altă parte reluând formula (23) avem :

$$L - L_1 = - S_1 x^2 \operatorname{tg} L_1 \left(1 - \frac{1}{2} \beta_{K_1 x} - \frac{3}{2} \beta_{K_1 x \operatorname{tg} L_1} \right) \quad (23)$$

neglijind termenii corectivi din paranteză și înlocuind pe x cu valoarea sa apropiată luată din (1), adică $x = K \sin Z_0$ (neglijăm termenii din paranteza lui x din (1) din cauză că $L - L_1$, exprimat prin formula (23) este de ord. 2 de micime față de $L_1 - L_0$ exprimat prin formula (12) respectiv (69). Avem :

$$L - L_1 = -S_1 (K \sin Z_0)^2 \operatorname{tg} L_1 \quad (70)$$

adunînd relațiile (69) și (70) — obținem formula *redușă* a latitudinii L :

$$L - L_0 = P_{\frac{L+L_0}{2}} K \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{\text{cc}} \cdot S_1 (K \sin Z_0)^2 \right] - S_1 (K \sin Z_0)^2 \operatorname{tg} L_1 - \Delta L \quad (71)$$

mai simplă decît (24). (din (71) deducem :

$$L = L_0 + \Delta L.$$

16. *Stabilirea formulei simplificate care ne dă longitudinea precisă a punctului B.*

Dacă în formula (35) :

$$\Delta M = M - M_0 = \frac{Rx}{\cos L} [1 - \beta_{Rx} + \beta_{\Delta M}]$$

introducem în locul lui x , valoarea sa apropiată din (1) : $x = K \sin Z_0$ și la argumentul Rx din paranteză înlocuim $x = K$, se obține formula simplificată :

$$\Delta M = M - M_0 = \frac{RK \sin Z_0}{\cos L} (1 - \beta_{RK} + \beta_{\Delta M}) \quad (72)$$

Avem : $M = M_0 + \Delta M$

17. *Formula simplificată care ne dă azimutul invers Z*
Reluăm relațiunea (41), adică :

$$\Delta Z = \Delta M \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{1}{2} (Rx)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} + \frac{3}{4} (\Delta L)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \right] \quad (41)$$

Observăm că $(Rx)^2 = \frac{x^2}{N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} = \frac{K^2 \sin^2 Z_0}{N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}}$ (am înlocuit pe x cu valoarea

sa apropiată $x = K \sin Z_0$ din (1).

De asemenea dacă din (24) luăm valoarea aproximativă, avem :

$$\Delta L = L - L_0 = P_{\frac{L+L_0}{2}} \cdot y = \frac{y}{\rho_m \sin 1^{\text{cc}}}. \text{ Dacă înlocuim } \rho_m \text{ cu } N, \text{ avem :}$$

$$(\Delta L)^2 = \frac{y^2}{N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} = \frac{K^2 \cos^2 Z_0}{N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} \text{ (am înlocuit pe } y = K \cdot \cos Z_0, \text{ valoarea}$$

a aproximativă din (1)). Relația (41) devine :

$$\begin{aligned}\Delta Z &= \Delta M \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{2K^2 \sin^2 Z_0 \sin^2 1^{\text{cc}}}{24 N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} + \frac{3K^2 \cos^2 Z_0 \sin^2 1^{\text{cc}}}{24 N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} \right] = \\ &= \Delta M \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{2K^2 (\sin^2 Z_0 + \cos^2 Z_0) \sin^2 1^{\text{cc}}}{24 N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} + \frac{K^2 \cos^2 Z_0 \sin^2 1^{\text{cc}}}{24 N^2 \sin^2 1^{\text{cc}}} \right] = \\ &= \Delta M \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{1}{2} (RK)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} + \frac{1}{4} (\Delta L)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \right]\end{aligned}$$

și dacă notăm, utilizând tabelele Benoit :

$$\frac{1}{2} \beta_{R\bar{K}} = \frac{1}{2} (RK)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6} \text{ și } \frac{1}{4} \beta_{\Delta\bar{L}} = \frac{1}{4} (\Delta L)^2 \frac{\sin^2 1^{\text{cc}}}{6}$$

obținem formula simplificată a lui ΔZ :

$$\Delta Z = \Delta M \cdot \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{1}{2} \beta_{R\bar{K}} + \frac{1}{4} \beta_{\Delta\bar{L}} \right] \quad (73)$$

18. *Calculul numeric al coordonatelor geografice cu formulele simplificate.*
(Pentru a putea face o comparație justă, vom lua același exemplu numeric.
Valorile numerice parțiale deja calculate, le folosim în cele ce urmează.

19. *Calculul latitudinii L — cu formula simplificată*

$$\begin{aligned}\text{Formula utilizată (71) : } \Delta L &= L - L_0 = \frac{P_{L_1+L_0}}{2} K \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \right. \\ &\left. \sin 1^{\text{cc}} S_1 (K \sin Z_0)^2 \right] - S_1 (K \sin Z_0)^2 \cdot \text{tg } L_1\end{aligned}$$

a) *prin logaritmi*

$$L_1 \text{ aprox} = 51^{\text{G}} \cdot 0,531^{\text{cc}},4559 \text{ (vezi Nr. 3)}$$

$$\log \frac{P_{L_1+L_0}}{2} = 2,9998.4013 \text{ (vezi 6)}$$

$$\begin{aligned}\log. (K \cos Z_0) &= 4,3398.4888 \text{ (vezi 2)} \\ + \mu\beta &= + 129\end{aligned}$$

$$\log (L_1 - L_0) = 3,3396.9030$$

Calculăm argumentul termenului corectiv din formula (71) paranteza 1^a :

$$\log \left(\mu \frac{2}{3} \sin 1^{\text{cc}} \right) \text{ (vezi 2) } \dots \dots \dots 1,637.813$$

$$\log S_1 (\text{lat. } L_1 \text{ aprox. } 51^{\text{G}} 05) \dots \dots \dots 9,893.337$$

$$2 \log (K \sin Z_0) \text{ (vezi 2) } \dots \dots \dots 8,559.121$$

$$\begin{aligned}\log \mu \beta &= 2,110.271 \\ \text{(vezi 2) } \mu \beta &= + 129\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}L_0 &= 50^{\text{G}} 8345^{\text{cc}},2525 + \\ \Delta L_1 = L_1 - L_0 &= 2186^{\text{cc}},2021\end{aligned}$$

$$L_1 = 51^{\text{G}} 0531^{\text{cc}},4546 \text{ (aceeași)}$$

Trecem la calculul lui L :

$$\begin{array}{rcl}
 \log S_1 (\text{exact}) & & \overline{9},893.337 \\
 2 \log (K \sin Z_0) & & .8,559.121 \\
 \log \operatorname{tg} L_1 & & .0,014.371 \\
 \hline
 \log (L - L_1) = & & .0,466.829 \\
 L_1 & = & 51^G 0531^{cc},4546 \\
 L - L_1 & = & -2^{cc},9297 \\
 \hline
 L & = & 51^G 0528^{cc},5249 \text{ (aceeași)}
 \end{array}$$

b) prin val. nat. trigonometrice

$$\begin{aligned}
 L_1 - L_0 &= P_{\frac{L_1+L_0}{2}} \cdot K \cos Z_0 \left[1 + \frac{2}{3} \sin 1^{cc} \cdot S_1 (K \sin Z_0)^2 \right] \\
 L_1 - L_0 &= 0,0999.631930 \times 21.870,0053 \times \\
 &\quad \left[1 + \frac{3}{2} (0,0000.0157.08) \cdot 7822.10^{-12} (19.035,329)^2 \right] \\
 L_1 - L_0 &= 2186^{cc},2021 \\
 L_0 &= 50^G 8345^{cc},2525 \\
 \hline
 L_1 &= 51^G 0531^{cc},4546 \text{ (același)}
 \end{aligned}$$

Calculăm pe $L - L_1$

$$\begin{aligned}
 L - L_1 &= -S_1 (K \sin Z_0)^2 \cdot \operatorname{tg} L_1 = -7822.10^{-12} \cdot 3.6234.3750 \\
 &\times 1,0336.41518 = -2^{cc},83425 \times 1,0336.4518 \\
 L - L_1 &= -2^{cc},9296 \\
 L_1 &= 51^G 0531^{cc},4546 \\
 \hline
 L &= 51^G 0528^{cc},5250 \text{ (același cu aprox. lui } 0^{cc},001)
 \end{aligned}$$

20. Calculul longitudinii M a punctului B cu formula redusă

$$\text{Formula utilizată (72): } \Delta M = \frac{RK \sin Z_0}{\cos L} (1 - \beta_{RK} + \beta_{\Delta M})$$

a) prin logaritmi

$$\begin{array}{rcl}
 \log R (\text{vezi Nr. 8}) & & \overline{2},9984.1383 \\
 \log (K \sin Z_0) (\text{vezi Nr. 2}) & & .4,2795.6039 \\
 \log \cos L (\text{vezi Nr. 8}) & & .0,1578,1755 \\
 \hline
 \log \frac{RK \sin Z_0}{\cos L} & \log \Delta M_{\text{aprox}} & = 3,4357.9177
 \end{array}$$

Argumentele pentru tabelele $\mu\beta$ sînt:

$$\begin{aligned}
 \log (RK) &= 3,461 \\
 \log \Delta M &= 3,436
 \end{aligned}$$

interpolînd după tabele avem: $-\beta_{\overline{RK}} + \beta_{\overline{\Delta M}} = (-150 + 134) = -16$

$$\begin{array}{rcl} \log \frac{RK \sin Z_0}{\cos L} & & 3,4357.9177 \\ \text{term. corectiv} & & -16 \\ \hline & \log \Delta M = & 3,4357.9161 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl} \Delta M = M - M_0 & = & 2727^{\text{cc}},6687 \\ M_0 = & 24^G 5691^{\text{cc}},0963 \\ \hline M = & 24^G 8418^{\text{cc}},7650 & (\text{același}) \end{array}$$

b) prin valori naturale trigonometrice

$$\frac{RK \sin Z_0}{\cos L} = \frac{0,0996 \cdot 3544 \times 28 \cdot 993,808 \times 0,6565 \cdot 3085}{0,6953 \cdot 1673} = 2727^{\text{cc}},6697$$

Cu argumentele

$$\begin{array}{rcl} RK & & 2888^{\text{cc}},8108 \\ \Delta M \text{ aprox} & & 27^e 27^{\text{cc}},6697 \text{ intrăm în tabele și} \end{array}$$

se obține:

$$\begin{array}{rcl} -\beta_{\overline{RK}} + \beta_{\overline{\Delta M}} & = & (-343 + 306) = -37.10^{-8} \\ M = 2727^{\text{cc}},6697 & (1 - 0,0000.0037) \\ \Delta M = M - M_0 & = & 2727^{\text{cc}},6687 \\ M_0 = 24^G 5691^{\text{cc}},0963 \\ \hline M = 24^G 8418^{\text{cc}},7650 & (\text{același}) \end{array}$$

21. Calculul azimutului invers — Z — cu formulele simplificate

$$\text{Formula utilizată (73)} \quad \Delta Z = \Delta M \cdot \sin \frac{L+L_0}{2} \left[1 + \frac{1}{2} \beta_{\overline{RK}} + \frac{1}{4} \beta_{\overline{\Delta L}} \right]$$

a) cu logaritmi

$$\begin{array}{rcl} \log \Delta M \text{ (vezi Nr. 8)} & & 3,4357.9162 \\ \log \sin \frac{L+L_0}{2} \text{ (vezi Nr.10)} & & \bar{1},8558.2824 \\ \text{term. cor.} & & + 102 \\ \hline & \log \Delta Z = & 3,2916.2088 \end{array}$$

Calculăm argumentele $\log RK$ și $\log \Delta L$

$$\begin{array}{rcl} \log R & = & \bar{2},9984.1383 \\ \log K & = & 4,4623.0525 \\ \log (RK) & = & 3,4607.1908 = 3.461 \\ \log (\Delta L) & = & 3,339 \end{array}$$

Intrăm în tabelele de $\mu\beta$:

$$\frac{1}{2} \mu\beta_{RK} + \frac{1}{4} \mu\beta_{\Delta L} = (+ 75 + 27) = + 102$$

$$\begin{array}{r} \Delta Z = 1957^{\circ}, 1354 \\ Z_0 + 200 = 245^{\circ} 5953^{\circ}, 659 \\ \hline Z = 245^{\circ} 7910, 7944 \text{ (același)} \end{array}$$

d) Cu valori naturale trigonometrice

$$\Delta M \sin \frac{L+L_0}{2} = 2727^{\circ}, 6687 \times 0,7175.1046 = 1957^{\circ}, 13082$$

Calculăm arg. pentru termenii corectivi

$$\begin{array}{l} RK = 2888^{\circ}, 8108 \text{ (vezi calculul precedent)} \\ \Delta L = 2183^{\circ}, 2724 \end{array}$$

Tabelele Beniot ne dau :

$$\begin{array}{r} \frac{1}{2} \beta_{RK} + \frac{1}{4} \beta_{\Delta L} = (+ 171,7 + 52,5) = + 224.10^{-8} \\ \Delta Z = 1957^{\circ}, 13082 \times 1,0000.0224 \\ \Delta Z = 1957^{\circ}, 1352 \\ Z_0 + 200 = 245^{\circ} 5953^{\circ}, 659 \\ \hline Z = 245^{\circ} 7910^{\circ}, 7942 \text{ (același)} \end{array}$$

Notă : 1. Se știe că pentru determinarea coordonatelor geografice ale lui punct, se execută calcule pe două căi diferite, adică se calculează pornind din 2 puncte vecine A și C către unul și același punct B și numai dacă rezultatele concordă în limita toleranței admisibile, se iau de bune mediile coordonatelor punctului B obținute astfel — ceea ce ne dă certitudinea că aceste coordonate au fost bine calculate.

2. Calculele numerice ale coordonatelor geografice se ordonează în formulare de calcule adecuate formulelor utilizate, precum și nevoilor de control ale acestor calcule. Este bine ca aceste formulare de calcule să conțină cît mai multe din calculele auxiliare și controlul azimutelor pe unghiul sferic dintre direcțiunile respective.

ВЫЧИСЛЕНИЕ ГЕОГРАФИЧЕСКИХ КООРДИНАТ ТОЧЕК ГЕОДЕЗИЧЕСКОЙ СЕТКИ

Настоящая статья является продолжением II-ой частью-статьи : „Вычисление географических координат точек геодезической сетки“, которая была напечатана тем же автором в № 4—5/1954. Во второй части статьи изложена обратная задача, по отношению к I-ой части, именно : даются географические координаты двух точек — A и B находящиеся на референц-эллипсоиде — определить азимуты и длину геодезической линии AB. Автор статьи излагает теорию и вывод формул вычисления для обратной задачи и дает числовые примеры решенные с помощью счетной машины, применяя таблицы тригонометрических функций и логарифмов.

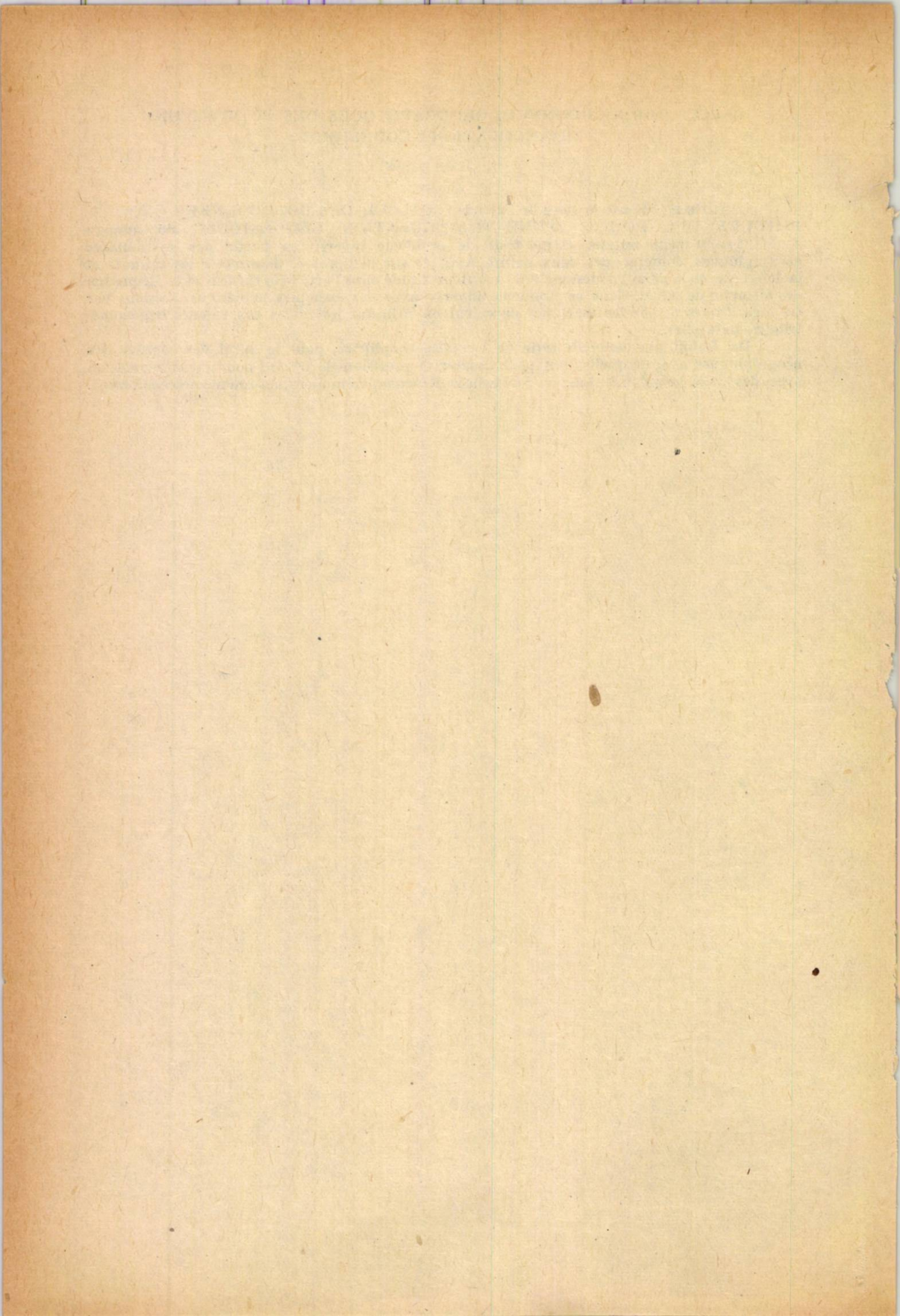
Кроме того для вычисления географических координат даются упрощенные формулы, которые обеспечивают точность в 0,001 для триангуляций со сторонами менее 60 км ; приводятся числовые примеры как было указано выше.

CALCUL DES COORDONNÉES GÉOGRAPHIQUES DES POINTS D'UNE TRIANGULATION GÉODÉSIQUE

Résumé

L'article représente la suite de l'article : „CALCUL DES COORDONNÉES GÉOGRAPHIQUES DES POINTS D'UNE TRIANGULATION GÉODÉSIQUE” du numero 4—5/1954, du même auteur, et qui traite le problème inverse : a partir des coordonnées géographiques connues des deux points A et B sur l'ellipsoïde, déterminer les azimuts et la longueur de la ligne géodésique AB. L'auteur traite dans l'article la théorie et la déduction des formules de calcul, dans ce problème inverse avec des exemples numériques, résolus par les logarithmes et par les machines de calcul en utilisant les tables des valeurs trigonométriques naturelles.

On établit une nouvelle série de formules simplifiées, pour le calcul des coordonnées géographiques avec lesquelles on peut assurer la précision de $0^{\text{se}},001$ pour une triangulation avec des côtés jusqu'au 60 km ; on donne aussi des exemples numériques comme précédemment.



ERATĂ

(la articolul „Legea intensității, stabilită pe baza teoriei ionice a excitației“ de G. Zapan, apărut în Analele Universității C. I. Parhon Nr. 10, 1956).

La pag. 114, rîndul 15, în dreapta formulelor se scrie : (52).

La pag. 115, rîndul 11, în loc de : (46) se scrie : (56).

La pag. 115, formulele (60) se scriu astfel :

$$\gamma_1 = \frac{Q}{c_1} \left(\frac{c_1 + k_1}{c_1 + k_2} \right)^{\frac{knF}{RT}} ; \quad \gamma_2 = \frac{Q}{c_2} \left(\frac{c_2 + k_1}{c_2 + k_2} \right)^{\frac{knF}{RT}}$$

